

UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ CENTRO DE TECNOLOGIA PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

UMA PROPOSTA DE PROJETO PARA INVERSOR MULTINÍVEL EM CASCATA ASSIMÉTRICO COM 63 NÍVEIS NA TENSÃO DE SAÍDA E OPERAÇÃO EM BAIXA FREQUÊNCIA

Samuel Jó de Mesquita

Fortaleza Fevereiro de 2011 Samuel Jó de Mesquita

UMA PROPOSTA DE PROJETO PARA INVERSOR MULTINÍVEL EM CASCATA ASSIMÉTRICO COM 63 NÍVEIS NA TENSÃO DE SAÍDA E OPERAÇÃO EM BAIXA FREQUÊNCIA

Dissertação submetida à Coordenação do Curso de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica, da Universidade Federal do Ceará como requisito parcial para obtenção do grau de Mestre em Engenharia Elétrica.

Área de concentração: Eletrônica de Potência e Acionamento Elétricos.

Orientador: Prof. Dr. Fernando Luiz Marcelo Antunes.

Co-orientador: Prof. Dr. Sérgio Daher.

Samuel Jó de Mesquita

UMA PROPOSTA DE PROJETO PARA INVERSOR MULTINÍVEL EM CASCATA ASSIMÉTRICO COM 63 NÍVEIS NA TENSÃO DE SAÍDA E OPERAÇÃO EM BAIXA FREQUÊNCIA

Esta dissertação foi julgada adequada para obtenção do título de Mestre em Engenharia Elétrica, Área de Eletrônica de Potência e Acionamentos Elétricos e aprovada em sua forma final pelo programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica na Universidade Federal do Ceará.

Samuel Jó de Mesquita

Banca Examinadora:

Prof. Fernando Luiz Marcelo Antunes, Dr. Presidente

Prof. René Pastor Torrico Bascopé, Dr.

Prof. Sérgio Daher, Dr.

Prof. Marcelo Cabral Cavalcanti, Dr.

Fortaleza, Fevereiro de 2011

"O temor do senhor é o princípio da sabedoria, e o conhecimento do santo é entendimento" (Salomão. Pv. 9.10)

Primeiro a Deus, Aos meus pais, Francisco e Lindaura, Ao meu Avô Antônio, Irmãs Patrícia e Eliabe, A todos os familiares e amigos

AGRADECIMENTOS

A todas as pessoas que por motivo de esquecimento não foram citadas anteriormente, vou deixando neste espaço minhas sinceras desculpas.

Sou grato primeiramente a Deus que está acima de tudo e por ter me fortalecido e me capacitado para continuar as pesquisas deste trabalho. Segundo ao meu professor orientador, Fernando Antunes, pelo apoio, confiança, por ter fornecido embasamento teórico, provendo condições de prosseguir com as pesquisas, ajudando não só a mim, mas a todos os alunos do PPGE que o procuram. Depois, ao professor, Sérgio Daher, por ter fornecido softwares de apoio a pesquisa, materiais didáticos e por tirar dúvidas, ao meu Pai Francisco das Chagas por sempre acreditar em mim por ter fornecido educação suficiente de estar onde me encontro e pelo exemplo de comprometimento com as obrigações, a minha mãe Lindaura pelo recíproco do meu pai, pelas orações incessantes e por sua sabedoria em me orientar nos impasses cotidianos. A minhas imãs Patrícia e Eliabe que tanto amo, aos professores René e Demercil por estar sempre presente nos momentos de dúvidas, fornecendo sugestões para qualidade do trabalho, a todos os professores do PPGE, amigos formados nas disciplinas e no GPEC consinto meus sinceros agradecimentos.

Ao professor externo Marcelo Cabral pelos esclarecimentos, sugestões e críticas positivas, enriquecendo ainda mais este trabalho.

Aos amigos de mestrado e laboratório, Hermínio Miguel, Rock Junior, Lívia, Daniel Lima, Eudes, Rafael, Rodrigo, Eduardo Lens, Ranoica, Carlos Elmano, Gustado Henn, e Deivid.

Aos funcionários do Departamento de Engenharia Elétrica (DEE), Mário Sérgio e Rafael pelo apoio na resolução de problemas administrativos.

Aos amigos da república Aldinei, Lincoln, André, Jefferson, Eládio e Irailson.

A todos os amigos do CENTEC (Centro de Ensino Tecnológico) de Sobral.

Ao Dr. Ari Portela e sua esposa Odília, seus filhos Ari Filho e Lucas.

Á Funcap (Fundação Cearense de Apoio ao Desenvolvimento Científico e Tecnológico) e ao CNPQ (Conselho Nacional de Desenvolvimento Científico e Tecnológico), pelo apoio financeiro.

RESUMO

Mesquita, S. J., "Uma Proposta de Projeto Para Inversor Multinível em Cascata Assimétrico com 63 Níveis na Tensão de Saída e Operação em Baixa Freqüência", Universidade Federal do Ceará – UFC, 2010, 147p.

Este trabalho apresenta um estudo dos inversores multiníveis em cascata usando células *H-bridge* na configuração assimétrica usando transformador de múltiplos secundários. Ele demonstra equações para o cálculo da freqüência das células para o inversor operando com as configurações binária e ternária, bem como o projeto completo do transformador toroidal com núcleo laminado. Este trabalho define a melhor freqüência de operação do transformador que possibilita redução no tamanho se comparado a operação em 60 Hz. Ele também aborda uma metodologia para o cálculo das perdas nas células do inversor as quais são úteis para o cálculo térmico do inversor.

Palavras-Chave: Inversores Multiníveis Isolados, Modulação *Staircase*, Transformadores com Múltiplos Secundários, Sistemas Autônomos de Energia.

ABSTRACT

Mesquita, S. J., "Design Proposition For a 63 Levels Output Voltage Asymmetric Multilevel Cascaded Inverter at low Frequency Operation ", Federal University of Ceará - UFC, 2010, 147p.

This dissertation proposes a design of a cascaded multilevel inverter using H-bridge cells in asymmetric configuration and a multiple secondary transformer. Equations for determining the frequency operation of each cell with binary and ternary configurations, as well as the complete design of toroidal transformer with laminated core. This work proposes also the optimal operating frequency of the transformer that enables reduction in core size, when compared to 60 Hz operation. It is also discussed a methodology for calculate the losses in the cells of the inverter, which are useful to determine the thermal behavior of the inverter.

Keywords: Multilevel Inverters Isolated, Modulation Staircase, Transformers With Multiple Secondary, Autonomous System of Energy.

SUMÁRIO

LIST	FA DE	FIGURAS	XII
LIST	<u>ГА DE '</u>	TABELAS	XVII
<u>List</u>	A DE AI	BREVIATURAS E SIGLAS	XIX
LIST	ΓA DE :	SÍMBOLOS	XX
INT	RODU	ÇÃO GERAL	1
1.1	OBJ	ETIVOS GERAIS E CONTRIBUIÇÃO DO TRABALHO	2
1.2	MO	ГIVAÇÃO	5
1.3	ORC	GANIZAÇÃO DO TRABALHO	6
<u>CAP</u>	<u>ÍTULO</u>	<u>DI INVERSORES MULTINÍVEIS: PRINCIPAIS TOPOLOGIAS</u>	PARA
<u>APL</u>	ICAÇÛ	DES EM ALTAS E MÉDIAS POTÊNCIAS	1
1.1	APL	ICAÇÕES DOS INVERSORES MULTINÍVEIS	2
1.2	ASP	ECTOS GERAIS DE UMA ONDA MULTINÍVEL	3
1.3	TIP	DS DE MODULAÇÃO EM INVERSORES MULTINÍVES	4
	1.3.1	MODULAÇÃO PWM	5
	1.3.2	MODULAÇÃO STAIRCASE	9
1.4	INV	ERSORES MULTINÍVEIS, TOPOLOGIAS CONVENCIONAIS	15
	1.4.1	NPC OU INVERSOR COM DIODOS DE GRAMPEAMENTO	15
	1.4.2	FLYING CAPACITOR, FLC	18
	1.4.3	INVERSORES MULTINÍVEIS EM CASCATA	19
	1.4.4	INVERSOR USANDO CÉLULAS <i>H-BRIDGE</i> EM CASCATA ASSIMÉTRICO, CHCA	24
1.5	CON	SIDERAÇÕES FINAIS	34

CAPÍTULO 2 INVERSORES MULTINÍVEIS ISOLADOS USANDO CÉLULAS H-BRIDGEOU DERIVADA DESSA COM DIFERENTES FONTES DE TENSÕES DE ENTRADA35

2.1	TOP	POLOGIAS, SIMULAÇÕES E ESTUDO	
	2.1.1	TOPOLOGIA A)	
	2.1.2	TOPOLOGIA B): DERIVADA DO INVERSOR COM CÉLULAS <i>H-BRIDGE</i> :	
	2.1.3	TOPOLOGIA C): APRESENTANDO CÉLULAS <i>H-BRIDGE</i> COM RETIFICADORES A	COPLADOS
AO B	ARRAM	ENTO CC DE SAÍDA	39
2.2	ANÁ	LISE E SIMULAÇÃO DAS TOPOLOGIAS SELECIONADAS	40
	2.2.1	TOPOLOGIA A	40
	2.2.2	TOPOLOGIA B	52
	2.2.3	TOPOLOGIA C	54
2.3	CON	ISIDERAÇÕES FINAIS	59

CAPÍTULO 3 ESTUDO DO TRANSFORMADOR

 3.1
 METODOLOGIA GENERALIZADA DE PROJETO PARA APLICAÇÕES EM

 BAIXAS E ALTAS FREQÜÊNCIAS
 61

 3.1.1
 REGULAÇÃO DE TENSÃO.
 67

 3.1.2
 SELEÇÃO DO NÚCLEO.
 68

 3.1.3
 CÁLCULO DAS PERDAS NO TRANSFORMADOR (PERDAS NO NÚCLEO E PERDAS NO

CAPÍTULO 4 ESTUDO DA TOPOLOGIA ESCOLHIDA

91

4.1	ASPI	ECTOS RELEVANTES E CRITÉRIOS ADOTADOS	92
	4.1.1	DEFINIÇÃO DA ESTRATÉGIA DE MODULAÇÃO	92
	4.1.2	DEFINIÇÃO DO NÚMERO DE NÍVEIS DE OPERAÇÃO	92
	4.1.3	Escolha da freqüência de operação	92
	4.1.4	ESCOLHA DOS SEMICONDUTORES	93
	4.1.5	DEFINIÇÃO DAS CARACTERÍSTICAS DE CARGA	93
4.2	DIME	ENSIONAMENTO DOS COMPONENTES	. 93
	4.2.1	SIMULAÇÃO DO INVERSOR	93
	4.2.2	MÉTODOS PARA MENSURAR AS PERDAS NAS CHAVES DE CADA CÉLULA <i>H-BRIDGE</i>	97
	4.2.3	CÁLCULO DO DISSIPADOR	.104

60

	4.2.4	CÁLCULO DOS CAPACITORES DO BARRAMENTO CC	117
	4.2.5	RESUMO DO PROJETO DO TRANSFORMADOR OPERANDO EM 300 HZ	
	4.2.6	RESULTADOS DOS ENSAIOS NO TRANSFORMADOR TOROIDAL	
	4.2.7	RESUMO DAS PERDAS NO INVERSOR	135
12	CON	ΙSIDER Λ CÕES ΕΙΝΑΙS	137
4.3	CON	NSIDERAÇÕES FINAIS	
4.3 <u>CON</u>	NCLUS	ÕES GERAIS	138
4.5 <u>CON</u> SUG	<u>NCLUS</u> ESTÕI	ÕES GERAIS ES PARA TRABALHOS FUTUROS	<u>138</u> 139

LISTA DE FIGURAS

Figura 1.1: Tensão de saída com níveis igualmente espaçados
Figura 1.2: Diagrama simplificado das técnicas usadas para obter a onda multinível4
Figura 1.3: Lógica para obter uma tensão de saída modulada5
Figura 1.4: Modulação PD
Figura 1.5: Modulação POD
Figura 1.6: Modulação APOD7
Figura 1.7: Modulação híbrida7
Figura 1.8: Sinais de referências (Vref) e tensão de saída (Vout) das células 3, 2, 1
respectivamente nas figuras: a), b) e c) o item d) representa o somatório das tensões de saída
das célula, ou a tensão de carga8
Figura 1.9: a) Inversor CHC; b) Saídas do CHC: do primeiro ao penúltimo gráfico, tensão de
saída nas células (Vo_{h1} , Vo_{h2} e Vo_{h3}), ultimo gráfico tensão na saída do inversor
Figura 1.10: Tensão de saída em função do número de passos em 1/4 de ciclo da senoide (sem
a otimização)
Figura 1.11: Ferramenta computacional : a) Unidade de tratamento da forma de onda; b)
Compilador dos arquivos gerados em a); b) Pseudo código usado na programação dos tempos
de simulação12
Figura 1.12: Modulação <i>staircase</i> 13
Figura 1.13: Método flexível da senóide de referência usado para obter a THD otimizada 13
Figura 1.14: Algoritmo usado para o cálculo da THD mínima14
Figura 1.15: NPC com 3 níveis na tensão de saída16
Figura 1.16: NPC operando com 5 níveis16
Figura 1.17: Flying capacitor, FLC operando com três níveis
Figura 1.18: a) Célula <i>H-bridge</i> elementar; b) Tensão de saída Vab20
Figura 1.19: Inversor multinível com células <i>H-bridge</i> em cascata21
Figura 1.20: Diagrama simplificado para o inversor simétrico com 3 células <i>H-bridge</i> 22
Figura 1.21: a) Nível zero, b) Nível um, c) Nível Dois, d) Nível três22
Figura 1.22: Do primeiro ao penúltimo gráfico, tensão de saída das células H-bridge, figura
1.19 com 3 células, respectivamente, Vo _{h1} , Vo _{h2} e Vo _{h3} . Último gráfico tensão na saída do
inversor, 220V-1kVA
Figura 1.23: <i>CHCA</i> operando com a configuração binária

Figura 1.24: Diagrama simplificado para inversor operando em binário com três células28
Figura 1.25: Generalização das formas de ondas em binário Vohx
Figura 1.26: Inversor <i>CHCA</i> operando com a configuração ternária
Figura 1.27: Do primeiro ao penúltimo gráfico, tensão de saída das células da figura 1.26,
ultimo gráfico tensão na saída do inversor
Figura 1.28: Generalização de formas de onda para a configuração ternária32
Figura 2.1: Inversor usando transformadores independentes [41], [53]
Figura 2.2: Inversor apresentado por [27]
Figura 2.3: Inversor CHCA com transformador de múltiplos secundários [42]
Figura 2.4: Topologia operando com 63 níveis41
Figura 2.5: Configuração das saídas dos transformadores independentes na formação da
tensão de saída com 63 níveis. Do primeiro gráfico ao penúltimo, gráficos em ordem
crescente de tensão na configuração binária para os respectivos secundários (primeiro,
segundo quinto) ligados em série, ultimo gráfico, tensão na carga42
Figura 2.6: Correntes do primeiro ao penúltimo gráfico, respectivamente em ordem crescente
de potência em cada primário dos transformadores. Ultimo gráfico, corrente no barramento
cc
Figura 2.7: Pulsos nas chaves usadas na simulação do inversor com 27 níveis44
Figura 2.8: Do primeiro ao terceiro gráfico em ordem crescente na escala de tensão (pesos,
1:3:27), mostram as tensões nas saídas das células, respectivamente da primeira à terceira,
usando a lógica ternária. Ultimo gráfico, forma de onda da tensão de saída, programada para
operar com 220V de saída e 1kVA de potência45
Figura 2.9: Espectro harmônico da tensão de saída. A THD das 60 primeiras harmônicas foi
THD= 3,41%, sem o filtro passa baixa
Figura 2.10: Topologia do inversor operando com 81 níveis46
Figura 2.11: Tensão de saída das células do primeiro ao penúltimo gráfico, respectivamente
para operação da célula de menor tensão a de maior tensão. Ultimo gráfico tensão de saída. 47
Figura 2.12: Espectro Harmônico da tensão de saída. A THD das 60 primeiras harmônicas da
tensão de saída sem filtro é THD= 1,1%48
Figura 2.13: Vpr1 representa a tensão no primário do transformador da célula de menor
potência. φ _{md é a} variação do fluxo médio no primário do transformador49
Figura 2.14: Vpr2 representa a tensão no primário do transformador da segunda célula de
menor potência. φ _{md} é variação do fluxo médio no primário do transformador50

Figura 2.15: Vpr3 representa a tensão no primário do transformador da penúltima célula. ϕ_{md}
é a variação do fluxo médio no primário do transformador50
Figura 2.16: Vpr4 representa a tensão no primário da célula de maior potência. ϕ_{md} é o início
da variação do fluxo médio
Figura 2.17: Simulação da topologia com 63 níveis
Figura 2.18: Do primeiro ao penúltimo gráfico, formas de onda respectivamente, na saída da
célula L, de menor potência a célula de maior potência. Ultima forma de onda senoidal,
tensão na carga linear
Figura 2.19: Primeiro gráfico, onda senoidal, corrente na carga, segundo gráfico, corrente no
primário, ultimo gráfico da corrente no barramento cc54
Figura 2.20: Espectro harmônico da tensão de saída do inversor da fig.13. (Análise das 60
primeiras harmônicas, THD=1,37%, sem o filtro de saída)54
Figura 2.21: Simulação do inversor operando com a lógica binária em 63 níveis na tensão de
saída55
Figura 2.22: Pulsos na chave para geração dos 63 níveis
Figura 2.23: Contribuição de cada célula na geração dos 63 níveis
Figura 2.24: Espectro harmônico da tensão de saída do inversor mostrado na figura 2.21.
(Análise das 60 primeiras harmônicas, THD=1,61%, sem o filtro de saída)58
Figura 3.1: Transformador com núcleo C
Figura 3.2: Aplicações: variação da potência aparente em função da corrente nos
enrolamentos
Figura 3.3: Tipos comuns de geometria dos núcleos
Figura 3.4: Circuito simplificado do transformador67
Figura 3.5: Ciclo de histerese ideal
Figura 3.6: Ciclo de histerese e principais variáveis envolvidas na indução de tensão70
Figura 3.7: Comportamento da curva B-H para os diversos tipos de material71
Figura 3.8: Comparação dos laços de histerese dos materiais magnéticos71
Figura 3.9: Custo em função da eficiência para transformadores com núcleo laminado72
Figura 3.10: Comparação do peso: núcleo toroidal e EI [64]73
Figura 3.11: Comportamento da temperatura em função da variação de potência74
Figura 3.12: Diminuição da regulação de tensão em função do aumento do núcleo
selecionado74
Figura 3.13: Eficiência versus aumento de potência para o núcleo toroidal [64]75
Figura 3.14: Comprimento médio de uma espira

Figura 3.15: MLTm: para enrolamento em núcleo toroidal	77
Figura 3.16: Algoritmo do projeto do transformador	79
Figura 3.17: Variação de Pa em função da f _{tra}	80
Figura 3.18: Ótima densidade de fluxo em função do aumento da freqüência	81
Figura 3.19: Ótima densidade de corrente em função do aumento da freqüência	
Figura 3.20: Espaço central, dsx deixado para passagem da ferramenta.	83
Figura 3.21: Variação das perdas no núcleo para lâmina 0,30mm, em função	B_{max} e f_{tra} ,
equação (3.32).	
Figura 3.22: Circuito simplificado do transformador	86
Figura 3.23: Casos para a operação do transformador	87
Figura 3.24: Correntes de inrush: a) Núcleo sem gap; b) Núcleo com gap	
Figura 3.25: Curva B-H dos núcleos GO: a) Sem gap; b) Com o menor gap	
Figura 4.1: Contribuição das células na formação da tensão de saída	94
Figura 4.2: Relação dos pulsos nas chaves com a tensão de saída da célula	95
Figura 4.3: Primeiro gráfico: corrente de carga na chave S11 e sua complementar	chave S13,
segundo gráfico corrente na carga	96
Figura 4.4: Fenômeno da comutação e condução	98
Figura 4.5: Todas as formas de onda das correntes nas chaves	103
Figura 4.6: Corrente na fonte de alimentação	104
Figura 4.7: Formas de onda das correntes nas chaves na célula 1	106
Figura 4.8: Validação da equação (4.20)	107
Figura 4.9: Validação da equação (4.22)	
Figura 4.10: Validação da equação (4.23) por software	109
Figura 4.11: Modelo simplificado para os mosfet da ponte H-bridge, sobre	o mesmo
encapsulamento.	110
Figura 4.12: Potência dissipada na primeira célula	113
Figura 4.13: Potência dissipada na segunda célula	114
Figura 4.14: Potência dissipada na terceira célula	115
Figura 4.15: Potência dissipada na quarta célula	116
Figura 4.16: Potência dissipada na quinta célula	117
Figura 4.17: a) Inversor multinível CHCA operando em binário com 5 células (cas	o ideal); b)
Inversor isolado CHCA operando em binário equivalente ao inversor mostrado	em a); c)
Circuito do inversor isolado CHCA equivalente a uma fonte cc apresentada na to	pologia a).
	118

Figura 4.18: Formas de onda do inversor ideal figura 4.17: a) Corrente na entrada da célula
cel1; b) Tensão ideal na saída da célula e c) Onda multinível de saída
Figura 4.19: Formas de onda para o projeto do capacitor 1: a) Tensão de saída da célula para o
barramento com capacitância mínima; b) Interrupções na tensão de saída em virtude da
freqüência da ponte <i>H-bridge</i> de entrada
Figura 4.20: Formas de onda para o projeto do capacitor c2: a) Tensão de saída da célula em
¹ / ₄ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vocarg(t) em ¹ / ₄ de ciclo.
Figura 4.21: Formas de onda para o projeto do capacitor c3: a) Tensão de saída da célula em
¹ / ₄ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vocarg(t) em ¹ / ₄ de ciclo.
Figura 4.22: Formas de onda para o projeto do capacitor c4: a) Tensão de saída da célula em
$\frac{1}{4}$ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vo _{carg(t)} em $\frac{1}{4}$ de ciclo. 122
Figura 4.23: Formas de onda para o projeto do capacitor c5: a) Tensão de saída da célula em
¹ / ₄ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vocarg(t) em ¹ / ₄ de ciclo.
Figura 4.24: Comportamento da tensão no capacitor em função dos parâmetros descritos124
Figura 4.25: Variação das potências nos cinco secundários em função da potência de carga.
Figura 4.26: Grupo de fios externo ao núcleo toroidal apresentam espaços maiores em relação
os internos
Figura 4.27: Distribuição dos enrolamentos na janela do núcleo toroidal selecionado para o
projeto
Figura 4.28: Transformador toroidal implementado em 300Hz133
Figura 4.29: a) Curva B x Ph em 60 Hz com onda quadrada; b) Curva B x Ph em 60Hz onda
senoidal
Figura 4.30: a) Curva Ph x B em 300 Hz com onda quadrada; b) Curva Ph x B em 300 Hz
com onda senoidal
Figura 4.31: Curva da perda no núcleo a vazio em função do aumento de tensão134
Figura 4.32: a) Curva Ph x B em 400 Hz com onda quadrada; b) Curva Ph x B em 400 Hz
com onda senoidal
Figura 4.33: Rendimento versus potência de saída

LISTA DE TABELAS

Tabela 1-1: Inversores multiníveis, pesquisa realizada pelos principais produtores de drive	S
para máquinas, a maioria operando em médias tensões (3,3kV – 6,6kV)	2
Tabela 1-2: THD com eliminação de harmônicas ímpares (THD _{cel}) e THD gerada sem	0
método flexível	4
Tabela 1-3: THD mínima obtida para os diversos tipos de passos usuais1	5
Tabela 1-4: Estados de chaveamento do NPC operando com 5 níveis 1	7
Tabela 1-5: Possíveis casos para geração da tensão de saída Vab da figura 1.18 b)2	1
Tabela 1-6: Comparação do número de componentes entre as topologias convencionais2	3
Tabela 1-7: Geração de níveis para CHCA em binário com 7 níveis. 2	6
Tabela 1-8: Abordagem diferenciada da configuração binária. 3	0
Tabela 1-9: Contribuição das células na formação da tensão de saída para a topologia vista n	a
figura 1.26	1
Tabela 1-10: Comparação entre as configurações, simétrica, binária e ternária para x células	5.
	3
Tabela 2-1: Valores de freqüência para operação com três células4	6
Tabela 2-2: Freqüência para operação das células com 81 níveis4	7
Tabela 2-3: Fatores de forma de onda necessários a implementação do transformador er	n
ternário	2
Tabela 3-1: Fator de empilhamento garantido usado para lâminas padronizadas [70]6	6
Tabela 3-2: Principais materiais usados em projetos de transformadores	9
Tabela 3-3: Lâminas de aço silício7	3
Tabela 3-4: Coeficientes usados no cálculo da perda no núcleo. 7	6
Tabela 3-5: Perdas no núcleo toroidal em função da variação de freqüência. 8	3
Tabela 3-6: Principais normas para perda em núcleo GO para lâmina de 0,30 mm	4
Tabela 3-7: Comparação das perdas no núcleo para os valores calculados e os valore	s
fornecidos pelo fabricante	5
Tabela 3-8: Tabela elaborada com base no gráfico mostrando na figura 3.21	5
Tabela 4-1: Parâmetros gerais 9	3
Tabela 4-2: Freqüência da tensão Vo _{hx} operando em binário. 9	5
Tabela 4-3: Corrente eficazes na chave parametrizadas em função da corrente eficaz de carg	a
em meio período10	2

105
113
carga
126
127
128
128
129
132
132
136

LISTA DE ABREVIATURAS E SIGLAS

ABNT	Associação Brasileira de Normas Técnicas
AD	Analógico/Digital
AISI	American Iron and Steel Institute
Amp-Op	Amplificador Operacional
APOD	Alternative Phase Opposition Disposition
ASTM	American Society for Testing and Materials
AWG	American Wire Gauge
ca	Corrente Alternada
сс	Corrente Contínua
CEM	Comprimento Efetivo por Espira
DA	Digital/Analógico
DIN	Deutsches Institut für Normung
DSP	Digital Signal Processor
EMI	Eletromagnetic Interference
GO	Material do núcleo de aço silício em grão orientados
FPGA	Field Programmable Gate Array
JIS	Japanese Industrial Standards
MLT	Mean Length Turn
MLT _m	Mean Length Turn for turns winding m
MPL	Magnetic Path Length,
NPC	Neutral Point Clamped
PD	Phase Disposition
POD	Phase Opposition Disposition
PWM	Pulse Width Modulation
RISC	Reduced Instruction Set Computing
THD	Total Harmonic Distortion
THD _{cel}	THD com eliminação seletiva das harmônicas ímpares.
THD _{nopt}	THD não otimizada gerada pelo processo de formação natural, fig. 1.1.
THD _{vo}	THD na saída do inversor

LISTA DE SÍMBOLOS

a	Valor de tensão correspondente a um degrau ou nível da senóide,		
	(Vcc)		
$A_{e\!f}$	Área efetiva do núcleo em cm ²		
A_{fio}	Área do fio sem isolamento em cm ²		
$A_{fiopr} \ e \ A_{fiosc}$	Área do fio sem isolamento em cm ² , respectivamente dos condutores		
	primário secundários		
A _{st}	Área da seção transversal do núcleo		
A_{ps}	Produto das áreas (W_{aj}) x Área (A_{ef}) , expresso em cm ⁴		
В	Densidade de fluxo eletromagnético em Gaus		
B_{max}	Máxima densidade de fluxo, em Tesla		
Cell, cel2, cel3, cel4	Representam as células <i>H-bridge</i> de saída respectivamente, célula 1,		
e cel5	célula 2, célula 3, célula 4 e célula 5		
C_x	Capacitor correspondente ao barramento da célula x		
Co_m	Expoente da freqüência, F_{tra} usado para o cálculo da perda no núcleo		
Co _n	Expoente de B_{max} usado para o cálculo da perda no núcleo		
$D_{x1}, D_{x2}, D_{x3}, D_{x4}$	Diodos da ponte retificadora correspondente a célula <i>x</i> acoplada.		
IDxy _{md}	Corrente média no diodo xy		
Ief _m	Corrente eficaz num dado enrolamento m.		
Eon	Energia dissipada para entrada em condução		
Eoff	Energia dissipada no bloqueio		
<i>e(t)</i>	Tensão induzida em N espinas		
e_{med}	Tensão média em meio ciclo (1/f _{fund})		
e _{ef}	Tensão eficaz numa espira		
F _{celx}	Freqüência de comutação da célula x		
<i>fcom</i> _{sxy}	Freqüência de comutação da chave Sxy, equivale a F_{celx} , Hz		
f_{und}	Freqüência fundamental, 60 Hz		
f , f_{tra}	Freqüência da tensão no enrolamento primário		
Id	Corrente de dreno		

In	Corrente de nico na carga		
ID	Diâmetro Interno do núcleo toroidal		
Ibef	Corrente eficaz resultante da combinação entre as correntes nas chaves		
<i>J x</i> 1	complementares do primeiro braço		
Ibof	Corrente eficaz resultante da combinação entre as correntes nas chaves		
$IDef_{x2}$	complementares do segundo braço		
Icel _x	Corrente eficaz que circula na célula x no período de 60 Hz.		
$I_{C_{1\max}}$	Corrente Máxima Através do Capacitor da Ponte de Graetz		
IDxy _{md}	Corrente média nos diodos Dxy		
Iefan, Iefan	Corrente eficazes nas chaves da ponte <i>H-bridge</i> de entrada, onde <i>Se1</i> e		
$-5 \operatorname{Sel}$, $-5 \operatorname{Se2}$,	Se2 são chaves do primeiro braço e Se3 com Se4 são chaves do		
lef_{Se3} e lef_{Se4}	segundo braço.		
<i>Ief</i> _{sxy}	Corrente eficaz na chave Sxy		
Ief _m	Corrente eficaz no enrolamento m		
Ip	Corrente máxima na carga		
Ip_{pr}	Corrente de pico no enrolamento primário		
<i>Ief</i> _{sxy}	Corrente eficaz na chave Sxy		
$I \sum_{celx}$	Corrente que circula na célula x no período de 60 Hz		
$\dot{i}_{c_{1ef}}$, $\dot{i}_{c_{2ef}}$, $\dot{i}_{c_{3ef}}$	Corrente Eficaz dos Capacitores		
J	Densidade de corrente em A/cm ²		
K	Fator usado para mudar a amplitude da senoide de referência.		
K _{fo}	Fator de forma de onda		
Kuj	Fator de utilização da janela		
LR	Low Resolution		
$L_1 e L_2$	Indutâncias de Filtro dos Conversores		
mi	Índice de modulação		
т	Índice relativo ao enrolamento, assume, pr para o enrolamento		
	primário, e sc1, sc2, sc3 para cada enrolamento em ordem crescente		
	de potência.		
N	Número de espiras		

n	Número de níveis		
ns	Expoente de B_{max} , constante de Steinmetz		
Р	É o número do Passo, ou o número de ângulos da senoide em escada.		
Pa	Potência aparente do transformador, expresso em VA		
$Pdcel_{en}$	Potência dissipada na célula H-bridge de entrada		
<i>Pcom</i> _{Dxy}	Potência dissipada na comutação do Diodo Dxy, W		
$Pdcel_1$,			
$Pdcel_2$, $Pdcel_3$,	Potência total dissipada nas células <i>H-bridge</i> de saída,		
$Pdcel_4$, $Pdcel_1$	respectivamente, cel1, cel2, cel3, cel4 e cel5		
Pcond _{Dxy}	Potência dissipada na condução do Diodo Dxy, W		
<i>Pcom</i> _{sxy}	Potência dissipada na comutação da chave Sxy, W		
Pcond _{sxy}	Potência dissipada na condução da chave Sxy, W		
Pdm _{cob}	Potência dissipada no cobre para o enrolamento <i>m</i> , é dado em Watts		
Dtot	Perda total no Diodo Dxy, equivalente a soma da <i>Pcom_{Dxy}</i> com		
F tot _{Dxy}	$Pcond_{Dxy}$, W		
 D4+4	Perda total na chave Sxy, equivalente a soma da $Pcom_{sxy}$ com		
FlOI _{sxy}	$Pcond_{sxy}$, W		
P_{fb}	Perda mostrada pelo fabricante		
P_{fe}	Potência dissipada no núcleo		
P _{ncl}	Peso do núcleo em Kg		
P_{sc}	Potência aparente do secundário		
$P_{os1}, P_{os2}, P_{os3}$	Potência aparente em cada enrolamento secundário		
P_{pr}	Potência aparente no primário		
$P_{\Sigma scx}$	Potência aparente total dos enrolamentos secundários		
Ptot _{cu}	Perdas totais no cobre, em Watts		
q	Carga do capacitor		
R_{carg}, Ro	Resistência de carga		
Rcd	Resistência entre a cápsula e o dissipador		

Rds_{on}	Resistência entre drain-source no mosfet		
<i>Rdson</i> _{sxy}	Rds_{on} da chave Sxy, Ω		
R _{sc}	Resistência do enrolamento secundário		
R_m	Resistência do enrolamento m , expresso em Ω		
Rth_{da}	Resistência térmica do dissipador ao ambiente, °C/W		
Rθ _{JC}	Resistência térmica junção cápsula		
Sxy	Interruptor pertencente a célula x, com posição y na célula <i>H-bridge</i> .		
OD	Diâmetro externo do núcleo toroidal		
Та	Temperatura do ambiente, °C		
Тс	Temperatura de cápsula		
$T_{d\min}$	Menor temperatura do dissipador, °C		
	Temperatura na junção dos mosfets da célula x, respectivamente, Sx1,		
$I_{J_{SX}1}, I_{J_{SX}2}, I_{J_{SX}3}, I_{J_{SX}4}$	<i>Sx2, Sx3 e Sx4</i> .		
T_n	Tempo de transição de níveis, s		
$T_{S_{I}}$	Período de Comutação do Interruptor S ₁		
T_{S_2}	Período de Comutação do Interruptor S ₂		
tdon	Tempo de retardo durante a entrada em condução, s		
tdoff	Tempo de retardo durante o bloqueio, s		
tf	Tempo de descida (do inglês <i>fall</i>), s		
tr	Tempo de subida (do inglês, rise), s		
tl	Somatório dos tempos tf com tdoff, (tf+tdoff), s		
tcf	Tempo de descida calculado, equivale a 1.2.tf		
tcr	Tempo de subida calculado, equivale a 1.2.tr		
V. V. V.	Tensões respectivamente de entrada das células <i>H-Bridge</i> : Cel.1,		
<i>v</i> ₁ , <i>v</i> ₂ , <i>v</i> ₃	Cel.2		
$Vo_{hx}(t)$	Tensão de saída da célula <i>H-bridge x</i> , V		
Vo _{sc}	Tensão de saída sem carga, V		
Vo _{cn}	Tensão de saída com carga nominal, V		
Vcc	Tensão elementar correspondente a um nível da senóide é dado em		
	Volts.		

		٠	
X	X	1	V

Vf	Tensão de barreira do diodo, V			
W_{aj}	Área da janela			
$W_{por.kg}$	Perda no núcleo em Watt por Kilogram, W/kg			
x_t	O número total de células			
Z_{carg}	Impedância da carga			
ΔV_{pr}	Queda de tensão no enrolamento primário, V			
ΔV_{sc}	Queda de tensão no enrolamento secundário, V			
δ	Regulação de tensão			
\mathcal{E}_1	Sinal de Erro do Compensador			
Ψx	Limite de comparação para célula x, da Modulação Híbrida			
	Fator de correção da corrente eficaz na chave em função da corrente			
τ_{Sxx}	eficaz na carga em meio período			
ηt	Rendimento do transformador			
η	Rendimento do inversor			
я	Relação de transformação do enrolamento secundário $(1/\Re)$			
φ	Fluxo eletromagnético			
$arphi_m$	Fluxo mútuo			
$arphi_{pm}$	Máximo fluxo mútuo			

INTRODUÇÃO GERAL

Uma das principais características dos inversores multiníveis consiste em prover que suas chaves operem com baixos esforços¹ no seu estado de funcionamento, o que justifica sua aplicação em altas potências e tensões [1].

Os inversores multiníveis também estão sendo aplicados em baixas e médias potências com topologias de alto rendimento em sistemas autônomos de energia [2]. Isso é impulsionado pelo desenvolvimento de tecnologias dos semicondutores, que permitem obter componentes com alto desempenho e baixo custo, além das características desses de operar com baixos esforços nos semicondutores e baixas freqüências, aumentando a faixa de aplicações.

Atualmente os inversores multiníveis que utilizam Células H-bridge em Cascata (Assimétrico), CHC(A), são apontados como topologias promissoras, devido a possibilidade de produzir grande quantidade de níveis na tensão de saída com menor número de componentes, para o mesmo número de níveis, que as topologias convencionais com grampeamento a diodo-Netral Point Clamped (NPC) e capacitores flutuantes-Flying Capacitor (FLC). Os inversores do tipo CHC ainda possibilitam aumentar o número de níveis na tensão de saída sem aumentar o número de componentes das células H-bridge. Isso é possível modificando as amplitudes de pelo menos uma fonte de alimentação das células, o qual é comumente conhecido como inversor com Células H-bridge em Cascata Assimétrico, CHCA [9]. Comumente as fontes de alimentação obedecem a uma lógica binária (tensões: Vcc, 2Vcc, 4Vcc...) ou ternária (tensões: Vcc, 3Vcc, 9Vcc...), as quais permitem majorar o número de níveis sem aumentar a quantidade de componentes, resultando em estruturas mais eficientes. Dentre as topologias de inversores analisadas pela revisão bibliográfica, a que permitiu desenvolver mais níveis na tensão de saída com menor número de componentes trata-se do inversor CHCA operando em ternário, o que também foi mostrado em [5]. A vantagem de se operar com o CHCA está na capacidade de promover grande quantidade de níveis na tensão de saída (THD<5%) com poucas chaves, permitindo o uso da modulação staircase² [4].

¹ Principalmente os esforços de tensão.

² Maneira de gerar uma senóide em formato de escada, com níveis/degraus não modulados em alta freqüência.

O uso da modulação *staircase* no inversor *CHCA* faz com que as células de maiores potências operem em baixa freqüência (próximas de 60 Hz), o que reduz as perdas por comutação além de promover baixo *Eletromagnetic Interference, EMI* se comparado a outras topologias de inversores que operam com modulação *PWM* (Modulação por largura de pulso-*Pulse Width Modulation*) [6]. Outras vantagens da modulação *staircase* em relação à modulação *PWM* estão descritas em capítulos dedicados nesta dissertação.

Apesar do inversor multinível em cascata usando células *H-bridge* ter surgido há algumas décadas (BAKER, 1975), o uso dessa topologia com diferentes valores das fontes de alimentação possui data recente (Damiano et al, 1997; Manguelle et al, 2001). Portanto, há pouca bibliografia a respeito da modulação *staircase* operando com lógica binária ou ternária, e, em sua maioria, as que existem mostram apenas a lógica de formação da senoide com as formas de onda para geração da tensão de saída. Contudo, ainda existe uma necessidade de estudos que generalize os casos de operação do inversor assimétrico usando células *H-bridge* com as configurações binária e ternária.

É sabido que, devido o inversor operar com células de maiores potências em baixa freqüência e as de menores potências com freqüências de chaveamento maiores, as perdas por comutação, assim como as por condução, são reduzidas, pois ele permite que suas células operem com diferentes tecnologias de semicondutores em virtude dos diferentes valores de tensão e de potência, o que resulta num maior rendimento da estrutura.

No entanto, devido às formas de onda da tensão e da corrente na entrada das células e nas chaves serem diferentes dos inversores comuns e não seguirem um padrão aparentemente lógico de formação, principalmente quando se trabalha com muitos níveis, pouco se tem investido em pesquisas que permitam obter expressões para o cálculo das perdas nos semicondutores. Essas dependem da freqüência de chaveamento da célula que não trabalha com pulso fixo os quais variam sua largura com aumento do número níveis da tensão de saída.

1.1 OBJETIVOS GERAIS E CONTRIBUIÇÃO DO TRABALHO

Dessa forma a estrutura assimétrica ainda é pouco implementada comercialmente (Bin WU, 2006). Um auxílio a implementação do inversor *CHCA* consiste no desenvolvimento de equações que mensuram as perdas por comutação e por condução, das chaves. O conhecimento destas perdas é necessário na análise da viabilidade da topologia para projeto adequado dos dissipadores. Pelo fato do inversor *CHCA* proporcionar mais níveis na forma de onda da tensão de saída com menos componentes e operar em baixa freqüência, eles são estruturas de alto rendimento, conseqüentemente usam menores dissipadores.

Nessas circunstâncias, este trabalho visa a contribuir com essa lacuna, apresentando uma nova abordagem envolvendo a modulação em *staircase* com lógica binária ou ternária aplicada aos inversores *CHCA*. Para isso, foram realizados estudos e generalizados as modulações binária e ternária para o enésimo caso usando células *H-bridge* conectadas em série. A generalização abrange desde o princípio de geração das formas de onda na saída do inversor, envolvendo *x* células *H-bridge* conectadas em série, que possui os benefícios citados em capítulo dedicado, como também no desenvolvimento de expressões para o cálculo da freqüência da tensão de saída das células *H-bridge*, operando com a configuração binária e ternária.

Também são apresentados dois métodos desenvolvidos para obter as perdas nos componentes das células *H-bridge*, os quais são importantes no cálculo térmico do inversor resultando na escolha adequada do dissipador. Essas expressões foram desenvolvidas com base nas informações fornecidas pelos *datasheets* dos semicondutores, permitindo um maior compromisso com o funcionamento real do inversor.

O principal objetivo do trabalho é delimitar uma topologia de inversor multinível de alto rendimento para aplicação em sistemas autônomos de energia, com o comprometimento de manter os custos acessíveis e um menor volume. O que a princípio pode parecer um paradoxo, pois normalmente um alto rendimento está relacionado com maior custo. Mas a topologia escolhida parte de um inversor *CHCA* isolado com possibilidade do transformador operar em ampla faixa de freqüência. Isso congrega as características de um alto rendimento promovido pelo inversor *CHCA* com a diminuição dos custos das fontes de alimentação das células, as quais são substituídas por um transformador de múltiplos secundários com poucos semicondutores adicionais, transferindo a dependência do inversor *CHCA* com várias fontes de tensão independentes por apenas um barramento cc.

A partir da escolha da topologia, deve ser selecionada a freqüência que possibilite reduzir os custos e o tamanho do inversor sob o comprometimento de uma boa eficiência.

Logo as análises partem desde a seleção do núcleo adequado ao dimensionamento de todos os componentes da topologia, bem como a escolha da melhor estratégia de modulação que se ajuste aos parâmetros de aplicação previamente estabelecidos.

Deve ser enfatizada a pouca existência de material bibliográfico como referência para o projeto de transformadores com múltiplos secundários usando núcleo toroidal aplicados a inversores, principalmente por se tratar de uma aplicação inovadora envolvendo o *CHCA*, que possui data também recente (Damiano et al, 1997; Manguelle et al, 2001). No Brasil, isso

ainda é retratado por haver poucas fábricas³ que trabalham com projetos de núcleo toroidal laminado, principalmente quando se trata de uma aplicação específica como é o caso dos inversores. A vantagem de se operar com o núcleo toroidal vai desde o aumento da eficiência do transformador, como a considerável redução de peso e volume, se comparado com o transformador de núcleo *EI* para processar a mesma potência. Sendo assim, foi realizado o projeto completo do transformador com núcleo toroidal aplicado ao *CHCA* e fornecidas sugestões envolvendo circuitos magnéticos para suprimir o efeito da saturação do núcleo.

Também foram levantados critérios e elaboradas soluções para implementação do inversor, projetando cada componente mediante as características específicas de funcionamento desses em virtude da aplicação, deixando subsídios para implementação de trabalhos vindouros.

Para obter dados apresentados nas tabelas comparativas usadas na seleção do núcleo, verificou-se um oneroso trabalho para conseguir os diversos dados tabelados (padronizados) a serem preenchidos por uma simples planilha com o programa *Math Cad 14.0*, tais como: fios AWG, dados de núcleos comercias, tipo de lâminas, bem como outros necessários ao projeto completo do transformador com núcleo toroidal, para isso foi elaborada uma "planilha especial no *Math Cad"*. Essa planilha usa recursos avançados do *software*, envolvendo funções de programação *(IF, While, For...)* que permitem o projeto automático do transformador com núcleo toroidal a partir de poucas informações apresentadas no cabeçalho da mesma.

A contribuição do elaborado não se restringiu apenas à implementação de uma topologia. Ele deixa seu sufrágio em outros casos, a priori abordados, bem como fornece condições para implementação dos inversores multiníveis isolados utilizados na delimitação da topologia escolhida.

Este escrito também comporta várias informações e estudos que podem ser úteis na implementação de trabalhos porvindouros. Elas estão organizadas nos capítulos que se seguem.

³ No Brasil só foram encontradas duas fábricas.

1.2 MOTIVAÇÃO

Tendo em vista o espaço ainda a ser preenchido para pesquisa dos inversores multiníveis em cascata assimétricos, observa-se que esse ainda não adquiriu relevância comercial, o que foi comprovado a partir da revisão bibliográfica, principalmente no que diz respeito à necessidade de estudos para a generalização das configurações binária e ternária para *x* níveis na tensão de saída. Um dado interessante diz respeito a pesquisa realizada por (Bin WU, 2006), a qual mostra um vasto campo de aplicação dos inversores multiníveis, relata que o espaço dos inversores multiníveis em cascata assimétrico em escala industrial ainda não foi preenchido, ficando a cargo dos inversores em cascata simétricos a grande aplicação em diversas faixas de potência como mostrado no capítulo 1. Isso também foi comprovado mediante a revisão bibliográfica envolvendo os inversores em cascata assimétricos.

Um dos possíveis motivos do pouco uso dos *CHCA* se deve ao grande número de fontes cc independentes que esses inversores exigem bem como é apontada pela maioria das pesquisas no que se refere ao uso dos inversores multiníveis em cascata operando com a configuração assimétrica. Uma solução para sanar o problema do alto custo envolvendo a grande quantidade de fontes cc independentes que deixa os *CHCA* a preços acessíveis e competitivos com os demais inversores existentes no mercado, principalmente em sistemas isolados de energia, é o uso de topologias utilizando transformadores devidamente projetados para induzir tensão em seus secundários com magnitude equivalentes a das fontes cc independentes para alimentar as células do *CHCA*.

O exposto acima será abordado em capítulo dedicado que trata sobre o princípio de funcionamento e o uso das principais topologias de inversores multiníveis, empregando células *H-bridge* em cascata.

Quando se parte para o uso de topologias com transformadores, foi observado que ainda existe pouca bibliografía a respeito da implementação do transformador aplicado a inversores multiníveis. Essa resistência se deve principalmente no que refere o rendimento e o problema da saturação do núcleo, no entanto ainda não existem maiores estudos que permitissem chegar a conclusões concisas.

Um dos grandes motivos que impulsionou os estudos deste trabalho foi à necessidade de realizar pesquisas a respeito do transformador e fornecer material bibliográfico suficiente que permita a implementação dos inversores em cascata assimétricos com redução do custo das fontes cc. O resultado desta pesquisa, em virtude da escolha de uma topologia com

possibilidade de aplicação em ampla faixa de potência, resultou na produção de um capítulo sobre "Metodologia Generalizada de Projeto de Transformadores para Aplicações em Altas e Baixas Freqüências".

Mais um motivo que impulsionou a pesquisa do trabalho foi a necessidade de ter equações matemáticas que permitam um cálculo preciso das perdas nos semicondutores dos inversores com tensão de alimentação em seqüências binária e ternária, e assim comparar os resultados obtidos matematicamente com aqueles apresentados por *softwares* dedicados ao cálculo de perdas nos semicondutores.

Como fontes de impulso das pesquisas desenvolvidas ficam o empenho de poder colaborar com desenvolvimento das fontes alternativas de energia para aplicação em sistemas autônomos, permitindo acessibilidade às informações e uso dos benefícios que a energia elétrica proporciona na qualidade de vida das comunidades isoladas. Certamente, essa é uma das fontes de valor que motivaram o desenvolvimento deste trabalho.

1.3 ORGANIZAÇÃO DO TRABALHO

CAPÍTULO 1

Este capítulo descreve o conceito e a forma de obter uma onda multinível, a qual é comumente conhecida como modulação *staircase* (em escada). Em seguida é feita uma revisão dos tipos de controles e modulações utilizados em inversores multiníveis, descrevendo-se então as características das modulações mais implementadas.

Este capítulo também demonstra o funcionamento dos tipos de inversores utilizando topologias convencionais, relatando suas vantagens, limitações e aplicações. Ele também apresenta o desenvolvimento das topologias de inversores multiníveis, evoluindo até o modelo base para a formação do inversor escolhido no capítulo 2.

O capítulo aborda a modulação *staircase* operando com lógica binária e ternária, bem como generaliza o princípio de formação da onda senoidal da tensão de saída no inversor (com lógica binária e ternária), e para cada caso, envolvendo *x* células conectadas em cascata, destacando as vantagens dessa abordagem.

No final deste capítulo serão evidenciadas as considerações finais sobre o assunto desenvolvido.

CAPÍTULO 2

Este trata das topologias de inversores multiníveis isolados que apresentam potencial de aplicação em fontes alternativas de energia. Esses inversores foram selecionados mediante revisão bibliográfica. Neste capítulo é mostrado o princípio de funcionamento de cada topologia bem como suas vantagens e limitações frente aos critérios utilizados para a escolha da topologia.

Neste mesmo capítulo será apresentado o princípio de desenvolvimento utilizado para obtenção das fórmulas que calculam a freqüência da tensão de saída de cada célula. Serão mostrados os valores de freqüência de comutação das chaves para modulação *staircase* com lógicas binária e ternária obtida a partir das equações desenvolvidas.

No final deste será apresentada a topologia escolhida para estudo, relatando as considerações finais sobre o assunto abordado.

CAPÍTULO 3

Este capítulo inicia com a teoria necessária para o desenvolvimento de fórmulas comumente utilizadas na implementação de projeto de transformadores.

Em seguida é feita uma abordagem generalista sobre critérios de escolha de núcleos com seção homogênea (comumente usado em alta freqüência) e de núcleos laminados (aplicado em baixa freqüência). Também são mostrados os critérios para escolha dos tipos de geometria de núcleo existentes com base na minimização de perdas, bem como apresentado as fórmulas utilizadas para o cálculo do *Aps* (produto das áreas da janela pela seção transversal do núcleo) o qual contém informação embutida da capacidade de potência aparente suportada pelo núcleo.

Este capítulo apresenta o projeto de transformadores para aplicação em médias e baixas potências, fornecendo informação suficiente para um bom projeto de transformadores e aplicações com ampla faixa de freqüência.

Ele também apresenta de forma resumida as informações dos tipos de materiais disponíveis para uso em transformadores, através de tabelas e curvas B-H sobrepostas de cada material facilitando a rápida escolha da melhor composição do núcleo de acordo com aplicação e especificações de projetos.

O mesmo capítulo mostra informações para implementação do transformador com núcleo toroidal, o qual foi escolhido para o projeto do inversor.

Neste capítulo também será explanado que uma boa seleção do material concomitante com a geometria apresentada pelo núcleo possibilita produzir transformadores com rendimentos dependendo da faixa de potência extraída em torno de 98% para 1 kVA e de 95% para 300 VA [66]. O mesmo também aborda fatores decisivos para um bom projeto de transformadores aplicados a inversores, com a proposta de circuitos magnéticos que reduzem o problema da saturação do transformador.

CAPÍTULO 4

O capítulo 4 trata do estudo da topologia escolhida para o inversor multinível assimétrico, para o qual são determinadas as equações que permitem obter as perdas por condução e comutação dos interruptores dos inversores multiníveis em cascata assimétrico operando com a lógica binária e ternária as quais são necessárias ao projeto adequado do dissipador. Para manter a fidelidade dos equacionamentos com os resultados reais foram desenvolvidas expressões com base nos dados fornecidos pelos *datasheets* dos fabricantes.

Um dos possíveis motivos do inversor com células *H-bridge* assimétrico não está presente na manufatura da escala industrial (Bin Wu, 2006) dos inversores multiníveis se dá por existir pouca literatura com equacionamentos que relate e possibilite ao projetista mensurar com segurança as perdas por condução e por comutação (depende da freqüência de chaveamento) para operação em binário e ternário, as quais são fundamentais para implementação do projeto adequado do dissipador. Sendo assim foi deduzido fórmulas para o cálculo da freqüência das células *H-bridge* de saída, bem como a freqüência de operação das chaves para funcionamento do inversor tanto em binário quanto em ternário as quais são fundamentais para

Antes de desenvolver equações que quantificam as perdas no capítulo 4, foi feito uma abordagem generalista no capítulo 1, que fala sobre o princípio de formação de uma onda com n níveis na tensão de saída usando inversores multiníveis em cascata com as lógicas binária e ternária. Para comprovar essa análise foram implementadas simulações com inversores com 63 e 81 níveis na tensão de saída com intuito de validar a abordagem, sendo essa última um feitio de poucos trabalhos.

A validação dos equacionamentos obtidos mostrados no capítulo 4 foi realizada com o programa *Orcad Pspice* por permitir uma proximidade com a realidade prática e ser uma

ferramenta de simulação de uso para validação de projetos tanto em aplicações envolvendo circuitos magnéticos⁴ como circuitos eletrônicos.

Os resultados das equações desenvolvidas para a topologia escolhida mensuram as perdas nas chaves em uma freqüência de 60 Hz, e também proposto o método para o cálculo térmico dos componentes de uma célula *H-bridge* inseridos sobre um mesmo encapsulamento. Para validar os equacionamentos propostos foram realizadas simulações empregando as características dos modelos reais fornecidos pelos fabricantes dos semicondutores, os quais permitem a simulação dos componentes com as características de funcionamento reais, inseridas as não linearidades que ocorrem na implementação prática [76]. Quando se trata da simulação utilizando modelos com parâmetros reais dos componentes fornecidos pelos fabricantes para aplicação eletrônica, o programa gera um maior compromisso com a realidade prática principalmente no cálculo da potência dissipada produzindo um baixo erro [77],[78].

O *Orcad Pspice* é considerado uma importante ferramenta que colabora com a validação de equações e apresenta um pequeno erro nos valores obtidos se comparado com a implementação prática [76],[77],[78] e [79].

CAPÍTULO 5

No capítulo 5, são mostradas as conclusões gerais do trabalho e apresentadas as sugestões para trabalhos futuros.

⁴ Para análise de circuitos magnéticos o *software* dispõe do aplicativo *magnetics parts editor* encontrado nas versões a partir da 10.5 o qual permite a simulação integrada dos modelos de transformadores com aplicações reais.

CAPÍTULO 1 INVERSORES MULTINÍVEIS: PRINCIPAIS TOPOLOGIAS PARA APLICAÇÕES EM ALTAS E MÉDIAS POTÊNCIAS

Atualmente existem diversas topologias de inversores, dentre as quais devido sua ampla aplicação industrial e do uso em acionamento de máquinas, as estruturas que utilizam formas de onda quase quadradas, em sua saída possuem harmônicas que produzem torque contrário na maquina ocasionando perdas por aquecimento dos enrolamentos [80], além de aumentar o custo do filtro de saída. Para conformá-la em uma onda senoidal normalmente modula-se esse sinal em alta freqüência, com intuito de diminuir o custo do filtro de saída. Para os inversores que operam em baixas potências, como é o caso do inversor em ponte completa, quando se aumenta a potência é prática comum diminuir a freqüência para manter as perdas dentro de limites aceitáveis. A diminuição da freqüência acarreta no aumento do custo e do tamanho do filtro de saída se tornam inviáveis, por razões de eficiência e por aumento da *THD*. Uma solução para esse caso é usar topologias que permitam obter na saída uma onda multinível, a qual diminui a *THD* sem precisar aumentar a freqüência de operação para deixar baixo o custo do filtro de saída.

Em meio a essa situação foi pensado em estruturas que gerassem formas de ondas com maior resolução na tensão de saída sem aumentar consideravelmente o custo de produção, bem como os efeitos elétricos desses acoplados ao sistema elétrico.

O estudo de conformar a tensão de saída em degraus suaves gerou um termo próprio muito utilizado em eletrônica de potência o qual atualmente é conhecido como multinível.

Alguns estudos realizados que acompanham o desenvolvimento da eletrônica de potência, relatam que esse termo provavelmente surgiu com o arranjo de transformadores polifásicos muito usado nos primórdios da eletrônica de potência (Flairty, 1961; Bedford e Hoft, 1964; Garth et al., 1971). Importantes contribuições como a terminologia e o equacionamento generalizado dos conversores multiníveis foram apresentados por Stefanovic e Bhagwat (1983).

Tendo em vista o estudo de topologias multiníveis, pode-se mencionar as de relevância na indústria: *Diode-clamp* (diodos de grampeamento), *Flying-capacitors* (capacitores flutuantes), *Cascaded inverter with separate source dc* (inversor multinível em cascata com diferentes fontes cc).

Em [2], relatam-se as características e o princípio de funcionamento das três estruturas multiníveis mencionadas acima, bem como as principais vantagens e desvantagens.

1.1 APLICAÇÕES DOS INVERSORES MULTINÍVEIS

Os inversores multiníveis são amplamente aplicados em altas potências e em médias tensões. Segundo pesquisa realizada por (Bin Wu, 2006) no âmbito industrial entre os maiores fabricantes de inversores multiníveis, foi demonstrado que grande parte das aplicações em médias tensões para drives acionamento de máquinas se efetua na faixa de potência de 0,4 MW a 40 MW com nível de tensão variando de 2,3 kV a 13,8kV. Entre as aplicações estão bombas de gasoduto na indústria petroquímica e estações de bombeamento [41],[42], ventiladores na indústria de cimento [43], trações no transporte industrial, indústria na produção de rolos de aço dentre outras [44],[45].

As principais topologias de inversores e faixas de potências mostradas nessa pesquisa são mostradas na tabela 1-1.

Configuração do Inversor	Componente de chaveamento	Faixa de Potencia (MVA)	Fabricante
Two-Level Voltage	IGBT	1,4-7,2	Alstom (VDM5000)
NPC (Neutral Point Clamped)	GCT	0,3-5 3-27	ABB (ACS1000) (AC6000)
	GCT	3-20	General Electric (Innovation Series MV-SP)
	IGBT	0,6-7,2	Siemens (SIMOVERT-MV)
	IGBT	0,3-2,4	General Electric – Toshiba (Dura – Bilts MV)
CHC (Cells H-bridge Cascaded)	IGBT	0,3-22	ASI Robicon (Perfect Harmony)
		0,5-6	Toshiba (TOSVERT - MV)
		0,45-7,5	General Electric (Innovation MV-GP Type H)
NPC/ H-bridge inverter	IGBT	0,4-4,8	Toshiba (TOSVERT 300MV)
Flying-capacitor inverter	IGBT	0,3-8	Alstom (VDM6000 Symphony)
<i>PWM Current Source</i> <i>Inverter</i>	Symmetrical GCT	0,2MVA – 20MVA	Rockwell Automation (PowerFlex 7000)
Load Commutated		>10MVA	Siemens (SIMOVERT S)
Inverter	SCR	>10MVA	ABB (LCI)
		>10MVA	Alstom(ALSPA SD7000

Tabela 1-1: Inversores multiníveis, pesquisa realizada pelos principais produtores de acionamento para máquinas, a maioria operando em médias tensões (3,3kV – 6,6kV).

Os multiníveis também são aplicados na compensação de harmônicos e reativos dispensando o uso de transformadores, comumente conhecido como STATCOM (*Static Synchronous Compensator*) [37],[40].

Em virtude do desenvolvimento tecnológico dos semicondutores e a grande demanda da sociedade por serviços que envolvem eletrônica de potência, os custos dos interruptores tem caído o que diminui o custo de produção dos conversores multiníveis e colocam esses no mercado de aplicações em médias potências e baixas freqüências, principalmente no uso de sistemas de energia em alta eficiência [25]. O alto rendimento nos inversores multiníveis é conseguido em virtude da operação dos interruptores com baixos esforços de tensão e corrente, e o surgimento de topologias capazes de gerar uma tensão na saída de alta resolução com poucos componentes [2],[9],[34],[36],[37],[38].

1.2 ASPECTOS GERAIS DE UMA ONDA MULTINÍVEL

Para manter uma baixa THD na tensão de saída, os níveis (+n a -n) devem ser igualmente espaçados e a lógica para obter uma onda com n níveis consiste em estruturá-la conforme a figura 1.1 (Bin Wu, 2006). As topologias de inversores multiníveis podem gerar uma onda multinível com formato apresentado na figura 1.1. No entanto, devido à aplicação, quando se deseja diminuir o custo de filtros, algumas topologias apresentam a senoide com níveis modulados, figura 1.3. A forma de obter os níveis modulados é dada pelas estratégias de modulação aplicadas em inversores multiníveis [15],[16],[17],[18].



Figura 1.1: Tensão de saída com níveis igualmente espaçados.

Onde os valores aproximados para o cálculo dos tempos de transição de cada nível consistem em:

$$Tn \simeq \sin^{-1} \left[\frac{Vcc(n-0.5)}{Vp} \right] / 360f$$
(1.1)
Vcc é o valor fixo de cada nível e Vp é o valor de pico da senóide desejada, f é a freqüência em Hz e *Tn* é dado em segundos . Assim para a formação da senoide bastam os tempos de cada nível em ¹/₄ do período, sendo os outros obtidos por simetria, visto que a onda senoidal é perfeitamente simétrica nos outros quadrantes subseqüentes.

1.3 TÉCNICAS DE MODULAÇÃO EM INVERSORES MULTINÍVES

Existem diversos tipos de modulações que podem ser aplicadas em inversores multiníveis. Elas agem de maneira a permitir que na saída do conversor seja gerado uma tensão com nível modulado (com estratégia *PWM*) ou nível fixo (*staircase*), e cada uma dependendo da aplicação oferece vantagens ou limitações. Dentre os diversos tipos de modulações aplicáveis aos inversores multiníveis [12],[14],[15], o diagrama da figura 1.2 expõe de forma simplificada.



Figura 1.2: Diagrama simplificado das técnicas usadas para obter a onda multinível.

No diagrama da figura 1.2 os blocos selecionados representam as técnicas explanadas nessa seção. Dos tipos de modulações que são comumente aplicadas em inversores multiníveis pode-se relatar: a modulação PWM e suas variantes: PD, *phase disposition*, POD, *phase opposition disposition*, e APOD, *alternative phase opposition disposition*

[15],[16],[17]. Ainda compondo os tipos de modulação PWM pode-se mencionar a estratégia PS, *phase shifted*, e a modulação *Híbrida* [18].

1.3.1 Modulação PWM

Os detalhes para a lógica da implementação estão organizados a seguir, podendo ser estendida a análise da estratégia PWM nas configurações PD, POD e APOD para o caso em que o inversor permita gerar n níveis na tensão de saída, onde o resultado desses parte do princípio da comparação entre um sinal de referência senoidal (moduladora) com (n-1) portadoras triangulares. Assim cada portadora envolve a intermitência de valores incluídos entre os diferentes níveis permitidos.

A diferença entre as estratégias PD, POD e APOD, consiste no defasamento angular entre as portadoras envolvidas na modulação.

O número de portadoras (n-1) não é regra geral quando se utiliza inversores multiníveis em cascata, pois uma célula pode operar com uma estratégia, por exemplo, APOD e as outras não ou ainda uma das células pode operar com diferentes estratégias.

Pelo motivo das estratégias PD, POD e APOD serem baseadas na modulação PWM clássica, a lógica para formação dos pulsos segue o mesmo princípio apresentado na figura 1.3.

A figura 1.3 expressa de forma simplificada o princípio utilizado para geração dos níveis com uso da modulação PWM clássica.



Figura 1.3: Lógica para obter uma tensão de saída modulada.

O exemplo da estratégia PD é evidenciado na figura 1.4.



A característica dessa estratégia consiste na disposição em fase de todas as portadoras.

POD



Figura 1.5: Modulação POD.

O distintivo dessa estratégia consiste no defasamento angular de todas as portadoras superiores ao nível zero de 180° em relação a todas as portadoras inferiores ao mesmo nível zero.



Figura 1.6: Modulação APOD

Nessa estratégia, todas as portadoras estão defasadas entre si de 180°. Dessa maneira uma portadora sempre estará deslocada de 180° em relação às triangulares de seus extremos.

Modulação Híbrida

Seja o inversor apresentado na figura 1.9 a), operando com 3 células e suas fontes de tensão dispostas a formar uma PG⁵ de razão 2, assim, V_1 = 1V, V_2 = 2V e V_3 = 4V. Os módulos desses inversores podem ser representados em ordem de grandeza decrescente por módulos descritos no diagrama da figura 1.7.



Figura 1.7: Modulação híbrida.

O diagrama de controle da figura 1.7 demonstra a geração das referências de cada célula *H-bridge*, onde:

- Ψ 3 e Ψ 3 representam os níveis de comparação da terceira célula *H-bridge*, que na análise seguinte está representada pelos respectivos valores, -4 e 4, figura 1.8.

- Ψ 2 e Ψ 2, são os limites de comparação da segunda célula, representada por -2 e 2, figura 1.8 .

APOD

⁵ Progressão geométrica

 $-\Psi I = \Psi I$, são os níveis de comparação da primeira célula, que no nosso caso será representada por, -1 e 1, figura 1.8.

O sinal de referência r_{x-1} de uma célula qualquer é sempre o resultado da diferença envolvendo o sinal de referência da x célula consecutiva de maior tensão, r_x e sua tensão de saída $V_x(t)$, r_x -Vx(t) figura 1.7.

O princípio de funcionamento dessa estratégia se baseia nas seguintes afirmações:

Toda vez que o sinal de referência r_x for maior que a restrição Ψ_x , as chaves da célula são comandadas a colocar em sua saída um valor de tensão positivo, Vx.

De maneira semelhante ocorre com a comparação no caso se a referência r_x for menor que a restrição negativa, $-\Psi_x$. Assim, as chaves são comandadas a colocar na saída da célula uma tensão -Vx. O resultado dessas comparações no decorrer do tempo gera uma tensão de saída da célula $V_{outx}(t)$. Esses procedimentos são realizados até a segunda célula do inversor.

Para a primeira célula o sinal de referência r_x é comparado com uma portadora triangular com limites de comparação - Ψl e Ψl , resultando numa tensão de saída da célula modulada em alta freqüência. O somatório das tensões na saída de todas as células resulta numa onda multinível com modulação em alta freqüência nos diversos níveis.

O resultado das comparações resultante do diagrama, figura 1.7, é mostrado na figura 1.8.



Figura 1.8: Sinais de referências (Vref) e tensão de saída (Vout) das células 3, 2, 1 respectivamente nas figuras:a), b) e c) o item d) representa o somatório das tensões de saída das célula, ou a tensão de carga.

1.3.2 Modulação Staircase

O princípio utilizado para obter uma tensão de saída com aspecto mostrado na figura 1.1 é denominado modulação *staircase* [4]. Grandes contribuições a modulação *staircase* de alta resolução foram apresentadas por [25]. O uso dessa estratégia aplicada ao inversor em cascata usando células *H-bridge* é mostrado na figura 1.9 *b*). Sendo assim, os três ângulos de chaveamento podem ser utilizados: um para ajustar o índice de modulação *mi* (θ 1), e os outros dois para eliminar duas harmônicas (θ 2 e θ 3).



Figura 1.9: a) Inversor CHC; b) Saídas do CHC: do primeiro ao penúltimo gráfico, tensão de saída nas células (Vo_{h1}, Vo_{h2} e Vo_{h3}), ultimo gráfico tensão na saída do inversor.

A tensão de saída *Vo* da topologia vista na figura 1.9 pode ser expressa em termos da série de Fourier:

$$Vo = \frac{4Vcc}{\pi} \sum_{m=1,3,5...}^{\infty} \frac{1}{m} \left[\cos(m\theta_1) + \cos(m\theta_2) + \cos(m\theta_3) \right] \sin(m\omega t)$$
(1.2)
$$\cos \theta \le \theta_3 \le \theta_2 \le \theta_1 \le \frac{\pi}{2}$$

Onde: o coeficiente $4Vcc/\pi$ representa o valor de pico da fundamental da tensão de saída VoI_{max} de uma célula *H-bridge* (por exemplo, célula Voh_1) que ocorre quando o ângulo de chaveamento θ_1 é reduzido à zero, *m* é a ordem harmônica e θ_1 , θ_2 e θ_3 são os ângulos independentes de chaveamento.

O conteúdo harmônico total na tensão de saída pode ser mensurado pela equação (1.3).

$$THD = \frac{\sqrt{\sum_{2}^{\infty} (Vo_{mrms})^2}}{Vo_{1rms}} = \frac{\sqrt{(Vo_{rms})^2 - Vo_{1rms}^2}}{Vo_{1rms}} = \frac{\sqrt{H_o^2 + H_2^2 + C + H_m^2 + C}}{H1} \times 100\%$$
(1.3)

Onde: Vo_{mrms}, é o valor eficaz da nth (nth-enésima) ordem harmônica da tensão de saída, Vo1rms é o valor eficaz da harmônica fundamental da tensão de saída e Hm é a magnitude de cada harmônica.

Se o interesse for descobrir o impacto no conteúdo harmônico em baixa freqüência na saída do inversor, ele pode ser mensurado pelo fator de distorção DF (atenuação de 2ª ordem, divididos por m²) o qual é dado [19]:

$$DF = \frac{1}{V1} \sqrt{\sum_{m=2,3}^{\infty} \left(\frac{Vm}{m^2}\right)^2}$$
(1.4)

O comportamento do conteúdo harmônico na tensão de saída para forma de onda, mostrada na figura 1.1, sem a otimização dos ângulos de chaveamento, THD_{nopt} , é apresentada na figura 1.10.



Figura 1.10: Tensão de saída em função do número de passos em 1/4 de ciclo da senoide (sem a otimização).

Aspectos Relevantes

Essa modulação permite que as células operem em baixa freqüência o que diminui as perdas por comutação. Ela é atrativa para o *CHCA* por permitir alta resolução na tensão de saída com poucos componentes.

Quando se tem muitos níveis em Vo (n> 7), tabela 1-2, a THD é menor que 5%. A possibilidade de se trabalhar com muitos níveis permite o controle do valor eficaz da tensão de saída através da adição e subtração de níveis em torno da tensão eficaz de referência do inversor. Os estados de chaveamento referentes à soma ou subtração de níveis podem ser armazenados em tabelas no microcontrolador e acessados quando preciso.

Por essa modulação permitir que as células operem em baixas freqüências o inversor produz baixo nível de *EMI*.

A modulação em *staircase* aplicada em inversores multiníveis com alta resolução na tensão de saída permite suprir os efeitos secundários da modulação *PWM* em alta freqüência, principalmente quando se trabalha em altas potências. A desvantagem da modulação PWM quando se trabalha em altas potências, reside principalmente no aumento das perdas nos semicondutores (comutação e condução), o que pode inviabilizar a implementação do inversor especialmente quando esse é aplicado em filtros ativos usados para compensação de harmônicos e reativos quando comparado a modulação *staircase* [20]. Além das perdas a modulação *PWM* gera componentes harmônicas de várias freqüências o que poderia exigir um filtro *LC* de ordem superior a 2 [21]. Uma alternativa à modulação *PWM* para aplicações em inversores multiníveis em médias e altas potências é o uso de uma estratégia de chaveamento que gera uma tensão de saída sob forma de escada, figura 1.1, com níveis igualmente espaçados [22],[23] como o apresentado nessa seção.

Eliminação Seletiva de Harmônicas

Para um dado número de *passo P*, a modulação *staircase* permite eliminar (ou atenuar) harmônicas de maiores ordens através do ajuste dos ângulos de transição dos degraus, figura 1.9. Os ângulos de transição podem ser programados para sobrepor os ângulos correspondentes às harmônicas de maiores magnitudes [24].

A eliminação seletiva de harmônicas é bastante utilizada em aplicações de altas potências pelo motivo dos inversores atuarem com poucos níveis na tensão de saída. Todavia, quando se deseja implementar o conversor em médias potências para aplicações em sistemas isolados pode-se usar topologias que operam com muitos níveis na tensão de saída [25], as

quais também possibilitam a regulação da tensão através da eliminação ou adição de níveis com pouca variação da *THD*, eliminando assim o custo adicional de um conversor para controlar o barramento cc.

Ferramenta Computacional Para Auxílio à Simulação e Implementação da Modulação Staircase

A ferramenta computacional mostrada na figura 1.11 a) foi estruturada em linguagem C, ela auxilia nas análises da THD para os diversos níveis e fornece os tempos de transição dos degraus da senóide a serem usados para compor a pseudo-linguagem, figura 1.11 c), onde é programado o estado de chaveamento da topologia. O segundo programa, figura 1.11 b), compila a pseudo-linguagem (.txt) e gera os arquivos dos pulsos utilizados para comandar as chaves da topologia simulada no *Orcad Pspice*.



Figura 1.11: Ferramenta computacional : a) Unidade de tratamento da forma de onda; b) Compilador dos arquivos gerados em a); b) Pseudo código usado na programação dos tempos de simulação.

Para implementar um conversor com vários níveis na tensão de saída, há um trabalho oneroso em realizar a eliminação seletiva de harmônicas, THD_{cel} , como também usar o critério da mínima THD, THD_{min} . A ferramenta computacional torna possível resolver esse inconveniente, permitindo a operação do inversor com pulsos em suas chaves que resultam uma tensão de saída *Vo*, apresentando valores próximos de THD_{cel} ou THD_{min} , mostradas na tabela 1-2 e tabela 1-3.

Pelo motivo da onda multinível ser composta por níveis finitos, e se for considerado o valor de pico da onda multinível *Vpk (n x Vcc)* igual ao valor da senoide de referência, figura

1.1, a razão entre o valor eficaz da senóide em escada sobre $Vpk/\sqrt{2}$ é ligeiramente diferente, essa diferença é chamada de índice de modulação *mi*:

$$mi = \frac{Vo_{RMS}}{\left(V_{pk} / \sqrt{2}\right)} \tag{1.5}$$

Onde: Vo_{rms} é o valor eficaz da tensão de saída em escada e Vpk é o valor de pico da onda multinível, o *mi* pode ser usado como uma medida da qualidade da forma de onda.

Para implementar o controle ótimo de alta resolução da onda multinível, pode-se recorrer ao uso simultâneo da adição e subtração de níveis para obter o melhor resultado (Figura 1.12).



Figura 1.12: Modulação staircase.

A ferramenta computacional, figura 1.11, gera os ângulos ótimos de chaveamento que podem se utilizados para implementar o controle da onda multinível de alta resolução. O princípio usado para obtê-los realiza a variação (ou varredura) da senóide de referência através da mudança de amplitude determinada pelo fator k e exemplificada na figura 1.13.



Figura 1.13: Método flexível da senóide de referência usado para obter a *THD* otimizada.

Conforme visto, quando se deseja eliminar harmônicas com o inversor operando em diversos níveis na tensão de saída (63 e 81 níveis) o trabalho se torna oneroso, sendo assim, a

ferramenta computacional apresentada na figura 1.11 pode gerar tanto os tempos de transição dos degraus da forma de onda natural (sem a eliminação de harmônicas) THDnopt como também os tempos otimizados com a eliminação das harmônicas ímpares, THDcel, ou ainda uma atenuação na THD para um total de harmônicas definidas THDmin (90 primeiras harmônicas).

O diagrama da figura 1.14 mostra a estrutura do algoritmo utilizado para obtenção dos ângulos ótimos da ferramenta computacional.



Figura 1.14: Algoritmo usado para o cálculo da THD mínima.

A tabela 1-2 mostra a comparação da *THD* obtida com a eliminação das harmônicas ímpares (*THD*_{cel}) versus a *THD* natural (*THD*_{nopt} sem o uso do método flexível, figura 1.13) para os diversos números de níveis usuais aplicados em inversores multiníveis de alta resolução na tensão de saída.

Tabela 1-2: THD com eliminação de harmônicas ímpares (THDcel) e THD gerada sem o método flexível.

р	3	4	7	9	13	15	20	25	31	40
thd _{vo}	thd _{nopt}	11.606	8.748	4.934	3.668	2.480	1.918	1.145	0.771	0.559
	thdc _{el}	11.923	8.831	4.780	3.552	2.454	1.845	1.122	0.770	0.556
mi -	thdc _{el}	1.0282	1.0179	1.0074	1.0050	1.0028	1.0022	1.0014	1.0010	1.0007
	thd _{opt}	1.0390	1.0165	1.0190	1.0149	1.0064	1.0099	1.0070	1.0075	1.0047

THD considerada com base nos cálculos para as primeiras 90 harmônicas e P é a quantidade de ângulos em 1/4 de ciclo da senóide.

A tabela 1-3 mostra o conteúdo harmônico obtido pelo critério da THD mínima.

Р	3	4	7	9	13	15	20	25	31	40
THD _{min}	11.149	8.450	4.708	3.531	2.444	1.783	1.090	0.770	0.556	0.324
mi	1.0487	1.0348	1.0264	1.0205	1.0055	1.0105	1.0069	1.0075	1.0047	1.0029

Tabela 1-3: THD mínima obtida para os diversos tipos de passos usuais.

1.4 INVERSORES MULTINÍVEIS, TOPOLOGIAS CONVENCIONAIS

1.4.1 NPC ou Inversor com Diodos de Grampeamento

Alguns trabalhos fazem referência a essa topologia como a topologia que mantém a tensão fixa na chave através dos diodos grampeadores D1 e D1', figura 1.15 [26],[28].

Dentre as aplicações do NPC pode-se mencionar o uso em acionamento de máquinas [27] e filtros ativos [29].

As Principais Características do Inversor NPC são:

- A tensão do barramento cc é dividida entre o ramo de capacitores (em série) conectados em paralelo ao barramento, figura 1.15.
- A conexão da carga deve ser realizada entre os terminais a-n.
- A tensão máxima entre os terminais *a-n* para quaisquer *n* níveis é Vcc/2.

As chaves superiores ao ponto **a** S1 e S2 são respectivamente complementares as chaves S1' e S2' inferiores ao mesmo ponto **a**.

Assim o inversor da figura 1.15 gera três níveis na tensão de saída (Van) que são: +Vcc/2, para SI e S2 acionadas, 0 para S2 e SI' acionadas e -Vcc/2, para SI' e S2' acionadas. Como visto, o número de chaves acima do ponto **a** (duas chaves) representa a quantidade de chaves que são acionadas para gerar cada um dos três estados na saída do inversor.

Na figura 1.15 é mostrada a topologia do inversor e sua tensão com três níveis modulada em alta freqüência com intuito de reduzir o tamanho do filtro de saída, figura 1.15 b).



Figura 1.15: NPC com 3 níveis na tensão de saída.

A figura 1.16 demonstra o inversor operando com cinco níveis. Nessa topologia a tensão do barramento Vcc foi dividida por quatro capacitores conectados em série, o que permite resultar na tensão de saída os cinco níveis: Vcc/4, Vcc/2, 0, -Vcc/2 e -Vcc/4.

O uso de capacitores nessa topologia e em outras com mais níveis permite estabelecer a relação entre esses com o número de chaves, resultando para *n* níveis, (n-1) capacitores no barramento [26]com 2.(n-1) chaves[6].

Os interruptores da topologia exibida na figura 1.16 serão considerados acionados para o valor representado por um (1) e o estado de bloqueio concebido por zero (0), ambos exibidos na tabela1-4.



Figura 1.16: NPC operando com 5 níveis.

Os estados de chaveamento do NPC operando com cinco níveis são mostrados na tabela 1-4.

Estados de chaveamento para gerar os cinco níveis na tensão de saída										
Van	S1	S2	S3	S4	S1'	S2'	S3'	S4'		
+Vcc/2	1	1	1	1	0	0	0	0		
+Vcc/4	0	1	1	1	1	0	0	0		
0	0	0	1	1	1	1	0	0		
-Vcc/4	0	0	0	1	1	1	1	0		
-Vcc/2	0	0	0	0	1	1	1	1		

Tabela 1-4: Estados de chaveamento do NPC operando com 5 níveis.

Novamente para cinco níveis, as chaves superiores ao ponto a S1, S2, S3 e S4 são respectivamente complementares as chaves S1', S2', S3' e S4'. E novamente a quantidade de chaves superiores ao ponto **a** representa o número de interruptores que são acionadas para formar os outros estados da tensão de saída.

Como observado no funcionamento da topologia, a tensão em cada chave é fixada (grampeada) pelos diodos e para n níveis sua tensão será Vcc/(n-1).

Os diodos de grampeamento estão submetidos a diferentes níveis de tensão, figura 1.16. Isso pode ser observado quando a chave S4' está bloqueada, o diodo D3' está submetido apenas à tensão de um capacitor. Se a chave S3' e S4' estão fechadas, o diodo D2' está submetido ao dobro da tensão de um capacitor. Caso S2', S3' e S4' estejam acionadas, o diodo D1' fica submetido ao triplo da tensão de um capacitor. Se for assumido que cada diodo possua a mesma tensão de bloqueio, o número de diodos para *n* níveis do NPC considerando a estrutura monofásica será (n-1).(n-2) diodos grampeadores.

Vantagens:

- O aumento do número de níveis diminui o conteúdo harmônico da tensão de saída.
- É bidirectional ou *back to back*.
- Baixas perdas por chaveamento se devem a operação do inversor na freqüência fundamental sem aumentar o conteúdo harmônico na saída [6],[29].
- O fluxo de potência reativa pode ser controlado sem causar desbalanceamento nos capacitores [30].

Limitações:

- A transferência de potência ativa causa desbalanceamento dos capacitores, o que dificulta o controle do sistema.
- O número de diodos grampeadores aumenta com o número de níveis.

1.4.2 Flying Capacitor, FLC

O princípio de funcionamento dessa topologia é simples e assim como no NPC são utilizados diodos para grampear a tensão sobre a chave. O *flying* capacitor utiliza capacitores para manter fixa a tensão sobre a chave [6],[31],[32],[33].

A topologia do inversor é vista na figura 1.17. Se a tensão de saída é extraída dos terminais a e n, os níveis da tensão de carga são: +Vcc/2, 0, -Vcc/2.



Figura 1.17: Flying capacitor, FLC operando com três níveis.

A combinação de chaveamento utilizada para colocar os três níveis na tensão de saída é dada para: Van= +Vcc/2, S1 e S2, estão acionadas. Para Van=0 as chaves S1 e S1' ou S2 e S2' são acionadas, para gerar Van= -Vcc/2 as chaves S1' e S2' são acionadas.

O controle da tensão sobre o capacitor C1 flutuante é feito da seguinte maneira. Para carregar C1 as chaves S1 e S1' são acionadas. Para descarregar C1 as chaves S2 e S2' são fechadas.

Esse controle de carga e descarga de C1 ou colocado sob tensão de flutuação é realizado continuamente.

As Principais Características Desse Inversor:

 Como já mencionado ele utiliza capacitores para grampear a tensão nas chaves ao invés de diodos de grampeamento.

- Ao contrário do NPC ele possui estados de comutação redundantes para sintetizar a tensão de fase, ou seja, alguns valores podem ser sintetizados por mais de um estado de comutação.
- Exige um controle complexo para minimizar o efeito do desbalanceamento da tensão dos capacitores em aplicações com transferência de potência ativa.

A análise para *n* níveis desse inversor tem por princípio [30] grampear a tensão nos interruptores com valor igual ao dos capacitores em série que compõem o barramento cc. Dessa forma são necessários [(n-1).(n-2)]/2 capacitores de grampeamento, além de (n-1) capacitores no barramento cc [6].

Vantagens:

- Com o aumento do número de níveis o conteúdo harmônico na tensão de saída diminui, bem como o tamanho do filtro de saída.
- Rápida resposta dinâmica.
- O fluxo de potência reativa pode ser controlado [30].

Desvantagens:

- Quando é aumentado o número de níveis, o número de capacitores também aumenta rapidamente surtindo efeito no custo final do inversor, bem como na dificuldade de implementação da topologia.
- Apresenta um controle complexo.

1.4.3 Inversores Multiníveis em Cascata

Diversas fontes relatam os inversores multiníveis em cascata como um dos mais aplicados na indústria.

Inversor usando Células H-bridge em Cascata, CHC (simétrico)

Considerando a célula *H-bridge* na figura 1.18, pode-se fazer um estudo generalista para x células conectadas em cascata.

Considerações:

x, é o número da célula, i.e para configuração em cascata com 3 células x assume:1, 2,3, para respectivas células.

y, é o número correspondente a chave da célula e varia de 1 a 4.

A célula *H-bridge* contém:

O barramento cc é representado por:

• Vx, é o valor da tensão de entrada da célula.

As Chaves são representadas por:

- Sxy, com os braços referidos por:
 - Sx1 e Sx2 são as chaves do primeiro braço.
 - Sx3 e Sx4 são as chaves do segundo braço.

Todas as chaves, Sx1, Sx2, Sx3 e Sx4 são acionadas em 1 e bloqueadas em 0.

Assim a chave de qualquer célula pode ser rapidamente identificada através dos índices xy. Por exemplo, para um inversor composto por 4 células, a chave S32 representa a segunda

chave da terceira célula .

Sabemos também que para gerar uma tensão alternada na saída, as chaves de cada braço trabalham de maneira complementar para evitar curto de braço na fonte de alimentação.

Os possíveis níveis na tensão de saída são:

Nível 1 é o valor que representa a tensão Vx.

Situações:

Nível 1 : Sx1 e Sx4 acionadas.

Nível 0 : Sx1 e Sx3 ou Sx2 e Sx4 acionadas.

Nível -1: Sx2 e Sx3 acionadas.



Figura 1.18: a) Célula H-bridge elementar; b) Tensão de saída Vab.

Com intuito de ter uma análise simplificada da estrutura é feita referência somente às chaves superiores, sabendo que as chaves de cada braço operam de maneira complementar, logo se tem a tabela 1-5:

	Chaves						
Níveis	S11	S13					
1	1	0					
0	1/0	1/0					
-1	0	1					

Tabela 1-5: Possíveis casos para geração da tensão de saída Vab da figura 1.18 b).

Estudo do Encadeamento de Células *H-bridge* com Mesma Fonte de Tensão: Inversor Multinível em Cascata Simétrico

Os inversores em CHC simétricos caracterizam-se por possuir células *H-bridge* em cascata com fontes de tensão de mesma magnitude (Vx=V1=V2=V3=Vcc) [9].

O número de níveis para x células é expresso por:

$$N = 1 + 2x_t \tag{1.6}$$

Onde x_t é o valor total de células *H-bridge* conectadas em série, (por exemplo para 3 células conectadas em série, $x_t = 3$, portanto a senóide de saída terá 7 níveis, para $x_t = 4$, terá 9 níveis ...).

Essas estruturas são amplamente empregadas em inversores multiníveis trifásicos, onde cada braço do inversor é composto por um módulo representado na figura 1.19.



Figura 1.19: Inversor multinível com células H-bridge em cascata.

Se a estrutura mostrada na figura 1.19 for composta por 3 células, $x_t = 3$, a saída da tensão *Vo* será composta por 7 níveis (2+2+2+1), pois cada célula consegue gerar dois níveis distintos (+1 e -1) com um nível zero comum a todas.



O diagrama da figura 1.20 exemplifica o caso para 3 células em cascata.

Figura 1.20: Diagrama simplificado para o inversor simétrico com 3 células H-bridge.

Os estados de chaveamento para um quarto de ciclo são mostrados na figura 1.21.



Figura 1.21: a) Nível zero, b) Nível um, c) Nível Dois, d) Nível três.

O resultado da estrutura simulada é mostrado na figura 1.22.



Figura 1.22: Do primeiro ao penúltimo gráfico, tensão de saída das células *H-bridge*, figura 1.19 com 3 células, respectivamente, Vo_{h1}, Vo_{h2} e Vo_{h3}. Último gráfico tensão na saída do inversor, 220V-1kVA.

O cálculo dos tempos e parâmetros de performance da *THD* estão apresentados na modulação *staircase*.

Uma comparação das principais topologias convencionais apresentadas neste trabalho foi realizada por [6]. Segundo estudos realizados para operação trifásica, foi constatado que os inversores *CHC* simétricos conseguem desenvolver a mesma quantidade de níveis na tensão de saída que as topologias convencionais com menos componentes. A tabela 1-6 exemplifica o caso para aplicação monofásica sem considerar o circuito de acionamento.

Topologia	Níveis	Capacitores	Diodos	Chaves	Fontes cc
	3	2	2	4	1
NPC	5	4	12	8	1
	n	(n-1)	(n-1).(n-2)	2.(n-1)	1
	3	3	0	4	1
Capacitores flutuantes	5	10	0	8	1
	n (n-1) 3 3 tores flutuantes 5 10 n n.[(n-1)/2] versor CHC 3 1 5 2	n.[(n-1)/2]	0	2.(n-1)	1
Inversor CHC	3	1	0	4	1
(simétrico)	5	2	0	8	2
(simetrico)	n	(n-1)/2	0	2.(n-1)	(n-1)/2

Tabela 1-6: Comparação do número de componentes entre as topologias convencionais.

Segundo a tabela 1-6, pode-se perceber que os inversores em cascata usando células *H*bridge (simétrico) exigem menos componentes para gerar a mesma quantidade de níveis que os inversores envolvidos. Assim, os estudos e simulações desenvolvidas a seguir serão direcionados às topologias que usam células *H*-bridge em cascata ou estruturas cujo princípio de funcionamento é derivado dessa figura 1.19.

1.4.4 Inversor usando Células *H-bridge* em Cascata Assimétrico, CHCA

Segundo *Damiano et al (1997*) e *Manguelle et al (2001*), esses inversores apresentam ao menos uma fonte de tensão com valor diferente das demais fontes. Eles têm sido utilizados para sintetizar tensões de saída com um maior número de níveis sem aumentar o número de dispositivos de potência.

Segundo a literatura, os níveis da tensão na saída do conversor em cascata devem ser igualmente espaçados ($\Delta Vcc=V_{(x)}-V_{(x-1)}=V_{(x-2)}=...=Vcc$), figura 1.1, caso oposto sob pena do comprometimento da *THD* na tensão de saída [34]. Para garantir esse exposto as seguintes condições devem ser satisfeitas:

1- Os valores das fontes de tensão consecutivas devem obedecer à relação:

$$V_1 \leq V_2 \leq V_3 \dots \leq V_x$$

$$com$$

$$V_x \in \Box, x = 1, 2, 3 \dots n$$
(1.7)

2- A menor fonte de tensão é escolhida como base para a normalização. Dessa forma, têm-se os valores das fontes normalizados:

$$Vx_{NOR} = \frac{V_x}{V_1}$$

$$com$$

$$Vx_{NOR} \in \Box, \quad x = 1, 2, 3 \cdots n$$
(1.8)

3- Para ser garantido que a forma de onda da tensão opere com níveis igualmente espaçados, essa última restrição demonstra que os valores normalizados das tensões também deve satisfazer:

$$Vx_{NOR} \le 1 + 2\sum_{x=1}^{x-1} Vx_{NOR}$$
 (1.9)

A partir das restrições (1.7), (1.8) e (1.9), pode-se demonstrar os tipos de configurações das fontes de tensões que permitem obter um maior número de níveis igualmente espaçados na tensão de saída.

Configuração das Fontes de Tensão Dispostas em Binário e Ternário

As configurações usuais das fontes de tensão de entrada que não apresentam casos redundantes subdividem-se basicamente em duas:

Binária (1:2:4:8...): as fontes de tensão estão dispostas em progressão geométrica com razão igual a 2, não ocorrendo subtração entre as fontes das células para gerar níveis intermediários.

Ternária (1:3:9:27...): as fontes de tensão estão dispostas em progressão geométrica com razão igual a 3 e ocorre subtração entre as fontes de tensão das células para gerar níveis intermediários.

O número total de níveis para as configurações unária, binária e ternária pode ser calculado pela fórmula que relaciona os pesos (unária: 1:1:1... binária: 1:2:4...; ternária: 1:3:9...):

$$N = 1 + 2.\sum_{1}^{x} \frac{V_x}{V_1}$$
(1.10)

Estudo da Configuração Binária

A figura 1.23 mostra o CHCA, usando duas células com a configuração binária.



Figura 1.23: CHCA operando com a configuração binária.

Com essa estrutura usando a configuração binária é possível obter 7 níveis distintos na tensão de saída economizando uma célula em relação ao inversor simétrico. Todavia, se fosse utilizado a configuração ternária, era possível obter 9 níveis na tensão de saída do CHCA, reduzindo rapidamente a THD na tensão de saída, figura 1.10, tabela 1-3.

Pode-se ainda perceber que no caso da configuração ternária mencionada acima, se estivéssemos usando o inversor em cascata simétrico necessitaríamos de 4 células para gerar os 9 níveis, enquanto aquele operando em ternário envolveu somente 2 células para produzir a mesma quantidade de níveis.

Princípio de Funcionamento

Como deve ser gerado níveis igualmente espaçados na tensão de saída, as fontes cc de cada célula devem se "combinar" de tal forma a garantir níveis consecutivos de mesmo ΔV ($\Delta V = V_x - V_{x-1} = Vcc$) para todos os degraus da senóide.

Para gerar uma tensão de saída *Vo*, vista na figura 1.1, as chaves de cada célula mostrada na figura 1.23 devem se combinar de tal modo a gerar nas saídas das células tensões, $Vo_{h1} e Vo_{h2}$ mostradas na tabela 1-7.

	Geração de níveis para configuração binária										
Chaves d	a célula 2	Chaves da	a Célula 1	Combinação	das células	Tensão de saídaVo					
S21	S23	S11	<i>S13</i>	Vo _{h2}	Vo _{h1}	$\sum_{T}^{2} Vo_{hx}$					
1/0	1/0	1/0	1/0	0	0	0					
1/0	1/0	1	0	0	+Vcc	+Vcc					
1	0	1/0	1/0	+2Vcc	0	+2Vcc					
1	0	1	0	+2Vcc	+Vcc	+3Vcc					
1	0	1/0	1/0	+2Vcc	0	+2Vcc					
1/0	1/0	1	0	0	+Vcc	+Vcc					
1/0	1/0	1/0	1/0	0	0	0					
1/0	1/0	0	1	0	-Vcc	-Vcc					
0	1	1/0	1/0	-2Vcc	0	-2Vcc					
0	1	0	1	-2Vcc	-Vcc	-3Vcc					
0	1	1/0	1/0	-2Vcc	0	-2Vcc					
1/0	1/0	0	1	0	-Vcc	-Vcc					

Tabela 1-7: Geração de níveis para CHCA em binário com 7 níveis.

Da tabela 1-7, pôde-se perceber que o princípio utilizado para obter uma senóide com formato de escada, usando a configuração binária, é feito somando as fontes de tensão de cada célula de forma a obter níveis igualmente espaçados na tensão de saída. Também foi mostrado que os casos redundantes de chaveamento ocorrem somente quando a célula é programada para colocar o nível zero na saída (i.e. $Vo_{hl}=0$: S21=1/0 e S23=1/0). Nesse caso existem duas possibilidades para o arranjo das chaves. Por exemplo, considerando a análise para a segunda célula:

- 1- As chaves superiores estão fechadas: S21=1 e S23=1 \rightarrow Vo_{h2}=0
- 2- As chaves inferiores estão fechadas: S21=0 e S23=0 \rightarrow Vo_{h2}=0

A nomenclatura para os casos redundantes em negrito (i.e. S21=1/0) denota a escolha adotada para a geração do nível zero na tensão de saída. Como visto na tabela 1-7, para gerar o nível zero na tensão de saída as chaves superiores de ambas as células estão acionadas (cel2: S21=1/0 e S23=1/0 e Cel1: S11=1/0 e S13=1/0).

As estruturas em cascata permitem ao programador decidir quais chaves irão operar no estado zero. Isso é importante, pois o estado zero também seria conseguido por condução de apenas uma chave com um diodo. Em aplicações de baixas e médias potências a condução por diodo não é desejável, visto que a perda por condução desses é maior que as perdas nos mosfets (ver tabela 4-5, apresenta tecnologias ultra baixo *Rds*_{on}) e como a estrutura multinível com a configuração binária permite que as chaves operem com baixos níveis de tensão nos semicondutores, a condução por mosfet é uma alternativa que aumenta o rendimento do inversor.

Como observado na tabela 1-7, a configuração binária também permite o uso do critério mínimo de comutação entre os semicondutores (menores perdas). Assim a cada semi-ciclo somente um braço fica ativo e o outro comuta na freqüência característica da configuração binária para cada célula. No capitulo 2 será apresentada uma fórmula para o cálculo da freqüência da enésima célula operando com a configuração binária. Essa fórmula é fundamental para mensurar as perdas por comutação do inversor a qual é parte integrante do cálculo térmico que define o tipo de dissipador usado para os semicondutores (capítulo 4).

Logo como já foi demonstrada a lógica para obtenção dos estados de chaveamento através da tabela 1-7, foi pensado e elaborado um método simplificado que permita ao leitor uma rápida visão da contribuição de cada célula na formação da tensão de saída. O método aqui mencionado é um critério utilizado em estatística e parte do princípio da árvore das possibilidades, onde as informações usadas para montar a árvore são apenas os fatores multiplicativos das fontes de tensão de cada célula (1:2:4:8...). O diagrama da figura 1.24 apresenta o exposto com análise para três células.



Figura 1.24: Diagrama simplificado para inversor operando em binário com três células.

O diagrama de árvore das possibilidades mostrado na figura 1.24 é analisado da seguinte maneira:

- 1- As células são representadas por seus fatores multiplicativos (1, 2 e 4).
- 2- A contribuição de cada célula com análise até o limite de seu peso (valores 1,2,4...)
 é apresentada nos quadrículos laterais.
- 3- A contribuição de cada célula não está restringida aos valores dos quadrículos laterais, logo elas podem contribuir caso haja pesos superiores.

Pelo motivo da configuração binária não apresentar casos redundantes e por obedecer às restrições (1.7), (1.8) e (1.9), a observação da figura 1.24, possibilitou identificar:

I- Que as células de maiores tensões (potência) passam mais tempo ativas em níveis consecutivos, ou seja, apresentam menores freqüências.

II- A contribuição de cada célula para análise restrita ao seu peso é sempre a mesma independente do número de células do inversor. Dessa forma para quaisquer inversores com números de células diferentes pode-se generalizar:

"As formas de onda das células de maior tensão (potência) sempre terão mesmo formato, bem como as da penúltima célula, antepenúltima..." Ver os resultados de simulação realizados para os diversos casos até cinco células, demonstrados a seguir.



Figura 1.25: Generalização das formas de ondas em binário Vohx.

Como observado, a figura 1.25 generalizou as formas de ondas do inversor com x células *H-bridge* operando em binário, logo, pôde-se comprovar a justificativa *II* em relação ao diagrama de operação simplificado do inversor mostrado na figura 1.24. Abaixo de cada coluna dos inversores simulados (Inv1, Inv2, Inv3, Inv4 e Inv5) estão apresentadas suas células com as características das formas de ondas e freqüências no eixo horizontal.

As simulações implementadas para o funcionamento dos inversores (inv1, inv2... Inv5), operando com lógica binária comprovam a expressão apresentada para o cálculo da freqüência do inversor com x células.

As formas de onda da tensão de saída de cada célula, Vo_{hx} , vista na figura 1.25, apresentam o mesmo formato das simulações individuais de cada inversor, com os mesmos valores de freqüência, diferindo apenas nas larguras dos pulsos, já que a simulação dos inversores individuais apresenta um número de células menor que o inversor simulado com cinco células, figura 1.25.

Um forma criada para representar a configuração binária que também contribui para implementação digital é fazer alusão ao código *BCD 8421*. Assim como já é conhecida a lógica dos estados de chaveamento, uma tabela pode ser formada em função apenas do peso de cada célula, o valor 1 representando a célula ativa e 0 para célula desativada. Assim uma análise resumida para 4 células (31 níveis) pode ser mostrada na tabela 1-8.

Geração de níveis para configuração binária									
Com	binação	Níveis de saída							
8V1	4V1	2V1	VI	$\sum_{=1}^{4} \frac{V_x}{V1}$					
0	0	0	0	0					
0	0	0	±1	±1					
0	0	<u>±1</u>	0	±2					
0	0	<u>±1</u>	±1	±3					
0	±1	0	0	<u>+</u> 4					
0	±1	0	±1	±5					
0	±1	±1	0	±6					
0	±1	±1	±1	<u>+</u> 7					
±1	0	0	0	±8					
±1	0	0	±1	±9					
<u>±1</u>	0	<u>+</u> 1	0	±10					
±1	0	±1	±1	±11					
±1	±1	0	0	±12					
±1	±1	0	±1	±13					
±1	±1	±1	0	±14					
±1	±1	±1	<u>±</u> 1	±15					

Tabela 1-8: Abordagem diferenciada da configuração binária.

Essa forma de representar o funcionamento do inversor multinível, proposta neste trabalho, além de simplificar a análise para diversos níveis é também um importante meio para implementação do controle digital, área que ainda é pouco explorada para essas estruturas (modulação *staircase*) em virtude da dificuldade de operar com diversos estados de chaveamento se comparada a outras técnicas de modulação descritas neste capítulo.

A lógica de descrever os estados de operação em analogia ao código *BCD 8421* pode ser facilmente implementada desde os princípios clássicos de eletrônica digital, utilizando a lógica combinacional ou a lógica seqüencial, até estudos mais recentes empregando poderosos processadores digitais tais como: *FPGA's*, *DSP's*..., o que contribui no desenvolvimento de estudos do controle digital aplicado aos inversores em cascata assimétrico.

Estudo da Configuração Ternária

A figura 1.26 mostra o exemplo do CHCA usando três células com a configuração ternária.



Figura 1.26: Inversor CHCA operando com a configuração ternária.

A tabela 1-9 mostra a combinação das células na geração dos níveis da tensão de saída.

Geração de níveis para configuração ternária								
Combin	ação das	Tensão de saídaVo						
Vo _{h3}	Vo _{h2}	Vo _{h1}	$\sum_{1}^{3} Vo_{hx}$					
0	0	0	0					
0	0	±Vcc	±Vcc					
0	±3Vcc	∓Vcc	±2Vcc					
0	±3Vcc	0	±3Vcc					
0	±3Vcc	±Vcc	±4Vcc					
±9Vcc	∓3Vcc	∓Vcc	±5Vcc					
±9Vcc	∓3Vcc	0	±6Vcc					
±9Vcc	∓3Vcc	±Vcc	±7Vcc					
±9Vcc	0	∓Vcc	±8Vcc					
±9Vcc	0	0	±9Vcc					
±9Vcc	0	±Vcc	±10Vcc					
±9Vcc	±3Vcc	∓Vcc	±11Vcc					
±9Vcc	±3Vcc	0	±12Vcc					
±9Vcc	±3Vcc	±Vcc	±13Vcc					

Tabela 1-9: Contribuição das células na formação da tensão de saída para a topologia vista na figura 1.26.

As formas de onda que demonstram os estados apresentados na tabela 1-9 para a topologia vista na figura 1.26, são mostrados na figura 1.27.



Figura 1.27: Do primeiro ao penúltimo gráfico, tensão de saída das células da figura 1.26, último gráfico tensão na saída do inversor.

Por não possuir casos redundantes, bem como a configuração em binário, as formas de onda das células de saída para a configuração ternária também podem ser generalizadas conforme mostrada nos gráficos da figura 1.28, e possuem freqüências determinadas pela fórmula deduzida e apresenta na equação (2.2) para enésima célula.



Figura 1.28: Generalização de formas de onda para a configuração ternária.

Semelhantemente as formas de ondas apresentadas na figura 1.25, a tensão Vo_{hx} do inversor operando com duas células em ternário terá o mesmo formato das ondas na figura 1.28 *a*) para o inversor com três células, com exceção da célula de maior freqüência. Assim as formas de ondas comuns, Voh_x , para o inversor operando com duas ou três células são as últimas e penúltimas formas de ondas.

Benefício da Generalização das Formas de Onda Binário e Ternário

Em aplicações exigidas por normas em que o inversor opera como fonte de tensão, o aumento de carga (linear, não linear...) pode resultar na saída do inversor, figura 1.28 *a*), uma *THD*>5% e uma potência maior. Isso pode ser resolvido preservando a mesma estrutura implementada e adicionando uma célula *H-bridge* em cascata a estrutura inicial. Dessa forma o inversor passaria de três células, figura 1.28 *a*), a operar com quatro células, figura 1.28 *b*), o que resultaria numa rápida diminuição da THD na tensão de saída e um aumento da capacidade de potência da estrutura.

Comparação das Configurações Unária (simétrica), Binária ou Ternária Para um Dado Número de Células

	Configuração	Х								
	e e manu a su a		2	3	4	5	6	7	8	9
Número de níveis	(1:1:1:1:)	3	5	7	9	11	13	15	17	19
	(1:2:4:8:)	3	7	15	31	63	127	255	511	1023
	(1:3:9:27:)	3	9	27	81	243	729	2187	6561	19683

Tabela 1-10: Comparação entre as configurações, simétrica, binária e ternária para x células.

Como observado na tabela 1-10, os inversores *CHCA* conseguem resultar mais níveis na tensão de saída para uma mesma quantidade de componentes, modificando apenas a magnitude da tensão de entrada das suas células. Eles também permitem a implementação da modulação *staircase* de alta resolução, a qual admite o controle da tensão de saída, figura 1.12, eliminando um custo adicional de um conversor cc-cc para controlar o barramento de cada célula.

Todavia, a principal limitação dos inversores *CHCA* consiste no custo de obtenção do grande número de fontes cc usadas para compor o barramento das células *H-brid*ge, o que pode inviabilizar sua aplicação como fonte de tensão em sistemas autônomos de energia. Uma possível solução para esse impasse é usar topologias *CHCA* isoladas, onde se utiliza um(s)

transformador(es) como principal elemento à implementação das lógicas binária e ternária [2]. O capítulo seguinte aborda as topologias dos inversores *CHCA* isolados delimitadas pela revisão bibliográfica, as quais apresentam potencial para aplicação em sistemas autônomos de energia em médias potências.

1.5 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Nesse capítulo foi abordado desde os conceitos básicos envolvendo a geração da onda multinível de tensão à apresentação das principais técnicas de modulação aplicadas em inversores multiníveis. Também foi mostrado o princípio de funcionamento das topologias convencionais mencionando suas vantagens e limitações.

Por fim foi conceituada a lógica binária e ternária, bem como apresentadas simulações que permitiram generalizar as formas de onda da tensão de saída em *x* células, relatando a vantagem desse estudo e sua contribuição na elaboração das equações usadas para calcular a freqüência de operação de cada célula. O encerramento desse capítulo mostrou as configurações que permitem gerar mais níveis na tensão de saída com menos componentes aplicadas no inversor *CHCA*.

CAPÍTULO 2

INVERSORES MULTINÍVEIS ISOLADOS USANDO CÉLULAS *H-BRIDGE* OU DERIVADA DESSA COM DIFERENTES FONTES DE TENSÕES DE ENTRADA

O objetivo deste capítulo é delimitar a topologia do inversor multinível que proporcione redução de peso e volume aliada ao alto rendimento, facilitando a aplicação em sistemas autônomos de energia.

Conforme visto no capítulo anterior, os inversores multiníveis em cascata operando com a configuração assimétrica permitem gerar mais níveis na tensão de saída com menos componentes que as topologias convencionais NPC e FLC. Todavia, como abordado, o custo de implementação desses é elevado por usar diversas fontes cc (baterias ou painéis fotovoltaicos) para compor o barramento das células. Isso inviabilizaria o custo de implementação dessas estruturas em sistemas isolados de médias potências ou baixas potências. Uma solução para substituir as diversas fontes cc que compõem o barramento de cada módulo é utilizar transformadores que permitem induzir tensões nos secundários com magnitudes iguais as fontes cc de cada célula. No capítulo 4 será mostrado através de gráficos que o desenvolvimento tecnológico da indústria no processo de fabricação dos transformadores permite que esses operem com eficiência de *98%* para potência de *1 kVA* e de *95%* para *300 VA*.

As topologias de inversores multiníveis isolados que foram delimitadas pela revisão bibliográfica [2],[6],[8],[10],[26],[32], usam células *H-bridge* em cascata assimétricas ou derivam dessas. Elas estão apresentadas na figura 2.1, figura 2.2 e figura 2.3.

Este capítulo também mostrará fórmulas que foram deduzidas para o cálculo da freqüência de operação das células *H-bridge* do inversor operando com *n* níveis na tensão de saída, envolvendo a configuração binária ou ternária. Para a validação dessa última foi elaborada uma simulação com o inversor, figura 2.1, operando em 81 níveis na tensão de saída o que representa o estado da arte envolvendo inversores multiníveis [36]. A simulação em 81 níveis com o inversor dedicado permitiu as generalizações das formas de onda das células *H-bridge* dos inversores em cascata descritas no capítulo anterior para a lógica ternária, além de abrir portas para que essa configuração seja implementada em escala industrial por tornar possível mensurar as perdas nos interruptores do inversor, principalmente por chaveamento.

Neste capítulo serão apresentadas as topologias de inversores multiníveis isolados evidenciando suas principais características. Na seção específica de simulações e discussões será apresentada a topologia escolhida como tema de estudo deste trabalho.

Conforme será visto, os inversores multiníveis isolados representam uma boa alternativa para substituir a grande quantidade de fontes cc independentes usadas na topologia em cascata convencional.

2.1 TOPOLOGIAS, SIMULAÇÕES E ESTUDO

Na figura 2.1 é apresentada a topologia utilizando transformadores independentes.

2.1.1 Topologia a)



Figura 2.1: Inversor usando transformadores independentes [38], [50].

Essa topologia apresenta o uso de transformadores independentes na proporção de um para cada célula *H-bridge* com primários independentes entre si e secundários interligados em série.

Funcionamento:

Essa estrutura possibilita que suas células operem com todas as combinações de chaveamento que um inversor em cascata usando células *H-bridge* com fontes de tensão independentes permite (figura 1.19). As células desse inversor não estão em cascata, mas os enrolamentos secundários estão. Portanto o efeito é tal qual o apresentado na figura 1.19.

Todos os transformadores operam com relação fixa p no primário e os secundários de cada transformador operaram com uma relação p ou múltipla. Dessa forma os transformadores podem ser projetados para garantir que o inversor opere com a configuração:

Simétrica: onde cada transformador é projetado de forma a permitir que seus secundários apresentem um mesmo valor de tensão.

Assimétrica: onde os transformadores são projetados de maneira a garantir que cada secundário correspondente opere interligado entre si de forma ordenada com a relação binária (1:2:4...) ou ternária (1:3:9...).

Vantagens Dessa Topologia:

- Permite que o inversor opere na configuração assimétrica com lógica binária ou ternária possibilitando gerar uma tensão de saída com alta resolução, reduzindo o número de componentes e de células *H-bridge*.
- É bidirecional.
- Necessita de apenas uma fonte cc.
- Permite o uso da modulação *staircase* de alta resolução, a qual é desejável em inversores multiníveis [6].
- Por ser isolado esse inversor pode ser associado em série com outro inversor para formar um barramento de tensão maior, sem problema de curto-circuito.

Limitações:

- Possui grande número de transformadores (os quais dependem da lógica de operação das células *H-bridge*).
- Apresenta complexidade no controle de saturação dos transformadores.
- Apresenta maior volume do protótipo.
- Os transformadores estão limitados a operação em baixa freqüência para quaisquer configurações.

2.1.2 Topologia b): Derivada do Inversor com Células H-bridge



Figura 2.2: Inversor apresentado por [25].

Funcionamento:

Esses inversores permitem que suas células L operem com a modulação *staircase* usando a lógica binária, resultando dessa forma uma tensão de saída com diversos níveis.

O princípio para gerar a senóide de saída baseia-se no comportamento que uma célula L pode assumir. Assim as chaves de uma mesma célula (perpendiculares) atuam de maneira complementar para gerar os níveis da senóide [25].

Quando o inversor utiliza a modulação *staircase* com lógica binária para formar a tensão de saída, o resultado das formas de ondas nas saídas de cada célula L é o mesmo apresentado na saída das células dos inversores CHCA operando com a lógica binária. Isso acontece porque a lógica de geração da senóide é a mesma quando se considera o mesmo número de células *H-bridge* conectadas em série.

Vantagens:

- É bidirecional.
- O uso da modulação binária permite obter uma alta resolução na tensão de saída com células operando em baixa freqüência, o que aumenta o rendimento.

- As células processam diferentes valores de potências e de freqüências o que permite o uso de diferentes tecnologias de semicondutores para aplicação em altas potências.
- Esse inversor pode ser associado em série com outro inversor para formar um barramento de tensão maior.

Limitações:

- Apresenta volume do transformador limitado na freqüência fundamental.
- É limitado à modulação *staircase* com lógica unária ou binária.

2.1.3 Topologia c): Apresentando Células H-bridge com Retificadores Acoplados ao

Barramento cc de Saída



Figura 2.3: Inversor CHCA com transformador de múltiplos secundários [39].
Funcionamento

Essa topologia preserva a mesma estrutura de um inversor usando células *H-bridge* em cascata com alimentação de suas células promovida pela substituição de equivalência vista na figura 2.3 a). Logo, o princípio de funcionamento desse inversor para gerar a tensão Vo_{carg} é o mesmo apresentado pela topologia em cascata convencional segundo a disposição das fontes de tensão que alimentam as células (simétrica ou assimétrica).

Vantagens:

- Essa topologia promove uma tensão Vo_{carg} de alta resolução para operação com lógica binária⁶.
- Baixo custo para obter as tensões na entrada das células.
- Permite a redução do peso e volume conforme a freqüência de operação da célula *H*brige de entrada.
- É atrativa para injetar corrente na rede por não permitir fluxo reverso de energia.
- Por ser isolado esse inversor pode ser associado em série com outro inversor para formar um barramento de tensão maior, sem o problema de curto-circuito.

Limitações:

- Maior quantidade de componentes.
- Apresenta três estágios na transferência de energia.

2.2 ANÁLISE E SIMULAÇÃO DAS TOPOLOGIAS SELECIONADAS

2.2.1 Topologia A

Uma desvantagem da topologia que usa células *H-bridge* com fontes de tensão independentes, figura 1.19, é o fato dessas fontes estarem separadas, tendo como resultado o aumento no custo do inversor.

O princípio de funcionamento da topologia da subseção 2.1.1, baseia-se na mesma lógica para geração dos níveis da tensão de saída que uma estrutura usando células *H-bridge* com fontes independentes, figura 1.19.

⁶ Transformadores projetados para promover múltiplas tensões nos enrolamentos secundários com relação (1:2:4...)

A topologia da subseção 2.1.1 pode usar a configuração binária ou ternária ou ainda qualquer tipo de lógica para as fontes de tensão que uma estrutura com células *H-bridge* alimentadas por fonte de tensão independente utilizaria.

Para substituir a função das fontes de tensão que uma estrutura *H-bridge* na configuração normal utilizaria, a estrutura da subseção 2.1.1 utiliza transformadores independentes com secundários projetados para operar com valores de amplitude de tensão iguais aos valores que seriam usados pelas fontes de tensão de cada célula *H-bridge* independentes, figura 1.19, empregando a configuração normal.

Formação da Tensão de Saída com a Lógica Binária

A lógica para o chaveamento das células é a mesma apresentada no capítulo 1 para o inversor CHC.

Assim uma simulação com o inversor operando com 5 células resultando 63 níveis na tensão de saída pode ser conseguida usando a modulação staircase com lógica binária.



Figura 2.4: Topologia operando com 63 níveis.

O resultado de simulação da topologia mostrada na figura 2.4 é visto na figura 2.5.



Figura 2.5: Configuração das saídas dos transformadores independentes na formação da tensão de saída com 63 níveis. Do primeiro gráfico ao penúltimo, gráficos em ordem crescente de tensão na configuração binária para os respectivos secundários (primeiro, segundo... quinto) ligados em série, ultimo gráfico, tensão na carga.

Agora serão mostradas na figura 2.6 as correntes no primário de todos os transformadores independentes.



Figura 2.6: Correntes do primeiro ao penúltimo gráfico, respectivamente em ordem crescente de potência em cada primário dos transformadores. Ultimo gráfico, corrente no barramento cc.

Contribuição ao Funcionamento da Topologia Usando a Configuração Binária

Segundo análises realizadas para topologias de inversores multiníveis usando a configuração binária como lógica para formação da tensão de saída em escada conforme mostrado o princípio na tabela 1-7, as freqüências das formas de onda nas saídas das células podem ser generalizas por:

$$F_{cel \, p} = \left[2^{(x_t + 1 - p)} - 1\right] f_{und} \tag{2.1}$$

Onde:

 F_{celp} : representa a freqüência da célula de saída (Hz);

 x_t o número total de células;

p o número da célula com a freqüência desejada;

 f_{und} é a freqüência fundamental da tensão de saída (60 Hz).

Análise Para Topologia Operando com a Configuração Ternária em 81 Níveis na Tensão de Saída

Para essa topologia foi conseguido o estado da arte (81 níveis) no que diz respeito ao funcionamento da lógica ternária para os inversores *CHCA* [35],[36],[37] e uma nova aplicação no estudo dessa topologia para obtenção de níveis na tensão de saída.

O objetivo de montar essa simulação foi a possibilidade de poder visualizar o comportamento da forma de onda que opera em maior freqüência e assim poder tirar conclusões em relação à aspectos previamente estabelecidos no que diz respeito à lógica de operação em freqüência das formas de ondas da tensão de saída das células. Possibilitando obter a partir de várias operações de álgebra e simplificações de equações uma fórmula para o cálculo da freqüência da tensão de saída de cada célula dos inversores multiníveis que operam com a lógica ternária na formação da tensão de carga usando a modulação *staircase*.

Assim a operação em 27 níveis na tensão de saída pode ser conseguida com o inversor operando com três células e três transformadores.

Os pulsos nas chaves para geração dos 27 níveis estão apresentados na figura 2.7.



Figura 2.7: Pulsos nas chaves usadas na simulação do inversor com 27 níveis.



As formas de ondas nas saídas das células são mostradas na figura 2.8.

Figura 2.8: Do primeiro ao terceiro gráfico em ordem crescente na escala de tensão (pesos, 1:3:27), mostram as tensões nas saídas das células, respectivamente da primeira à terceira, usando a lógica ternária. Ultimo gráfico, forma de onda da tensão de saída, programada para operar com 220V de saída e 1kVA de potência.

Como pode ser observado na figura 2.8 o princípio usado para calcular a freqüência da tensão de saída de cada célula foi baseado em duas considerações:

- 1- A tensão de saída de cada célula possui uma freqüência dominante que opera concomitante a fundamental da tensão de saída. Elas estão representadas ao centro das linhas de referência tracejadas.
- Cada célula superior a de maior tensão possui freqüências múltiplas da freqüência fundamental Hz.

Assim a freqüência da tensão na saída de cada célula pode ser expressa por:

$$F_{cel \, p} = \left[2.3^{(x_t - p)} - 1\right] f_{und} \tag{2.2}$$

Dessa forma, para o inversor operando com três células a freqüência de operação na tensão de saída é dada pela tabela 2-1.

Freqüência de Vo _{hx}				
Célula P	Tensão [V]	Freqüência [Hz]		
Cel1	25	1020		
Cel2	75	300		
Cel3	225	60		

Tabela 2-1: Valores de freqüência para operação com três células.

O espectro harmônico para o inversor operando com 27 níveis na tensão de saída é mostrado na figura 2.9.



Figura 2.9: Espectro harmônico da tensão de saída, evidenciando a harmônica funadamental . A THD das 60 primeiras harmônicas foi 3,41%, sem o filtro passa baixa.

Na figura 2.10 é mostrada a simulação do inversor para operação com 81 níveis na tensão de saída.



Figura 2.10: Topologia do inversor operando com 81 níveis.



Figura 2.11: Tensão de saída das células do primeiro ao penúltimo gráfico, respectivamente para operação da célula de menor tensão a de maior tensão. Ultimo gráfico tensão de saída.

A freqüência de operação de cada célula para o inversor trabalhando em 81 níveis na tensão de saída é apresentado na tabela 2-2.

Freqüência de Voh _x						
Célula P	Tensão [V] Freqüência					
Cel1	9	3180				
Cel2	27	1020				
Cel3	81	300				
Cel4	243	60				

Tabela 2-2: Freqüência para operação das células com 81 níveis.

O espetro harmônico para o inversor operando com 81 níveis na tensão de saída é mostrado na figura 2.12.



Figura 2.12: Espectro harmônico da tensão de saída, evidenciando a harmônica fundamental. A THD das 60 primeiras harmônicas da tensão de saída sem filtro é 1,1%.

Assim a implementação do inversor em *81* níveis diminuiu a *THD* na tensão de saída de 3,41% para o mesmo inversor operando com *3* células resultando em *27* níveis na tensão de saída para uma *THD* de *1,1%* com *81* níveis na tensão de saída com o adicional apenas de uma célula. A operação com modulação *staircase* de alta resolução é desejável por permitir maior precisão no controle da tensão de saída, permitindo que o inversor opere com menos níveis sem alterar consideravelmente a *THD*, figura 1.10, ver modulação *staircase*, figura 1.12, ainda com benefício da operação de suas células em baixa freqüência o que reduz as perdas por comutação.

A implementação real de um inversor em cascata operando em 81 níveis, também foi conseguida por [36]. Nesse a THD do protótipo implementado foi menor do que 1%.

Como era esperado o funcionamento em ternário promoveu diminuição do número de componentes se comparado à configuração simétrica para gerar a mesma quantidade de níveis na tensão de saída.

Problema da Operação em Ternária Para Topologia com Transformadores Independentes

A topologia mostrada na figura 2.10 apresenta formas de onda nos enrolamentos primários com freqüência variável.

Essa topologia exige dificuldade no controle de saturação do transformador tendo em vista que ela precisa de no mínimo três transformadores para manter a tensão de saída com boa resolução.

Pensando nisso foi estudada a configuração ternária para aplicação nesse inversor sendo verificado o comportamento do fluxo médio em cada primário do transformador mostrados nas figuras 2.13 a 2.16 para operação em 81 níveis (4 células). O objetivo dessa análise é determinar a menor freqüência admissível do transformador que pode ser considerada para implementação do mesmo.



Figura 2.13: Vpr1 representa a tensão no primário do transformador da célula de menor potência. φ_{md é a} variação do fluxo médio no primário do transformador.



Figura 2.14: Vpr2 representa a tensão no primário do transformador da segunda célula de menor potência. φ_{md} é variação do fluxo médio no primário do transformador.



Figura 2.15: Vpr3 representa a tensão no primário do transformador da penúltima célula. ϕ_{md} é a variação do fluxo médio no primário do transformador.



Figura 2.16: Vpr4 representa a tensão no primário da célula de maior potência. ϕ_{md} é o início da variação do

fluxo médio.

Como observado nas figuras anteriores, a freqüência do fluxo dominante para cada forma de onda gerada no transformador está em torno da freqüência fundamental, portanto os transformadores das células devem ser projetados para a freqüência fundamental, pois qualquer freqüência superior a fundamental surtirá da redução proporcional da densidade de fluxo eletromagnético. Se o transformador for projetado para uma freqüência maior e uma densidade de fluxo menor, quando o transformador chegar à freqüência dominante de 60 Hz o valor da densidade de fluxo será aumentado e conduzirá a saturação dos núcleos escolhidos.

Logo, para configuração ternária todos os transformadores devem ser projetados para operar na freqüência fundamental.

Contribuições no Projeto do Transformador

Os fatores de forma de onda k_{fo} , importantes para o dimensionamento do transformador, serão fornecidos para operação do inversor em 81 níveis na tensão de saída, os quais se encontram apresentados na tabela 2-3. Eles foram concebidos pelo quádruplo do valor obtido na equação (3.5). Esses valores representam mais uma contribuição do trabalho na implementação dos inversores multiníveis isolados.

Fatores de forma de onda para operação				
em 81 níveis.				
Célula	Fator k _{fo}			
Célula 1	38,96			
Célula 2	16,09			
Célula 3	8,38			
Célula 4	4,53			

Tabela 2-3: Fatores de forma de onda necessários a implementação do transformador em ternário.

2.2.2 Topologia B



Figura 2.17: Simulação da topologia com 63 níveis.

Os resultados de simulação do inversor operando com lógica binária são mostrados na figura 2.18.



Figura 2.18: Do primeiro ao penúltimo gráfico, formas de onda respectivamente, na saída da célula L, de menor potência a célula de maior potência. Última forma de onda senoidal, tensão na carga linear.

Como observado na figura 2.18, pode-se perceber que pelo motivo do inversor operar com a modulação *staircase* usando lógica binária para geração dos níveis na tensão de saída, o aspecto das formas de ondas na saída das células bem como os valores das freqüências apresentadas por essas são iguais aos exibidos na figura 2.5, ou, de forma generalista, são as mesmas formas de onda para os inversores *CHCA* operando com lógica binária (com mesma quantidade de células).

Outros gráficos que demonstram mais informações para operação da topologia são apresentados nas figuras 2.19 e 2.20.



Figura 2.19: Primeiro gráfico, onda senoidal, corrente na carga, segundo gráfico, corrente no primário, ultimo gráfico da corrente no barramento cc.





Figura 2.20: Espectro harmônico da tensão de saída do inversor da fig. 2.17, evidenciando a harmônica fundamental. (Análise das 60 primeiras harmônicas, THD=1,37%, sem o filtro de saída).

2.2.3 Topologia C

Na figura 2.21 é mostrada a topologia do inversor *CHCA* com transformador de múltiplos secundários operando com cinco secundários e cinco células *H-bridge* em cascata.

Operação em Binário



Figura 2.21: Simulação do inversor operando com a lógica binária em 63 níveis na tensão de saída.

Na figura 2.22 é apresentado as formas de onda dos pulsos nas chaves para operação do inversor com 63 níveis na tensão de saída.



Figura 2.22: Pulsos na chave para geração dos 63 níveis.

Na figura 2.23 é mostrada a contribuição de cada célula *H-bridge* de saída na formação da tensão de carga.



Figura 2.23: Contribuição de cada célula na geração dos 63 níveis.

O espectro harmônico na tensão de saída desse inversor operando com uma potência de 1kVA-220V com freqüência de operação da célula *H-bridge* de entrada em 300 Hz é mostrado na figura 2.24.



Figura 2.24: Espectro harmônico da tensão de saída do inversor mostrado na figura 2.21. (Análise das 60 primeiras harmônicas, THD=1,61%, sem o filtro de saída).

Com base na adequação aos parâmetros previamente estabelecidos frente aos objetivos gerais e nos resultados de simulação obtidos, foi escolhida essa topologia para os estudos desenvolvidos neste trabalho. Os motivos da escolha frente ao potencial apresentado pelas outras neste capítulo estão descritos a seguir.

Em [25] foi mostrado que a maior parte das perdas no inversor mostrado na topologia B se deve ao uso do transformador. Logo o estudo sobre o assunto contribui com a implementação dos inversores multiníveis isolados.

O inversor apresentado na topologia C pode ser atraente quando se deseja reduzir o tamanho do inversor multinível, podendo a célula *H-bridge* de entrada assumir diversas faixas de freqüência de chaveamento o que pode resultar na escolha de núcleos com materiais diferentes, permitindo uma análise maior das perdas no transformador.

O controle de saturação do transformador pode ser feito pelo monitoramento da componente cc no primário. Essa topologia evita o uso de um controle complexo para suprimir o efeito da componente cc, em comparação com o inversor que usa transformadores independentes, figura 2.1.

Apesar desse inversor possuir uma ponte adicional de diodos para cada célula em comparação com as topologias anteriores, as perdas nos diodos dependem fortemente da tecnologia do semicondutor utilizado.

Outro impulso a escolha dessa topologia se deve ao fascínio dessa estrutura para injetar corrente na rede, tendo em vista o motivo de ser unidirecional.

Mais um motivo da escolha dessa topologia consiste na necessidade de pesquisas envolvendo projeto de transformadores aplicados a inversores, bem como a contribuição dessa estrutura no enriquecimento dos estudos.

Sendo assim, das topologias apresentadas, esse inversor atendeu aos parâmetros previamente estabelecidos e os objetivos da pesquisa apontam essa topologia como vencedora para as análises dos estudos que se seguem.

Segundo os resultados de simulação, a variação da *THD* na tensão de saída desse inversor ficou dentro dos limites aceitáveis por norma, o que permite essa topologia fazer uso dos benefícios oferecidos pela modulação *staircase* de alta resolução operando com lógica binária.

2.3 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Nesse capítulo foi escolhida a topologia multinível isolada que será utilizada no desenvolvimento desta dissertação e evidenciada a contribuição desse inversor no enriquecimento dos estudos e nas análises promovidas por este trabalho.

Nesse capítulo foram apresentadas as principais topologias de inversores multiníveis isolados, mostrando o princípio de funcionamento e explanando as principais vantagens e limitações.

Foi exposto que o principal motivo do uso dos inversores multiníveis isoladas se deve à possibilidade de operar com topologias *CHCA* com alta resolução na tensão de saída. Além dos benefícios da modulação *staircase*, seu uso diminui o enorme custo das diversas fontes de alimentação associadas para compor os barramentos cc das células H-bridge, o que permite também o uso dessa topologia em sistemas autônomos de energia elétrica.

A motivação desse capítulo se deve, como será visto no capítulo 3, ao desenvolvimento tecnológico do processo de fabricação dos transformadores, os quais possibilitam operar com rendimento na faixa de 98% para transformadores com potência de 1kVA e de 95% para 300 VA exibidos em gráficos comparativos dos fabricantes.

Esse capítulo também apresentou fórmulas desenvolvidas para o cálculo da freqüência de operação das células que usam a modulação *staircase* de alta resolução (binária ou ternária) contribuindo, como será exposto no capítulo 4, com o cálculo das perdas por comutação e conseqüentemente com a elaboração do cálculo térmico desses inversores.

CAPÍTULO 3 ESTUDO DO TRANSFORMADOR

Há anos, a indústria que fabrica núcleos usados em transformadores tem designado códigos para esses que mencionam a capacidade de potência disponível.

Esse método é utilizado para expressar e simplificar dados em catálogos dos fabricantes. Ele determina, para cada núcleo, um código que representa o produto da área da janela (W_{ja}) pela área efetiva da seção transversal (A_{ef}) sendo essa operação chamada de A_{ps} (produto das áreas).

Essas relações são usadas para padronizar e simplificar a elaboração de projetos de transformadores. Com esses dados é possível projetar transformadores com menos peso e volume sem a possibilidade de fazer cortes e tentativas exaustivas de procedimentos de projeto.

Para realizar projetos de transformadores o projetista deve estar ciente de uma série de restrições como:

- a) A potência de saída que o secundário deve entregar à carga com limites de regulação.
- b) Menor eficiência de operação, a qual depende das máximas perdas de potência que podem ser permitidas no transformador.
- c) Máxima temperatura do transformador acima da temperatura ambiente.
- d) Pequeno volume e baixo peso, que é uma importante meta na fabricação de produtos eletrônicos.
- e) Custo efetivo.

Em aplicações de projetos de inversores o tamanho do transformador e seu custo são dependentes principalmente da potência de saída exigida dos secundários bem como a capacidade da topologia de operar em diversas faixas de potência.

Como visto em análises anteriores, a topologia escolhida e usada neste trabalho, figura 2.3, tem a possibilidade de operar com diversas faixas de freqüências, desde a operação na freqüência fundamental à operação com dezenas de quilohertz.

Sendo assim, um dos focos definidos a priori foi o uso do transformador operando com uma freqüência em torno dos *420 Hz*, usando núcleo em aço silício de grãos orientados (GO) os quais possuem baixas perdas e alta eficiência operando na freqüência fundamental.

Para um transformador trabalhando em 420 Hz é esperado um menor volume e maior eficiência se comparado a operação do mesmo na freqüência fundamental. Sendo assim o

presente texto apresenta uma metodologia generalizada de projeto de transformadores tanto para operação em altas quanto em baixas freqüências.

Se a célula *H-bridge* de entrada do inversor em estudo operar com uma freqüência de 30 kHz, o material utilizado será o ferrite pois possui melhores características magnéticas para essa faixa de operação. Ao final deste capítulo será apresentada uma comparação da performance de operação do transformador trabalhando com diversas faixas de freqüências até 420 Hz. O fechamento deste capítulo se dará pela comparação das perdas do transformador projetado para baixas freqüências.

3.1 METODOLOGIA GENERALIZADA DE PROJETO PARA APLICAÇÕES EM BAIXAS E ALTAS FREQÜÊNCIAS

Na literatura existem diversas fontes que mostram o princípio básico de funcionamento e operação de um transformador [59],[60],[61],[62]. Eles demonstram que a função básica do transformador é adequar a magnitude da tensão de entrada (enrolamento primário) a um valor de menor ou maior magnitude disponível na saída (enrolamento secundário). Isso é conseguido graças ao princípio da indução eletromagnética abordado pela lei de *Faraday* e quantificada por *Neumann* a qual expressa a tensão *e* induzida num enrolamento com N espiras:

$$e(t) = \frac{-Nd\phi_m}{dt} \cdot 10^{-s} \quad [V]$$
 (3.1)

A densidade de fluxo magnético é dada por:

$$B = \frac{\phi_m}{A_{ef}} \tag{3.2}$$

Da fórmula (3.1) o valor do fluxo máximo, ϕ_m , está relacionado com a máxima tensão induzida em uma espira. Sendo assim reescrevendo a equação (3.1) para o valor de pico temos:

$$e_{med} = \frac{N}{t} .\phi_{pm} .10^{-8} V$$
(3.3)

Onde t é o tempo que o fluxo máximo ϕ_{pm} leva para ir de zero ao valor de pico sendo o fluxo expresso em Maxwell. Se for considerada a análise para uma forma de onda senoidal (ou qualquer alternada simétrica), operando em f ciclos por segundo, o fluxo máximo é atingido em um quarto de ciclo (t=1/4f), assim a equação (3.3) resulta em:

$$e_{med} = \frac{N\phi_{pm}}{1/4f} \cdot 10^{-8} = 4fN\phi_m \cdot 10^{-8} \text{ V}$$
(3.4)

A razão do valor eficaz da forma de onda pelo seu valor médio em meio período é:

$$\frac{e_{ef(1per)}}{e_{med(1/2per)}} = kt$$
(3.5)

Para uma onda senoidal o resultado da equação (3.5) é (0.707/0.636=1.11) e para uma onda quadrada o resultado é igual a 1. Sendo assim reescrevendo a equação (3.5) em função e_{ef} para uma onda senoidal tem-se:

$$e_{ef} = e_{med} \, 1.11 \tag{3.6}$$

Substituindo as equações (3.6) e (3.2) em (3.4), com (3.2) adaptada em função do fluxo máximo ϕ_{pm} , tem-se:

$$e_{ef} = 4,44 f N B_{\max} A_{ef} 10^{-8} = k_{fo} f N B_{\max} A_{ef} 10^{-8}$$
(3.7)

Onde o k_{fo} é o fator de forma de onda e vale 4,44 para uma onda senoidal e 4 para uma onda quadrada. Para uma onda alternada simétrica k_{fo} é sempre 4 vezes kt que é expressada pela equação (3.5).

O significado da equação (3.7) não pode ser desprezado, pois ela representa o máximo fluxo mútuo permissível ou a máxima densidade de fluxo (B_{max}) permissível para uma dada freqüência e uma dada tensão.

É sabido que a área da janela do transformador W_{aj} (do inglês *window*) deve acomodar os enrolamentos primários (P_{pr}) e secundários (P_{sc}), ver figura 3.1. Sendo assim a área bruta do fio dos enrolamentos do transformador é completada quando:

$$K_{uj}W_{aj} = N_{pr}A_{fiopr} + N_{sc}A_{fiosc}$$
(3.8)

Onde K_{uj} é o fator de utilização da janela referente à área efetiva total de cobre (sem isolamento), $Atot_{cu}$, usado nos enrolamentos do transformador dispostos na janela W_{aj} (3.9), A_{fiopr} e A_{fiosc} são as áreas do cobre nu, respectivamente das espiras dos enrolamentos primário, N_{pr} , e secundário, N_{sc} .

$$K_{uj} = \frac{Atot_{cu}}{W_{aj}}$$
(3.9)

A figura 3.1 mostra que o cobre não é totalmente utilizado na janela, pois existem: os isolantes dos enrolamentos, a fita de isolação entre os enrolamentos, o fator de acomodação dos enrolamentos (tendência em assumir a forma ovóide)... O fator K_{uj} , usado para maioria dos projetos e que apresenta bons resultados, é $K_{uj} = 0,4$ [60].



Figura 3.1: Transformador com núcleo C.

Colocando a equação (3.7) em função da tensão, do número de espiras Npr e fazendo eef=Vpr, tem-se:

$$N_{pr} = \frac{V_{pr}.(10^4)}{A_{ef}B_{ac}fK_{fo}}$$
(3.10)

O número 10^4 é o resultado da transformação da densidade de fluxo em *Gaus* (G) para *Tesla* (T).

Considerando que os enrolamentos primário e secundário estão operando com mesma densidade de corrente *J*, então por definição a área do fio é:

$$A_{fio} = \frac{I_{ef}}{J} \tag{3.11}$$

Substituindo as equações (3.10) e (3.11) na equação (3.8) tem-se:

$$K_{uj}W_{aj} = \frac{V_{pr}.(10^4)}{A_{ef}B_{ac}fK_{fo}}.(\frac{I_{efpr}}{J}) + \frac{V_{sc}.(10^4)}{A_{ef}B_{ac}fK_{fo}}.(\frac{I_{efsc}}{J})$$
(3.12)

Simplificando a equação (3.12) e colocando em função de $W_{aj}A_{ef}$ (*Aps*, produto das áreas):

$$W_{aj}.A_{ef} = \frac{[(V_{pr}I_{pr}) + (V_{sc}I_{sc})](10^4)}{B_{max}fJK_{fo}K_{uj}}, \quad [cm^4]$$
(3.13)

Onde $V_{pr}I_{pr}$ é a potência aparente do enrolamento primário, P_{pr} , e $V_{sc}I_{sc}$ é a potência aparente do enrolamento secundário, P_{sc} .

Sendo assim a potência aparente do transformador operando com um enrolamento primário e um enrolamento secundário, P_a é dada por:

$$P_a = \mathbf{P}_{pr} + \mathbf{P}_{sc} \tag{3.14}$$

Substituindo o produto $W_{aj}A_{ef}$ por Aps e (3.14) em (3.13) tem-se:

$$Aps = \frac{Pa(10^4)}{B_{\max} f J K_{fo} K_{uj}}, \quad cm^4$$
(3.15)

O projetista deve estar preocupado com a potência aparente ou capacidade de potência suportada pelo núcleo P_a , pois ela pode variar de 2 a 2,828 vezes a potência de entrada P_{pr} dependendo do tipo de circuito no qual o transformador seja usado. Um exemplo simples consiste num retificador acoplado ao enrolamento secundário, pois se a corrente no retificador muda (interrompendo-se) o valor eficaz dela também muda. Logo o tamanho do transformador não é determinado apenas pela demanda de carga mas também pela aplicação, porque diferentes perdas no cobre se devem a forma de onda da corrente [71].

Um exemplo simples consiste em se forem desconsideradas as perdas num transformador, mostrado na figura 3.2 *a*) (retificador em ponte completa), e adotado o número de espiras N_{pr} igual ao número de espiras N_{sc} com potência aparente de saída igual a 1pu, a potência aparente do transformador fica: $Pa = P_{pr} + P_{sc}$, a qual é $Pa = 2P_{pr}$.

A figura 3.2 mostra o fator multiplicador da potência P_{pr} para cada tipo de aplicação.

Quando o transformador trabalha com várias saídas, a quantização das potências aparentes nos enrolamentos consiste no somatório de todas as potências secundárias $P_{\sum sc}$, multiplicadas pelo respectivo fator de correção, fc_x , da corrente no enrolamento secundário o qual é 1 quando é usado retificador em ponte completa e 1,41 para retificador com tap central.

O somatório das potências secundárias fica:

$$P_{\sum scx} = \sum_{1,2...x}^{x} P_{scx} \cdot fc_x = P_{sc1} \cdot fc_1 + P_{sc2} \cdot fc_2 + \cdots + P_{scx} \cdot fc_x$$
(3.16)

Na figura 3.2 são mostrados os diversos casos em que fc_x influencia na potência aparente do transformador.



Figura 3.2: Aplicações: variação da potência aparente em função da corrente nos enrolamentos.

Depois das potências secundárias terem sido totalizadas, calcula-se a potência de entrada considerando o rendimento do inversor ηt :

$$P_{pr} = \frac{P_{\sum sx}}{\eta t}$$
(3.17)

Portanto, a potência aparente do transformador é o somatório das equações (3.16) e (3.17), logo:

$$P_a = P_{pr} + P_{\sum scx} = \frac{P_{\sum scx}}{\eta t} + P_{\sum scx}$$
(3.18)

Com base nas fórmulas mostradas, o próximo passo é a escolha da geometria e do material que estão relacionados com as menores perdas por histereses ou facilidade de fabricação do transformador.



Figura 3.3: Tipos comuns de geometria dos núcleos.

O cálculo do *Aps* de cada núcleo é muito simples, bastando efetivar os seguintes equacionamentos para cada um e obtê-lo de acordo com núcleo desejado:

Para núcleo em C mostrado na figura 3.3 a):

$$W_{ja} = F.G \quad e \quad A_{st} = D.E \quad \rightarrow A_{st} \cong A_{ef} \quad \therefore$$

$$Aps = W_{ia}.A_{ef} \quad (3.19)$$

Para o núcleo EI mostrado figura 3.3 b):

$$W_{aj} = F.G \quad e \quad A_{st} = D.E \to A_{st} \cong A_{ef} \therefore$$

$$Aps = W_{ja}.A_{ef} \qquad (3.20)$$

Para o núcleo toroidal mostrado figura 3.3 c):

$$W_{ja} = \frac{\pi . ID^2}{4} \quad e \quad A_{st} = \frac{\pi . (OD - ID)^2}{16} \rightarrow A_{st} \cong A_{ef} \therefore$$

$$Aps = W_{ja} . A_{ef} \qquad (3.21)$$

Quando é utilizado núcleo com seção transversal A_{st} homogênea (ferrite, pó de ferro...), o cálculo do *Aps* para cada geometria é o mesmo apresentado pelas equações (3.19) para o núcleo C, (3.20) para o núcleo EI e (3.21) para núcleo toroidal com seção circular. Porém quando se usa "núcleo laminado", o procedimento para o cálculo do *Aps* é semelhante ao apresentado pelas equações usadas em cada geometria, salvo que a seção A_{st} deve ser multiplicada por um fator f_e (fator de empilhamento ou *stacking factor*) referente à cada tipo de espessura de lâmina utilizada, tabela 3-1, para encontrar a área efetiva do núcleo, A_{ef} . Assim a equação para o cálculo do *Aps* usando núcleo laminado fica:

$$Aps = W_{ja}.(A_{st}.f_e) = W_{ja}.A_{ef}$$
(3.22)

A multiplicação de A_{st} por f_e é imprescindível para o cálculo correto da capacidade de potência suportada pelo núcleo, pois f_e representa o fator que corrige a área da seção transversal para área efetiva do ferro, desconsiderando o isolamento de cada lâmina que compõe o núcleo. Ele deve ser observado com cuidado no catálogo do fabricante da lâmina. Os catálogos dos fornecedores de lâminas apresentam um valor típico (valor máximo) para o fator de empilhamento e um garantido (menor fator). A tabela 3-1 mostra os fatores de empilhamento garantidos para cada tipo de lâmina vendida pelo fornecedor usado neste projeto.

Lâmina equivalente AISI	Tipo	Espessura Inches.10 ⁻³ em mm	Fator de empilhamento garantido <i>f_e</i>		
M6	GO	14mil= 0,3556 mm	0,95		
M5	GO	12mil= 0,3048 mm	0,95		
M4	GO	11mil= 0,2794 mm	0,945		
M3	GO	9mil= 0,2286 mm	0,945		

Tabela 3-1: Fator de empilhamento garantido usado para lâminas padronizadas [72].

3.1.1 Regulação de Tensão

Geralmente o menor tamanho do transformador pode ser determinado por dois fatores:

- I) Maior temperatura admissível.
- II) Tensão de regulação admissível, assumindo que o tamanho e o peso serão minimizados.

A figura 3.4 mostra o diagrama de circuito simplificado do transformador com um secundário. Nesse circuito a capacitância distribuída do secundário foi desprezada por causa da freqüência e pela tensão do secundário não ser excessivamente alta, bem como a indutância de dispersão também foi desprezada.



Figura 3.4: Circuito simplificado do transformador.

Assim a regulação de tensão no transformador é dada por:

$$\delta = \frac{Vo_{sc} - Vo_{cn}}{Vo_{cn}} (100) \quad [\%]$$
(3.23)

Onde Vo_{sc} representa a tensão de saída nos terminais AB sem carga e Vo_{cn} a tensão de saída com carga nominal.

Para o transformador da figura 3.4, se for considerada a impedância do núcleo infinita e a relação entre os enrolamentos de 1:1, temos a resistência do primário R_{pr} igual a resistência do secundário R_{sc} e a corrente de entrada I_{pr} igual a corrente do secundário I_{sc} . Também se for usado a mesma densidade de corrente, tem-se a variação de tensão nos enrolamentos expressa por:

$$\Delta V_{pr} = \Delta_{sc} = I_{pr} R_{pr} = I_{sc} R_{sc} \quad [volts]$$
(3.24)

A regulação de tensão pode então ser expressa:

$$\delta = \frac{\Delta V_{pr}}{V_{pr}} (100\%) + \frac{\Delta V_{sc}}{V_{sc}} (100\%)$$
(3.25)

Multiplicando a equação (3.25) pelas correntes nos enrolamentos, tem-se a regulação em função da potência:

$$\delta = \frac{\Delta V_{pr} . I_{pr}}{V_{pr} . I_{pr}} (100\%) + \frac{\Delta V_{sc} . I_{sc}}{V_{sc} . I_{sc}} (100\%)$$
(3.26)

Dos numeradores da equação (3.26), tem-se a perda no cobre dos enrolamentos primário P_{prcu} e secundário P_{sccu} , respectivamente:

$$P_{prcu} = \Delta V_{pr} I_{pr} \quad e \quad P_{sccu} = \Delta V_{sc} I_{sc}$$
(3.27)

Sendo assim as perdas totais no cobre são:

$$Ptot_{cu} = P_{prcu} + P_{sccu} \tag{3.28}$$

Logo a regulação pode ser expressa em função das perdas no cobre por substituição de (3.28) em (3.26), assim:

$$\delta = \frac{Ptot_{cu}}{P_{sc}} \tag{3.29}$$

A equação (3.29) representa uma boa aproximação para o cálculo da regulação de tensão em função da potência de carga.

3.1.2 Seleção do Núcleo

Um dos primeiros passos em projetos de transformadores é a seleção da geometria do núcleo. Existem diversos fatores que influenciam nessa seleção, dentre eles pode-se relatar:

- 1- Perdas magnéticas no núcleo a qual é determinada pelo tipo de material e o menor caminho percorrido pelo fluxo magnético (*MLP*), dentre as configurações básicas de núcleos *O*, *C*, *EE e EI* o núcleo *O* ou toroidal, é o que permite obter menor caminho magnético, ver figura 3.3.
- 2- Facilidade de montagem do transformador e menor custo de fabricação. Nesse quesito os núcleos *EE* e *EI* saem na frente dos demais.

Todavia, quando os parâmetros de projeto são maior eficiência e menor volume, o núcleo toroidal é o que permite obter melhor desempenho. Portanto esse será o núcleo usado para operação do inversor.

Um material que apresenta boa performance para aplicações em baixa freqüência é o núcleo em aço silício em grão orientado GO. A norma ASTM A876 fornece as especificações padronizadas para esse tipo de material.

A tabela 3.2 mostra as principais características dos diversos tipos de materiais e suas freqüências de operação.

Características dos materiais magnéticos							
Propriedade dos materiais em liga de aço							
Nome do material	Permeb.	Densid.	Temp. de	Força	Densid.	Fator	Freq.
(composição)	Inicial	de Fluxo,	Curie	coerciva,	[g/cm ³]	do peso:	de operaç.
	ui	B _{max} em [Tesla]	[°C]	Hc [Oersteds]	d _{mat}	[f _{cp}]	\mathbf{f}_{ra}
Silicon/magnesil:							
(3% Si; 97% Fe)	1.5K	1.5-1.18	750	0.4-0.6	7.63	1.0	< 2 kHz
Supermendur*							
(49% Co; 49%Fe	0.8K	1.9-2.2	940	0.15-0.35	8.15	1.068	<1kHz
e 2% V)							
Orthonol:	2K	1 42-1 58	500	0.1-0.2	8 24	1.08	< 2Khz
(50%Ni; 50%Fe)	21	1.72-1.50	500	0.1-0.2	0.24	1.00	< ZIXIIZ
Permalloy:							
(79%Ni; 17%Fe;	12K-100K	0.66-0.82	460	0.02-0.04	8.73	1.144	< 25 kHz
5% Mo)							
Supermalloy:							
(78%Ni;	10K-50K	0.65-0.82	460	0.0033-0.008	8.76	1.148	< 25 kHz
17%Fe; 5%;)							
Amorphous							
2606-SC	3K	1.5-1.6	370	0.03-0.08	**	**	<250kHz
2714 ^a	20K	0.5-0.58	>200	0.008-0.02	**	**	<250kHz
Vitro perm 500	30K	1.0-1.2	>200	< 0.05	**	**	<250kHz
Ferrite							
MnZn	0.75-15K	0.3-0.5	100-300	0.04-0.25	**	**	<2MHz
NiZn	15-1500	0.3-0.5	150-450	0.3-0.5	**	**	<100MHz

Tabela 3-2: Principais materiais usados em projetos de transformadores.

*Silicon/magnesil possui fator de peso unitário (unidade base, cálculo do peso)

** Não apresenta esse valores por possuírem baixo peso e baixa densidade.

Um gráfico que deve ser levado em conta em projetos de transformadores é o ciclo de histerese do material, comumente conhecida como curva *B-H*.

A característica ideal do ciclo de histerese é apresentada na figura 3.5, onde a densidade de fluxo eletromagnético é mostrada no eixo das ordenadas e a força magnetomotriz, *H*, é dada no eixo das abscissas. O comportamento real do ciclo de histerese em função da corrente de magnetização e variação da tensão é mostrado na figura 3.6.



Figura 3.5: Ciclo de histerese ideal.

A figura 3.6 mostra as principais variáveis envolvidas na indução de tensão.



Figura 3.6: Ciclo de histerese e principais variáveis envolvidas na indução de tensão.

A curva de magnetização para os diversos tipos de materiais é mostrada na figura 3.7.



Figura 3.7: Comportamento da curva B-H para os diversos tipos de material.

A malha de histerese generalista que compara os diversos parâmetros dos materiais é mostrada na figura 3.8.



Figura 3.8: Comparação dos laços de histerese dos materiais magnéticos.

Segundo as informações apresentadas na tabela 3.2 e na figura 3.8, o material que apresenta potencial para aplicações em médias potências e baixas freqüências é a liga de aço silício (magnesil ou silicon).

Logo em virtude do inversor poder operar em diversas faixas de freqüência e potência, a direção dos estudos se fará para aplicações do inversor em médias potências. Dessa forma com o compromisso de manter baixas as perdas do conversor, as maiores partes dos estudos se atém à operação do transformador em baixas freqüências.

Portanto, o material do núcleo selecionado para o projeto do transformador é a liga de aço silício/magnesil, a qual possui grande permeabilidade e deve operar com freqüências inferiores a 2 kHz.

Transformadores com Núcleo EI e Núcleo Toroidal

O núcleo toroidal oferece uma excelente eficiência para um dado tamanho e peso. Ele possui um perfeito circuito magnético o qual elimina inerentes *gap* de ar usados em transformadores convencionais de bobina com núcleo laminado. Segundo demonstra os dados do fabricante [64], para esse tipo de núcleo é relatado que a alta densidade de fluxo utilizada no projeto, aliada à completa utilização da área W_{aj} do núcleo resulta em menor tamanho do transformador, tipicamente de 50% do tamanho e peso se comparado com outros componentes laminados. A eficiência típica é em torno de 90 a 95% e esse valor ainda pode ser aumentado com o incremento do custo, figura 3.9. As perdas no núcleo de aço silício em grãos orientados são muito baixas e a corrente de magnetização pode ser considerada nula a plena carga adicionando uma melhor eficiência do transformador.

Segundo dados da *Howard* [65], a eficiência e o custo de transformadores com núcleo laminado possuem o comportamento segundo o gráfico da figura 3.9.



Figura 3.9: Custo em função da eficiência para transformadores com núcleo laminado.

Isso é evidente quando se usam núcleos laminados, pois a eficiência aumenta com diminuição da espessura das lâminas, em virtude da redução das perdas no núcleo. A tabela 3-3 mostra a relação da diminuição da espessura das lâminas de aço padronizadas em função do custo.

Tipo de núcleo	Espessura em mils (10 ⁻³ pol)	Eficiência	Custo	
Amorfo	1,0	Maior eficiencia	Maior custo	
M2	7,0	▲	A	
M3	9,0			
M4	11,0			
M5	12,0			
M6	14,0	Menor eficiência	Menor custo	

Tabela 3-3: Lâminas de aço silício.

A comparação dos núcleos toroidal e *EI* para uma determinada faixa de potência é apresentada na figura 3.10:



Figura 3.10: Comparação do peso: núcleo toroidal e EI [66].

Como já mencionado, o aumento da temperatura no transformador está relacionado com o aumento das perdas, logo eles devem ser projetados para uma dada elevação (*rise*) de temperatura. A figura 3.11 exemplifica o caso do núcleo toroidal *GO* projetado para uma elevação de temperatura em torno de 60 °C a 65 °C.



Figura 3.11: Comportamento da temperatura em função da variação de potência.

A eficiência do transformador também pode ser melhorada através do aumento da seção do fio (o que reduz as perdas nos enrolamentos), com o impacto de aumento no tamanho do transformador resultando na seleção de núcleos maiores.

A figura 3.12 exemplifica o caso do aumento da capacidade de potência do núcleo em função da diminuição da regulação de tensão δ (3.23) (a qual é dependente das perdas nos enrolamentos).



Figura 3.12: Diminuição da regulação de tensão em função do aumento do núcleo selecionado.

Como visto no gráfico da figura 3.9, o aumento da eficiência está relacionado ao aumento do custo do transformador.

A figura 3.13 mostra o efeito do aumento de carga em função da eficiência para diversas faixas de potências.



Figura 3.13: Eficiência versus aumento de potência para o núcleo toroidal [66].

Observações devem ser feitas no caso de comparação das potências em função do rendimento (para o caso de se considerar uma mesma regulação de tensão e o mesmo limite superior de temperatura). Todavia o rendimento do transformador ainda pode ser aumentado sob pena de aumento do custo do transformador.

3.1.3 Cálculo das Perdas no Transformador (perdas no núcleo e perdas no cobre)

Perdas no Núcleo

As perdas no núcleo são divididas em perdas por correntes parasitas, P_{ce} , e perdas por histerese, P_h , as quais são descritas abaixo:

$$P_{ce} = K_1 f^2 t^2 B_{rms}^{\ 2} \tag{3.30}$$

$$P_h = K_2 f B_{\max}^{ns} \tag{3.31}$$

Onde:

 K_1 e K_2 são constantes que dependem do tipo de material usado.

t é a espessura individual das lâminas usadas na fabricação do núcleo.

 B_{rms} é o valor do fluxo correspondente ao valor eficaz da onda gerada.

 B_{max} é o valor de pico da densidade de fluxo.

ns é a constante de Steinmetz que possui um valor de 1,6 a 2,0.

Na prática, os valores das equações (3.30) e (3.31) são pouco usados por projetistas, pois elas são apenas uma boa aproximação. Geralmente se usa uma equação que relaciona as perdas no núcleo em função do peso e do fator de construção (geometria do núcleo) que são baseados em testes de laboratório [60],[63]. A equação (3.32) baseada no peso do núcleo e na
espessura das lâminas foi apresentada por [60], juntamente com a tabela 3-4 que mostra os coeficientes usados no cálculo da perda para cada tipo de espessura de lâmina.

$$W_{por.kg} = K.f_{tra}^{co_m}.B_{max}^{co_n} \quad [W/kg]$$
(3.32)

Onde:

 $W_{por.kg}$ representa a perda em Watts por quilograma do núcleo.

K é uma constante do material característico da espessura da lâmina.

 co_m e co_n são os respectivos coeficientes da freqüência do transformador, f_{tra} , e da máxima densidade de fluxo usada no projeto, B_{max} (tesla) para uma dada lâmina.

A tabela 3-4 mostra os principais coeficientes usados no projeto para o material do núcleo em aço silício com diversas espessuras padronizadas.

Coeficiente de perdas no núcleo (Material liga de aço silício)					
Material	Espessura em mil (10 ⁻³ pol)	Faixa de freqüência	Coeficiente K	Coeficiente (co _m)	Coeficiente (co _n)
	1,00		0,0593000	0,993	1,740
	2,00	50-60Hz	0,0059700	1,260	1,730
Liga de aço	4,00	50 0011Z	0,0035700	1,320	1,710
Silício	12,00		0,0014900	1,550	1,870
	14,00		0,0005570	1,680	1,860
	24 M27 GNO		0,0386000	1,000	2,092

Tabela 3-4: Coeficientes usados no cálculo da perda no núcleo.

Para o cálculo da perda total do núcleo basta multiplicar o peso do núcleo, P_{ncl} , pelo valor da perda em Watts por quilogramas, $W_{por.kg}$, obtido da equação (3.32). Assim as perdas totais no núcleo são:

$$Ptot_{tra} = P_{ncl} \mathcal{M}_{por.kg} \quad [W]$$
(3.33)

Outra forma de calcular as perdas no núcleo consiste em consultar o fornecedor das lâminas (catálogos) e obter a perda em W/kg, para um dado B e f_{tra} , e em seguida multiplicar esse valor pelo peso do núcleo.

Perdas no Cobre

O cálculo da perda no cobre é dado pelo produto da corrente eficaz ao quadrado no enrolamento vezes a resistência do fio.

$$Pdm_{cob} = Ief_m^{\ 2}.R_m \tag{3.34}$$

Onde:

m é o índice do enrolamento considerado, pr, primário, e secundários: sc1, sc2, sc3, sc4 e sc5.

Pdm_{cob} é potência dissipada no enrolamento *m*.

 Ief_m é a corrente eficaz no enrolamento m.

 R_m é a resistência do enrolamento m.

O cálculo da resistência do enrolamento é dado pelo produto do valor tabelado uOhm/cm (micro Ohms por centímetro) referente à cada fio usado pelo comprimento médio do enrolamento, MLT_m , vezes o número de espiras, N. Dessa forma para um enrolamento presente no carretel da figura 3.14, o cálculo da resistência do enrolamento completo é:



Figura 3.14: Comprimento médio de uma espira.

$$R_m = MLT_m N_m \cdot \left(\frac{uOhm}{cm}\right) \cdot (10^{-6}), \quad [Ohms]$$
(3.35)

Onde: N_m é o número de espiras do enrolamento considerado. Para o caso do núcleo toroidal, o MLT_m é mostrado na figura 3.15.



Figura 3.15: MLTm: para enrolamento em núcleo toroidal.

3.1.4 Transformador Aplicado em Inversores

Atualmente o uso de transformadores em inversores é muito comum, [50],[51],[52],[53]. Em eletrônica de potência, a ponte *H-bridge*, *push-pull* e outros

conversores utilizam o transformador para fazer o condicionamento da potência disponível de entrada no estágio de transferência de energia para a saída ou para outro estágio.

Como visto na análise dos inversores no capítulo anterior, o transformador possui a função de diminuir o custo operacional do inversor, para o caso em que se usam inversores multiníveis em cascata operando com fontes de tensão independentes na entrada.

Para aplicação em sistemas autônomos de energia, o custo de implantação da geração fotovoltaica seria muito oneroso em virtude do excessivo número de baterias ou painéis conectados em série para suprir o barramento cc de cada célula *H-bridge* do inversor, visto na figura 1.19. Assim uma alternativa é usar apenas um barramento cc, com adicional de uma célula *H-bride* e um transformador para diminuir o custo de implantação, figura 2.3. Esse inversor torna-se interessante para aplicação que envolve a geração de vários níveis na tensão de saída, o que permite a regulação da tensão de saída (por tabela o controle da tensão de saída do inversor) através da adição e subtração de níveis, eliminando o custo adicional de um conversor para controlar o barramento cc de entrada.

Projeto do Transformador com Núcleo em Liga de Aço Silício

Um dos objetivos deste trabalho é verificar o desempenho do transformador operando com uma freqüência em torno de 400 Hz, com intuito de obter um transformador com menor volume e maior eficiência.

Sendo assim foi elaborada uma planilha no *Mathcad* para o projeto geral do transformador com núcleo toroidal *GO*, a qual contem algoritmos que usam funções de programação: *if*, *while*, *for*... E permitem o rápido dimensionamento do transformador com poucas informações: tensão de entrada, potência de saída, tensão nos secundários...

O fluxograma da figura 3.16 exemplifica o projeto do transformador.



Figura 3.16: Algoritmo do projeto do transformador.

Para projetar um transformador em baixa freqüência, geralmente se utiliza o valor de B_{max} na faixa de 1,6T a 1,7T para aplicações em núcleos de aço silício, todavia é recomendável observar o ciclo de histerese do material para assumir o valor correto de B_{max} . A tabela 3.2 demonstra os valores de B_{max} para os diversos tipos de materiais.

No entanto quando se deseja trabalhar com freqüências maiores que 60 Hz, o valor de B_{max} usado no calculo do Aps deve diminuir em proporção do aumento da freqüência para se conservar as mesmas perdas no núcleo. Com a diminuição proporcional de B_{max} , em função do aumento de f_{tra} , o tamanho do núcleo diminui pouco com o aumento da freqüência que é compensado pela diminuição do B_{max} .

Logo como as perdas no transformador dependem do tamanho (peso) do núcleo, bem como as perdas por efeito Joule nos enrolamentos, e tendo em vista a equação (3.32), a qual apresenta os coeficientes, co_m e co_n , respectivamente de f_{tra} e B_{max} . Na tabela 3-4, se forem comparados os coeficientes co_m e co_n , é observado que os valores de co_m são sempre menores que co_n . Logo, o aumento da freqüência de chaveamento produz menos perdas no núcleo do que o aumento da densidade de fluxo magnético. Isso é importante porque na análise das perdas do transformador pode-se fixar B_{max} e variar f_{tra} , o que pode resultar na diminuição do transformador (3.10) e (3.15). Todavia esse procedimento é muito oneroso de ser realizado, pelo método de tentativas, pois a cada valor de f_{tra} tem-se um novo projeto do transformador com o uso de um novo núcleo padronizado, o qual deve ser procurado ou calculado, a partir dos catálogos dos fabricantes, um núcleo com A_{ps} correto que suporte todos os enrolamentos, produzindo um K_{uj} menor que o adotado, além da necessidade de selecionar os valores corretos dos fios AWG tabelados. Isso realmente é oneroso, todavia foi elaborado uma planilha especificamente para este projeto, ela realiza todos esses procedimentos de forma automática.

Um dos objetivos deste trabalho é encontrar um núcleo que produza perdas próximas da freqüência de 60 Hz, porém com uma freqüência de chaveamento maior, provocando uma redução do volume do transformador.

Para fazer essa análise é necessário saber o comportamento dos parâmetros de entrada de projeto, que são B_{opt} , J_{opt} e $Pa_{,}$ em função da variação de f_{tra} . Assim em [67] demonstra-se o exposto:



Figura 3.17: Variação de Pa em função da f_{tra}.

A figura 3.17 mostra a variação da capacidade de potência aparente ($Pa=Pi_{max}$) no núcleo *EI* usando lâminas *M6*, em função do aumento da freqüência f_{ra}. Para que o leitor

tenha idéia do tamanho de cada transformador foi calculado seu respectivo A_{ps} e apresentado no gráfico da figura 3.17.

A figura 3.18 mostra a variação da densidade de fluxo ótima, B_{opt} , em função do aumento da freqüência.



Figura 3.18: Ótima densidade de fluxo em função do aumento da freqüência.

A figura 3.19 mostra o valor ótimo da densidade de corrente em função do aumento da freqüência.



Figura 3.19: Ótima densidade de corrente em função do aumento da freqüência.

Os gráficos anteriores fornecem uma idéia das faixas de variação de *J*, *B* e *Pa*. Logo se pode definir uma faixa de valores para operação.

Com base na figura 3.19 e segundo [68] pode ser determinado um intervalo para a densidade de corrente em baixa freqüência (60 Hz) na faixa entre 200 A/cm² e 250A/cm². Segundo a *magnetic metal corp* [69], para o transformador com potência acima de 500 VA usando núcleo com *gap*, a densidade de corrente deve ficar entre 232,5 A/cm² a 263,5 A/cm², enquanto para potências menores que 500VA é recomendável usar entre 279 A/cm² e 310 A/cm².

Com o objetivo de obter um menor transformador com perdas próximas da operação em 60 Hz, foi realizada a análise mostrada na tabela 3-5 para evidenciar as perdas no núcleo (3.32), com diversos valores de freqüências.

Comparação de núcleos toroidal em grãos orientados para a suportar uma potência de 1kW										
	T.			XX7 •		0.0	Ftexe <0.3	Pe	Perda total (W)	
cc	Ftra (Hz)	Bmax (tesla)	Aps (cm ⁴)	(cm2)	Aer (cm ²)	(cm)		M2 (2mil)	M6 (12mil)	
96V J=250A/cm ²	420	0.95	Cal. = 302.2361 MG201*= 302.9332	45.603673	6.89515 Fe*=0.95	11.43	0.275	18.32	Calc= 26.17339 (Peso=1.66kg)	
48V J=250 A/cm ²	60	1.6	Cal. =1.2562 MG504 = 1539.39	102.60826	15.32255	17.78	0.224	13.25231	Calc= 11.58095 (Peso= 5.66kg)	
48V p/ J=250A/cm ²	420	0.95	Cal.= 302.23607 MG201= 302.93323	45.603673	6.89515 (Fe=0.95)	11.43	0.270	18.324	Calc=26.17339 (Peso=1.661kg)	
48 V J=230 A/cm ²	420	0.95	Cal.= 328.5175 MG501= 499= 336.6064	45.603673	7.661275 (Fe=0.95)	10.795	0.276	19.6816	Calc=28.11226 (Peso=1.784kg)	

Tabela 3-5: Perdas no núcleo toroidal em função da variação de freqüência.

*MG é a referência do núcleo da magnetic metal corp; Fe é o fator de empilhamento.

Na tabela 3-5 o valor usado de 0,950 T foi um dado recomendado por [71] para essa faixa de freqüência. Como observado, a diminuição da densidade de corrente acarretou no aumento imediato do A_{ps} , sendo necessário recorrer a um núcleo imediatamente superior. Isso ocorreu em virtude do aumento da seção transversal do condutor (3.11) cujo valor de $Atot_{cu}$ aumentou o Ftexe = Ku além de 0,3, o qual representa o valor máximo exigido por fabricantes de núcleo toroidal em virtude do espaço, dsx^7 , figura 3.20. Como visto a perda no núcleo aumentou com a diminuição da densidade de corrente.



Figura 3.20: Espaço central, dsx deixado para passagem da ferramenta.

Portanto, para manter o compromisso entre tamanho e perda foi adotado J_{max} = 250 A/cm2, para encontrar o núcleo desejado. A tabela 3.5 mostra que, mesmo com um baixo valor de B_{max} (B_{max} =0,950T), o aumento da freqüência provocou perdas muito maiores que no transformador operando a uma freqüência de 60 Hz. Assim fez-se necessário plotar um gráfico em três dimensões (3D), figura 3.21, para verificar o comportamento das perdas no

⁷ Deve ser considerado para passagem da ferramenta no momento da confecção dos enrolamentos.

transformador (eixo Z) em função do aumento da freqüência (eixo X) e da variação da densidade de fluxo eletromagnético (eixo Y). A partir de então, pode-se assumir os valores corretos de densidade de fluxo eletromagnético (B_{max}) e da freqüência (f_{tra}) tendo em vista o comprometimento da redução do volume, mantendo as perdas no núcleo próximas do transformador operando na freqüência fundamental.



Figura 3.21: Variação das perdas no núcleo para lâmina 0,30mm, em função B_{max} e f_{tra} , equação (3.32).

Para freqüências na faixa de 60 Hz a 220 Hz, as perdas no núcleo possuem uma variação mínima em relação aos 60 Hz e a densidade de fluxo para essa faixa pode ser considerada um valor próximo de 1,6 T. Todavia, para freqüência na faixa de 220 Hz a 400 Hz as perdas no núcleo *GO* cresceram exponencialmente ultrapassando o limite máximo exigido por normas internacionais, devendo reduzir significativamente B_{max} para se ter o compromisso com baixas perdas no núcleo. Para freqüências acima de 400 Hz as perdas no núcleo reduzir significativamente de 400 Hz as perdas no núcleo rescem exponencialmente para quaisquer valores baixos de B_{max} .

As perdas estabelecidas por normas internacionais são mostradas na tabela 3-6 para um B_{max} = 1,7 T e ftra= 50 Hz são de 1,4 (W/kg) em sua maioria para lâminas de aço *GO* 0,30 mm.

NORMAS:	ABNT NBR-9119	ASTM A876 M	JIS 25.53-2000	DIN EN 10107
Referência da Lâmina 0.30 mm	GO128-30	30H083	M140-30s	M140-30s
Perda em W/kg	1,4	1,39	1,4	1,4

Tabela 3-6: Principais normas para perda em núcleo GO para lâmina de 0,30 mm.

Uma comparação das perdas em W/kg mostradas pelo fornecedor de aço GO, usado no projeto [72] (valores dentro da norma internacional), e os valores apresentados pela equação (3.32) é mostrado na tabela 3-7.

Perdas fornecidas pela equação (3.32) e os valores apresentados por [72]					
Faixa B-f (Tesla - Hz)	Perdas em W/kg				
	Apresentado por [72]	Calculado por (3.32)			
B=1,5T/60Hz	1,28	1,8139			
B=1,7T/60Hz	1,83	2,29224			

Tabela 3-7: Comparação das perdas no núcleo para os valores calculados e os valores fornecidos pelo fabricante.

Com base nas informações apresentadas pelo gráfico da figura 3.21, foi realizado novas análises e elaborado a tabela 3.7 com intuito de encontrar um núcleo com menor tamanho e com perdas próximas da operação em 60 Hz.

Comparação de núcleos toroidal* em grãos orientados para a suportar uma potência de 1kW									
	Ftra	B _{max}	Ans (cm^4)	Waj	Aef (cm^2)	OD		Per	da total (W)
Barramento	(Hz)	(tesl)	rips (cm)	(cm ²)	mer (em)	(cm)	Ftexe	M2 (2mil)	(12mil)
96 V J=250A/cm ²	420	0,95	Cal . = 302,23607 MG201 = 302,933	45,6038	6,8952 Fe=0,95	11,43	0,2755	18,324	Calc= 26,17339; (Pso=1,661kg);
48V J=250A/cm ²	60	1,6	Cal. =1256,17 MG504 = 1539,39	102,6083	15,3226	17,78	0,2237	13,25231	Calc= 11,58095; (Pso= 5,6587kg); Fb*= 8,79; Pcu*=34,79566;
.,	دې	د ۲	Cal.= 1256,17 MG503= 1205	81,073	15,3226	16,51	0,2831		Calc= 10,57392; (Pso= 5,167kg); Fb= 8,0; Pcu=34,79566;
48V p/ J=250A/cm ²	420	0,95	Cal.= 302,2361 MG201= 302,9332	45,6038	6,8952 (Fe=0,95)	11,43	0,2705	18,324	Calc= 26,17339; (Pso= 1,661kg);
48 V J=230A /cm ²	420	0,95	Cal .= 328,51746 MG501= 499 = 336,6063	45,6038	7,6613 (Fe=0,95)	10,795	0,2762	19,6816	Calc= 28,11226; (Pso=1,784kg);
48V; J=250A/cm2	420	0,318	Cal.=902,90649 MG26= 912	102,608	9,1935	16,51	0,2672	Cal (Pso= Fb= 5 w	c = 6,61191 ; 3,247624kg) ; y; Pcu=35.84584;
48V; J=250A/cm ²	420	0,45	Cal.= 638,05392 MG 25= 594,128	81,073	7,6613	13,335	0,2867	Cal (Pso= Pcu	c = 8,86876 ; 2,275794 kg); =29,59892 W;
48V; J=250A/cm ²	420	0,45	Cal .= 638,0539 MG211 = 702,307	102,608	6,89	15,24	0,26041	Cal (Pes Pcu	c = 9,06052; o = 2,325 kg); = 32,26963;
48V; J=250A/cm ²	300	0,68	Cal.= 591,1382 MG 25= 594,128	81,073	7,6613	13,335	0,266	Cale (Pso Pcu	x= 11,34675; = 2,2665 kg); = 27,44586;
48V; J=250A/cm ²	300	0,68	Cal. = 560,3278 MG 25=594,128	81,073	9,1935	13,335	0,2157	Calc (Pso= Pcu	= 11,34675 ; = 2,2665 kg) ; = 21,60604;

Tabela 3-8: Elaborada com base no gráfico mostrando na figura 3.21.

• Fb é a perda estimada pelo fabricante; Pcu é a perda calculada no cobre.

Como pôde ser visto, as linhas sombreadas da tabela 3.8 mostram respectivamente o núcleo operando em 60 Hz com suas perdas e o valor de 300 Hz escolhido com base no gráfico mostrado na figura 3.21, exibindo a densidade de fluxo eletromagnético de 0,680 T. Esses valores resultaram na seleção de um núcleo com perdas menores que 60 Hz (60 Hz, Pfe=11,581 W e 300 Hz, Pfe= 11,348 W) com diferença de 7,35 W nos enrolamentos. O transformador operando em 300 Hz também possibilitou uma redução de 4,45 cm no diâmetro externo do núcleo se comparado à operação em 60 Hz.

Problema da Saturação do Núcleo

O uso do transformador em aplicações que envolvem inversores possui o inconveniente da saturação que ocorre quando a força de magnetização ultrapassa o valor especificado pelo fabricante do núcleo. Para esse fenômeno, depois que é atingido B_{max} , qualquer aumento de H acarreta numa rápida queda da tensão induzida no secundário, aumentando as perdas no núcleo sem gerar tensão induzida.

A saturação do núcleo ocorre quando houver componente cc de corrente no primário do transformador. O efeito da componente cc acarreta um alto valor da corrente de magnetização, *Im* (devido essa também possuir componente cc), forçando com que o transformador apresente um desbalanceamento em um dos ciclos. A figura 3.22 mostra o circuito básico de um transformador.



Figura 3.22: Circuito simplificado do transformador.

A origem da componente cc no primário do transformador possui diversas causas, entre elas:

- Pela alimentação instantânea de uma carga, V_{pr}, pode assumir assimetria. Essa situação pode provocar temporariamente altos picos de corrente.
- Por alimentar uma carga de meia onda. Nesse caso a queda de tensão na resistência interna da bateria e nas impedâncias do transformador L1 e R1 ocorre somente em um ciclo, provocando assimetria de V_{pr}.
- Por assimetria de V_{bat} . Nesse casso V_{pr} é afetado diretamente.



A figura 3.23 mostra os diversos casos que podem ocorrer.

Figura 3.23: Casos para a operação do transformador.

Como visto na figura 3.23. *a*), para operação normal do transformador a corrente de magnetização é simétrica e apresenta baixos valores.

Para operação mostrada figura 3.23 *b*), em sobretensão a corrente de magnetização ainda é simétrica, essa condição é evitada pelo projeto adequado do transformador.

Os casos mostrados na figura 3.23 *c*) e figura 3.23 *d*) apresentam uma das situações previamente expostas.

A solução para os casos mostrados na figura 3.23 dependem fortemente da aplicação. Basicamente o método de correção do desbalanceamento apresenta duas etapas:

1- Identificar a condição do desbalanceamento.

2- Providenciar mecanismos para corrigir a componente cc no primário.

Em [25] apresenta-se um circuito que mede a componente cc no primário do transformador e mostra mecanismos que promovem o balanceamento da corrente de magnetização.

Contribuição da Pesquisa Para Amenizar o Efeito da Saturação do Transformador

Na revisão bibliográfica também foi procurado deixar a contribuição com o problema da saturação do transformador aplicado a inversores. Dessa forma, foram pesquisadas soluções envolvendo circuitos magnéticos para suprimir os efeitos danosos a esse. Como resultado dessa pesquisa, foi encontrada uma medida apresentada por [60] para amenizar o efeito, a qual será descrita na figura 3.24.



Figura 3.24: Correntes de inrush: a) Núcleo sem gap; b) Núcleo com gap.

O efeito do gap diminui o magnetismo residual por provocar o efeito de um corte na malha de histerese o que elimina o problema do núcleo tender a permanecer saturado, permitindo que ele tolere alguns desequilíbrios de componentes cc [60].

A curva B-H, para o núcleo sem gap e com gap, é apresentada na figura 3.25 para o núcleo de aço silício em grãos orientados.



Figura 3.25: Curva B-H dos núcleos GO: a) Sem gap; b) Com o menor gap.

Como visto a curva *B-H* possui um aspecto quase quadrado para o núcleo toroidal *GO* o que configura baixas perdas. Ela também apresenta um alto valor de fluxo remanescente o que contribui com a tendência do núcleo permanecer saturado. Todavia para o núcleo com gap, o valor do fluxo remanescente é baixo o que contribui para eliminar o problema da saturação.

No mesmo livro o autor demonstra, a partir de testes, que a perda no núcleo é desprezível para o uso de um *gap* menor que 25 um. Todavia os benefícios do uso do *gap* em

relação a saturação são atrativos e permitem que o transformador opere com certo nível de desbalanceamento e de componente cc.

Outra maneira de suprimir os efeitos da saturação é inserir um capacitor de polipropileno no circuito do enrolamento primário, bloqueando dessa forma a componente cc. Para essa justificativa ainda há controvérsias na comunidade científica, por causa da alta capacitância do capacitor que apresenta custo elevado e volume.

Esforços a Implementação

Na tentativa de suprimir o problema da saturação foi realizado o projeto completo do transformador operando com núcleo toroidal.

Para montagem foram contatados os principais fabricantes de núcleo toroidal, onde esses somente exerceriam o processo de montagem.

Também houve esforços para implementar o protótipo com núcleo toroidal em corte. A priori, a empresa prestadora do serviço mencionou que não exercia esse tipo de serviço. Mediante esforços contínuos e idéias elaboradas para execução do serviço foi feito um acordo com setor de engenharia da empresa fornecedora do núcleo laminado.

A empresa informou a falta de material necessário para o corte e sugestões foram levantadas, como o corte por eletroerosão, a qual produz grande precisão. No entanto esse tipo de corte é rejeitado por colocar o material imerso na água, o que provoca oxidação com efeito da diminuição das características magnéticas do núcleo.

Por fim para efeito de teste de performance do inversor, foi acordada a produção do núcleo com maior precisão que a empresa dispunha a oferecer.

O procedimento de projeto usado para o núcleo com *gap* consiste nas mesmas etapas apresentadas neste capítulo. Salvo que os valores de densidade de fluxo magnético e de corrente são ligeiramente diferentes.

Assim, foi realizada pesquisa sobre o assunto envolvendo o núcleo *GO* com *gap*. Um bom material encontrado trata-se dos estudos realizados pela *magnetic metal corp* e apresentados em seus catálogos [69]. Segundo informações dos catálogos, a operação com *gap* em 400 Hz pode ser feita com alta densidade de fluxo eletromagnético e B_{max} = 1,8T, enquanto que a densidade de corrente para potências superiores a 500 VA pode-se usar entre 232,5 A/cm² e 263,5 A/cm² e para potências inferiores a 500 VA a empresa recomenda trabalhar na faixa de 279 A/cm² a 310 A/cm² para núcleos GO com *gap*.

3.2 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Uma metodologia generalizada de projeto para aplicação em baixa e alta freqüência foi apresentada nesse capítulo, bem como as diversas considerações que devem ser usadas para um bom projeto do transformador.

As principais características dos diversos tipos de materiais empregados no projeto de transformadores foram resumidas através de tabelas, permitindo o rápido encontro de informações necessárias.

Também foi definida uma faixa de freqüência admissível para o projeto de transformadores usando núcleo laminado de aço silício com o comprometimento de baixas perdas no núcleo e um menor volume.

Foram enumerados os diversos tipos de casos para ocorrência do desbalanceamento do transformador, bem como foi mostrado o método de correção.

Por fim foi deixada a contribuição no estudo dos inversores multiníveis em cascata usando transformadores independentes com células *H-bridge* operando em ternário. Por fornecer embasamento teórico no cálculo dos fatores de forma de onda k_{fo} , tabela 2-3, para cada célula, necessários ao projeto dos transformadores, os quais são difíceis de serem obtidos por métodos de cálculos comuns.

CAPÍTULO 4 ESTUDO DA TOPOLOGIA ESCOLHIDA

Este capítulo estuda o inversor escolhido no capítulo 2, o qual preserva a estrutura convencional do *CHCA* reunida a um transformador com múltiplos secundários ligados a pontes retificadoras, figura 4.17. Esse inversor, como já foi abordado, alia as vantagens da modulação *staircase* em alta resolução⁸ com o baixo custo proporcionado a estrutura *CHCA*, por usar um transformador em substituição as diversas fontes que compunham o barramento das células *H-bridge*.

Nesta seção são deduzidas equações para mensurar as perdas nos mosfets, as quais representam o primeiro passo para obter o cálculo térmico do inversor *CHCA* isolado. Também são deduzidas equações para o cálculo das correntes relacionas a x células do inversor.

Neste capítulo são apresentados gráficos com informações das potencias normalizadas em cada secundário do transformador em função da potência de carga. Esses gráficos permitem o rápido encontro das potências disponíveis nos enrolamentos.

Na seqüência são mostradas as características de projeto do transformador com núcleo toroidal exibindo informações organizadas em tabelas.

Também é apresentada a metodologia utilizada no cálculo dos capacitores que compõem o barramento cc das células *H-bridge*.

Este capítulo trará os dados usados no projeto físico do núcleo toroidal bem como é apresentada a disposição física dos enrolamentos no núcleo toroidal.

Para validação das equações desenvolvidas foi escolhido o *software Orcad Pspice* e optado o uso de componentes com modelos reais fornecidos pelos fabricantes dos semicondutores. Esse programa permite a simulação dos componentes com características reais de funcionamento, inseridas as não linearidades que ocorrem na implementação prática [76].

Por fim serão realizadas as considerações finais sobre o projeto do inversor.

⁸ Inversor operando com 63 níveis na tensão de saída.

4.1 ASPECTOS RELEVANTES E CRITÉRIOS ADOTADOS

4.1.1 Definição da Estratégia de Modulação

Foi adotada a modulação *staircase* para o inversor *CHCA* isolado, por essa permitir alta resolução na tensão de saída resultando numa THD <5% sem filtro. Outra vantagem dessa modulação consiste na operação em baixa freqüência de suas células resultando em baixas perdas por comutação operando com lógica binária. Para operação do inversor com cinco módulos, a quinta célula (maior potência) opera na freqüência fundamental, 60 Hz, enquanto a célula de menor potência (primeira célula) opera com a maior freqüência de 1860 Hz. Em virtude dessas características de operação a estratégia de modulação reduz as perdas por comutação bem como *EMI* (Interferência Eletromagnética).

A operação da tensão de saída em alta resolução permite o controle do valor eficaz da tensão de saída por seleção de tabelas armazenadas num microcontrolador, possibilitando a soma ou subtração de níveis para controlar o valor eficaz da tensão de saída em 220 V, eliminando o custo adicional de um conversor para controlar o barramento cc.

4.1.2 Definição do Número de Níveis de Operação

O número de níveis foi escolhido através da modulação em *staircase* e da configuração binária para 5 células *H-brige*, resultando em 63 níveis na tensão de saída, permitindo obter alta resolução sem precisar de filtro para manter a THD dentro dos limites aceitáveis por norma THD<5%.

4.1.3 Escolha da Freqüência de Operação

A freqüência de operação da célula *H-bridge* de entrada depende da escolha do núcleo compatível com a potência de saída.

A definição da freqüência de operação bem como o núcleo do transformador está descrita no capítulo 3. Para essa escolha foi levado em consideração o critério do tamanho do núcleo aliado a uma boa eficiência, se comparado com o padrão de 60 Hz usando núcleo GO.

4.1.4 Escolha dos Semicondutores

Em virtude da configuração binária permitir que o inversor opere com diferentes níveis de tensão, as células *H-bridge* são compostas somente de mosfets, visto que as tecnologias para essa chave dispõem de resistências de condução, Rds_{on} em torno de $1,2m\Omega$ para as células de menor tensão e para maior tensão (192 V) $Rds_{on} \, 8m\Omega$, resultando em baixas perdas por condução.

O único componente preocupante nessa topologia é o uso de diodos, onde as perdas são elevadas se comparadas a dos *mosfets*.

4.1.5 Definição das Características de Carga

O inversor foi projetado para as características de carga apresentadas na tabela 4-1:

Especificações gerais para CHCA isolado				
Parâmetros de entrada		Parâmetros de saída		
Potência de entrada P _{pr}	1020 W	Potência de saída	1000 W	
Tensão Nominal V _{en}	48 V	Tensão nominal V _{carg}	220 V	
ΔV_{en}	+15% a 8,33%	Regulação V _{carg}	± 5 %	
η esperado	98%	Fator de potência	0,75 indutivo	

Tabela 4-1: Parâmetros gerais.

4.2 Dimensionamento dos Componentes

Para dimensionar os componentes é necessário conhecer o funcionamento da topologia para poder determinar o método de cálculo com base nos critérios de projeto, os quais dependem da escolha de componentes da topologia.

4.2.1 Simulação do Inversor

As características das formas de ondas nas saídas das células usadas na formação da tensão de saída são mostradas na figura 4.1.



Figura 4.1: Contribuição das células na formação da tensão de saída.

Uma contribuição do trabalho no projeto do cálculo térmico tem princípio no desenvolvimento de uma fórmula para computar a freqüência de operação de cada célula (2.1) :

$$F_{celp} = \left[2^{(x_t+1-p)} - 1\right] \cdot f_{und}$$

Assim as tensões nas células de saída possuem freqüências iguais a tabela 4-2.

Freqüência das células <i>H-bridge</i> de saída				
Célula P	Tensão [V]	Freqüência [Hz]		
Cel1	12	1860		
Cel2	24	900		
Cel3	48	420		
Cel4	96	180		
Cel5	192	60		

Tabela 4-2: Freqüência da tensão Vo_{hx} operando em binário.

Uma observação importante a respeito dos inversores em cascata operando com a lógica binária é que todas as chaves operam na mesma freqüência de sua célula.



A figura 4.2 mostra o caso para o pulso nas chaves S11 e S13:

Figura 4.2: Relação dos pulsos nas chaves com a tensão de saída da célula.

A forma de onda da corrente nas chaves superiores de cada braço é mostrada na figura 4.3. Como visto, ela é composta por diferentes valores de comprimento de pulso e apresenta um formato de uma senóide pulsada em meio ciclo. A dificuldade de se mensurar o valor de cada comprimento de pulso para o cálculo dos esforços de corrente nas chaves é porque ela não segue um padrão de chaveamento como os pulsos oriundos da modulação *PWM*, a qual é determinada pela comparação da moduladora com a portadora gerando pulsos com magnitudes fixas. Uma possível maneira de obter essa função seria pelo uso das séries de Fourier, a qual resultaria num trabalho oneroso por não possuir magnitudes fixas além de conter pulsos com valores diferentes de freqüências.



Figura 4.3: Primeiro gráfico: corrente de carga na chave S11 e sua complementar chave S13, segundo gráfico corrente na carga.

Logo a idéia para encontrar as perdas nos semicondutores de uma mesma célula pode parecer difícil pelo uso eminente da série de Fourier para mensurar a corrente aproximada que circula na chave.

Nesse caso também foi pensado em um método que pudesse simplificar a análise do cálculo das perdas nos semicondutores e assim possibilitar a padronização da metodologia de cálculo usada para mensurar as perdas nos componentes.

Um incentivo ao estudo foi a tendência tecnológica e a exigência de mercado para o desenvolvimento de produtos eletrônicos cada vez mais compactos, o que também surtiu efeito no setor da eletrônica, onde um encapsulamento contém diversos sub-circuitos e essa interligação de circuitos em um mesmo componente é comumente chamado de circuito

integrado. Todavia em eletrônica de potência, pelo fato de se trabalhar com grandes valores de potência, os circuitos integrados produzem aquecimento, o que é preocupante, pois se os valores máximos de temperatura exigidos pelos fabricantes forem ultrapassados o circuito será destruído.

Assim, foi realizada uma revisão bibliográfica com o intuito de encontrar projetos de referência ao cálculo térmico do inversor multinível em cascata operando com a modulação *staircase* com lógica binária. A pesquisa permitiu observar que até a presente data ainda não foi encontrado um embasamento teórico que contribuísse para a implementação de trabalhos futuros. Sendo assim, o escrito deixa a contribuição no estudo, desenvolvendo dois métodos para o cálculo das perdas nos semicondutores da célula.

4.2.2 Métodos Para Mensurar as Perdas nas Chaves de Cada Célula H-bridge

A fidelidade das equações descritas nesta seção foi realizada com base nos *datasheets* dos fabricantes, os quais conduziram a um compromisso com a realidade prática do semicondutor.

Os equacionamentos das perdas nos semicondutores envolvem dois processos:

- 1- Perdas por comutação
- 2- Perdas por condução

Perdas por Comutação

Para esse caso será feita uma análise generalista considerando a energia dissipada no instante em que o dispositivo é acionado, *Eon*, e no instante do bloqueio, *Eoff*. Logo para obter as perdas por comutação basta somar *Eon* com *Eoff* e multiplicar pela freqüência de chaveamento do semicondutor a partir da equação desenvolvida (2.1).

Assim no estado de comutação e operação contínua dos semicondutores ocorrem os fenômenos descritos na figura 4.4.



Figura 4.4: Fenômeno da comutação e condução.

Como observado os tempos *tr* (do inglês, *rise*, subida) e *tf* (do inglês, *fall*, descida) fornecidos nos *datasheets* dos fabricantes são dados para um intervalo de 10% a 90%. Mas para o cálculo das perdas, a base do cálculo deve considerar o intervalo de 0 a 100%, portanto os tempos calculados, *tcr* e *tcf*, correspondem respectivamente aos valores dos *datasheets tr* e *tf* multiplicados pelo fator 1,2.

Assim na figura 4.4 a) tem-se os intervalos dados pelos seguintes valores

- t1-t2= tdon
- t2-t3 = tcr = 1,2 tr
- t4-t5=tl=tdoff+tcf

 $\operatorname{com} tcf = 1, 2tf$.

Cálculo da energia para entrada em condução, Eon:

Do gráfico da figura 4.4 a) foi deslocado o eixo dos tempos para tdon=0, com o intuito de facilitar o cálculo da energia para entrada em condução. Posteriormente dividindo *Eon* em duas áreas, $E_{on} = E_{on1} + E_{on2}$, expressando a situação com base nos dados fornecidos pelos fabricantes chegou-se nas seguintes equações para entrada em condução:

$$i(t) = \left(\frac{Id}{tdon}\right)t + Id \quad e \quad Vds(t) = Vds, \quad (E_{on1})$$
(4.1)

$$Vds(t) = -\left(\frac{Vds}{t_{cr}}\right)t + Vds \quad e \quad i(t) = Id, \quad (E_{on2})$$
(4.2)

Assim, calculando *E*on1 e *E*on2, obtém-se:

$$E_{on1} = \int_{-tdon}^{0} V ds \left[\left(\frac{Id}{tdon} \right) t + Id \right] dt \rightarrow E_{on1} = \frac{V ds.Id.tdon}{2}$$

$$E_{on2} = \int_{0}^{tcr} \left[\left(\frac{-V ds}{tcr} \right) t + V ds \right] dt dt \rightarrow E_{on2} = \frac{V ds.Id.tcr}{2}$$

$$(4.3)$$

Somando E_{on1} e E_{on2} , bem como arranjando a expressão em função dos tempos fornecidos pelos *datasheets (tdon e tr*), tem-se:

$$Eon = \frac{Vds.Id(tdon+1,2.tr)}{2}$$
(4.4)

Cálculo da energia para o bloqueio, Eoff:

Considerando *tl=tdoff+tcf*, vem:

$$tl = tdoff + 1, 2tf \tag{4.5}$$

$$Vds(t) = \frac{Vds}{tl} t \quad e \quad id(t) = -\left(\frac{Id}{tl}\right)t + Id$$
(4.6)

Calculando Eoff:

$$Eoff = \int_{0}^{t} \left\{ \left(\frac{Vds}{tl} \cdot t \right) \cdot \left[\left(-\frac{Id}{tl} \right) \cdot t + Id \right] \right\} \cdot dt$$
(4.7)

$$Eoff = \frac{Vds.Id.tl}{6}$$
(4.8)

Substituindo (4.5) em (4.8) e expressando com valores dos datasheets:

$$Eoff = \frac{Vds.Id.(tdoff + 1, 2tf)}{6}$$
(4.9)

Assim para obter o cálculo da potência dissipada nos *mosfets* basta multiplicar as equações da energia pela freqüência de chaveamento expressa na tabela 4-2, resultando em:

$$Pcom_{sxy} = (Eon_{sxy} + Eoff_{sxy}).fcom_{sxy}$$
(4.10)

Perdas por Condução

A perda na condução do *mosfet* pode ser dada por:

$$Pcond_{sxv} = Rdson_{sxv}.I_{sxv}^{2}$$
(4.11)

A perda total no *mosfet* é a soma da perda por condução mais a perda por comutação , sendo assim:

$$Ptot_{sxy} = Pcom_{sxy} + Pcond_{sxy}$$
(4.12)

Assim, observando as equações (4.10) e (4.11), essenciais no cálculo das perdas dos semicondutores, verifica-se que elas são dependentes da corrente eficaz na chave.

Perdas nos Diodos

É dada pela perda por condução e por recuperação reversa:

$$Ptot_{Dxv} = Pcond_{Dxv} + Pcom_{Dxv}$$
(4.13)

Como foram usados diodos *Schottky* para compor cada ponte retificadora, a perda por comutação pode ser desprezível. A equação (4.13) inclui somente a perda por condução que contém uma parcela dada pelo produto da corrente média, $IDxy_{md}$, pela tensão de barreira, V_{fo} , do dispositivo, assim a equação (4.13) resulta em:

$$Ptot_{Dxy} = IDxy_{md} V_{fo} + \left(\frac{V_{fn} - V_{fo}}{IDn}\right) IDn_{ef}^{2}$$

$$(4.14)$$

Onde:

 V_{fn} : tensão sobre o diodo no estado de condução para corrente nominal.

IDn: corrente nominal do diodo.

IDn_{ef}: corrente eficaz no diodo.

Dessa forma, para projetar o dissipador fez-se necessário desenvolver expressões para calcular a corrente eficaz nas chaves e a corrente média nos diodos. A seguir serão apresentadas as metodologias empregadas.

Métodos Para Obter as Correntes nas Chaves

O objetivo de obter as expressões das correntes nas chaves tem a finalidade de mensurar os esforços nos semicondutores.

Os esforços dos semicondutores são usados no cálculo térmico do dispositivo, pois esses irão determinar o tamanho necessário do dissipador a ser utilizado para manter a temperatura na junção abaixo do valor máximo especificado pelo fabricante.

Para realizar o cálculo térmico das chaves deve ser levada em consideração a disposição dos componentes na célula envolvida, ou seja, se a célula *H-bridge* encontra-se num único encapsulamento ou se a célula é composta de chaves com encapsulamentos separados entre si [46]. Para efeito de simplificar a análise, são descritos os dois métodos de obter as perdas nas células *H-bridge* considerando uma única célula.

Método 1: Para as chaves dispostas em encapsulamentos diferentes o projeto do dissipador depende do cálculo das perdas em cada componente separadamente. Assim deve-se obter o valor da corrente eficaz para cada semicondutor.

Método 2: Para as chaves da ponte dispostas num único encapsulamento o projeto do dissipador depende do somatório das perdas nas chaves que compõem o módulo (4.17). Segundo a expressão desenvolvida especificamente para essa aplicação, (4.26), é necessário determinar somente a corrente total circulante na célula no período de 60 Hz.

Assim o trabalho mostra os passos que podem ser utilizados para obter a corrente na chave usando os dois métodos descritos.

Método 1

Esse método foi desenvolvido para o obter rapidamente a corrente na chave em função da corrente de carga eficaz em meio período da tensão de saída.

Em virtude da corrente nas chaves depender fortemente da modulação *staircase* usando lógica binária, a corrente nos *mosfets* possuem formatos um tanto parecidos com os observados na figura 4.7. Logo existe um trabalho oneroso em mensurar essa corrente por métodos de cálculos comuns visto que algumas formas de onda são senoidais pulsadas com diferentes valores de pulso para os diversos níveis. Assim na tentativa de simplificar e padronizar um método rápido de obtenção das correntes eficazes nos *mosfets*, foi feita a normalização das correntes eficazes nas chaves em função da corrente eficaz de carga em meio período, $Ief_{carg(1/2)T}$ ($Ief_{carg(1/2)T}=Ip/2$), visto que parte da corrente de carga sempre passará por uma das chaves, tabela 1-7.

Como observado, as configurações de chaveamento apresentadas na tabela 1-7 para sete níveis e uma observação da figura 4.7, demonstram que a modulação *staircase* com lógica binária foi programada para o critério mínimo de comutação. Tendo em vista que essa estratégia não apresenta níveis redundantes, pode-se generalizar:

- As chaves superiores de um mesmo braço, *Sx1* e *Sx3*, apresentam as mesmas formas de onda da corrente defasadas em 180°.
- As chaves inferiores de um mesmo braço, Sx2 e Sx4, apresentam as mesmas formas de onda também defasadas de 180°.

Assim, para análise da célula x, basta normalizar as correntes eficazes nas chaves em um único braço (Sx1 e Sx2) para obter os valores de correntes eficazes reais também parametrizados no braço consecutivo, tabela 4-3.

Tabela 4-3: Correntes eficazes na chave parametrizadas em função da corrente eficaz de carga em meio período.

Correntes nas chaves parametrizadas			
	$\tau_{S11} = \text{Ief}_{S11} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 0,76184$		
Célula 1	τ_{S12} = Ief $_{S12}$ / Iefcag $_{(1/2)T}$ = 1,2106		
Célula 2	$\tau_{s21} = \text{Ief}_{s21} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 0.8119$		
	$\tau_{S22} = \text{Ief}_{S22} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 1,1789$		
Célula 3	$\tau_{s31} = \text{Ief}_{s31} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 0,8552$		
Celula 5	$\tau_{s31} = \text{Ief}_{s32} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 1,1789$		
Célula 4	$\tau_{S41} = \text{Ief}_{S41} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 0,90203$		
	$\tau_{s41} = \text{Ief}_{s42} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 1,0972$		
Célula 5	$\tau_{S51} = \text{Ief}_{S51} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 0,9851$		
Cerula 5	$\tau_{S51} = \text{Ief}_{S52} / \text{Iefcag}_{(1/2)T} = 1,0372$		

Portanto para obter a corrente em S_{xy} basta multiplicar a corrente eficaz de carga em meio período pelo respectivo fator τ_{Sxy} apresentado na tabela 4-3. Assim, a corrente eficaz na chave fica:

$$Ief_{sxy} = \left(\sqrt{\frac{1}{2\pi}} \int_{0}^{\pi} \left[\left(\frac{Vp}{Z_{carg}}\right) sen(\omega t) \right]^{2} d\omega t \right] \tau_{xy}$$
(4.15)

Fazendo Vp/ Z_{carg} =Ip e substituindo em (4.15), tem-se a corrente na chave simplificada expressa por:

$$Ief_{xxy} = \left(\frac{Ip}{2}\right)\tau_{xy} \tag{4.16}$$

Onde Vp e Ip são valores de pico.

Na figura 4.5 será visto as formas de ondas da corrente nas chaves.



Figura 4.5: Todas as formas de onda das correntes nas chaves.

A figura 4.5 mostra de forma simplificada o aspecto das formas de onda nas chaves de cada célula do inversor em estudo. O formato de onda da corrente na chave superior do segundo braço (Sx3) e inferior (Sx4) apresenta o mesmo aspecto das respectivas correntes em Sx1 e Sx2 defasadas de 180°.

Na figura 4.6 é mostrada a corrente na fonte de alimentação. Ela é o somatório das correntes nos enrolamentos secundários multiplicadas pela relação de transformação entre o enrolamento primário e cada secundário. O aspecto da forma de onda senoidal retificada é o resultado da combinação das chaves da ponte *H-bridge* de entrada, usadas para gerar uma onda quadrada (alternada e simétrica) no enrolamento primário na freqüência de *300 Hz*.

Para quantificar a corrente em cada chave, novamente foi considerado o período de 60Hz. Logo o somatório de todas as formas de onda da corrente na chave num período de 60Hz resulta uma meia onda senoidal para cada chave.



Figura 4.6: Corrente na fonte de alimentação.

Dessa forma o valor eficaz da corrente na chave pode ser aproximado por:

$$Ief_{Se1} = Ief_{Se2} = Ip_{pr} / 2$$

A forma de onda da figura apresenta alguns picos (desprezíveis) próximos ao valor máximo da corrente na fonte em virtude da corrente drenada por cada capacitor.

4.2.3 Cálculo do Dissipador

O cálculo do dissipador foi realizado com base na metodologia exposta por [46], a partir do qual todos os componentes estão sobre um mesmo dissipador. Assim, a resistência térmica do dissipador é dada por:

$$Rth_{da} = \frac{T_{d\min} - Ta}{\sum Pd_{semicondutores}} = \frac{T_{d\min} - Ta}{Pdcel_{en} + Pdcel_{1} + Pdcel_{2} \dots Pdcel_{5}}$$
(4.17)

Onde: T_{dmin} é a menor temperatura calculada para todos os dispositivos sobre um mesmo dissipador.

 Rth_{da} é a resistência térmica do dissipador expressa em °C/W.

Pdcel_{en}, Pdcel1, Pdcel2...Pdcel5, são respectivamente as potências dissipadas nos semicondutores das células *H-bridge*: de entrada, na primeira célula *H-bridge* de saída, na segunda célula *H-bridge* de saída até a quinta célula *H-bridge* de saída.

Para escolha do dissipador foi adotada uma temperatura ambiente $Ta=50^{\circ}C$. Os dados do dissipador escolhido são:

Código (HS Dissipadores)	HS 15560 L (liso)
Quantidade	1 unidade
Dimensões (mm)	155 x 60
Perímetro (mm)	1525
Resistência Térmica (°C/W/4")	1,01
Comprimento (mm)	300
Rth_{da} (°C/W) para o comprimento de 300 (mm)	0,693

Tabela 4-4: Dados do dissipador.

Método 2- Componentes Inseridos em um Mesmo Encapsulamento

Este método trata de mensurar as perdas nas células do inversor contendo um único encapsulamento para as quatro chaves. Dessa forma, de acordo com a equação (4.24), para mensurar a temperatura de cápsula faz-se necessário obter todas as perdas nos dispositivos presentes num mesmo encapsulamento.

Logo, a seguir é mostrada a metodologia desenvolvida para o cálculo da perda em cada módulo do inversor.

Como foi observada na análise simplificada mostrada na tabela 1-7 para a condução das chaves de um mesmo braço de apenas um módulo, pôde-se perceber que sempre em um semiciclo a chave de um braço fica ativa e o outro comuta na freqüência característica da célula, ver chaves *S11* e *S13*, tabela 1-7, figura 4.7. Como observado, as correntes para um mesmo braço são diferentes o que dificulta a análise das perdas por condução na chave.

Uma solução usada para encontrar a corrente de carga real que circula em qualquer célula num período de chaveamento 1/fund consta da observação dos estados da tabela 1-7 e da visualização desses na figura 4.7.



Figura 4.7: Formas de onda das correntes nas chaves na célula 1.

Os aspectos usados na quantização da corrente circulante na célula envolvem dois referenciais:

I- Para chaves de um mesmo braço da célula *Sx1 e Sx2* ou *Sx3 e Sx4*.

Como observado nas afirmações descritas anteriormente, tem-se a seguinte relação generalista para x *células* num mesmo braço: a soma da corrente na chave superior com o oposto da corrente na chave inferior é sempre igual a corrente de carga (4.18).

II- Considerando que a senóide de saída seja composta por infinitos níveis, tem-se o resultado do arranjo entre as correntes que passam pelas chaves complementares de um mesmo braço no período de 60 Hz:

$$Io_{carg}(t) = \underbrace{I_{Sx1}(\omega t) - I_{Sx2}(\omega t)}_{Ib_{x1}(\omega t)} = \underbrace{-[I_{Sx3}(\omega t) - I_{Sx4}(\omega t)]}_{Ib_{x2}(\omega t)} = \frac{Vp.\sin\omega t}{Z_{carg}}$$
(4.18)

Assim, da equação (4.18), $Ib_{x1}(wt)$ é a relação entre as correntes no primeiro braço e $Ib_{x2}(wt)$ relaciona as correntes do segundo braço. A quantização da corrente eficaz no primeiro braço $Ibef_{x1}(wt)$ é:

$$Ibef_{x1} = Ioef_{carg} = \sqrt{\frac{1}{T}} \int_{0}^{T} [I_{Sx1}(\omega t) - I_{Sx2}(\omega t)]^{2} d\omega t = \sqrt{\frac{1}{T}} \int_{0}^{T} [2I_{Sx1}(\omega t) - I_{Sx2}(\omega t)]^{2} d\omega t + \frac{1}{T} \int_{0}^{T} I_{Sx2}(\omega t)^{2} d\omega t$$
(4.19)

Da equação acima o termo intermediário transforma-se no cálculo do valor médio e possui valor nulo em virtude das correntes serem complementares. Logo o valor do radicando se transforma na soma dos quadrados dos valores eficazes das respectivas correntes, I_{sx1} e I_{sx2} :

$$Ibef_{x1} = Ioef_{carg} = \sqrt{Ief_{xx1}^{2} + Ief_{xx2}^{2}} = \frac{Vp}{\sqrt{2} * Z_{carg}}$$
 (4.20)

A validação por software é apresentada na figura 4.8.



Figura 4.8: Validação da equação (4.20).

A quantização das correntes eficazes no segundo braço é dada pelas etapas de simplificações semelhante as equações (4.19) e (4.20).

De forma geral a quantização das correntes eficazes em cada braço das x células *H*bridge em cascata pode ser estabelecida pela equação a seguir:

$$Ioef_{carg} = Ibef_{x1} = Ibef_{x2} = \frac{Vp}{\sqrt{2} * Z_{carg}}$$
 (4.21)

Onde:

 $Ibef_{x1}$ é a soma das correntes eficazes que passam pelas chaves Sx1 e Sx2 do primeiro braço no período de *60 Hz*.

 $Ibef_{x2}$ é a soma das correntes eficazes que passam pelas chaves Sx3 e Sx4 do segundo braço no período de 60 Hz.

Assim, o somatório dos módulos das correntes em cada um dos interruptores pertencentes a x células em cascata no período de 60 Hz será sempre:

$$\sum |I_{sxy}|_{celx} = \sum_{y=1}^{4} (|I_{sx1}(\omega t)| + |I_{sx2}(\omega t)| \dots |I_{sx4}(\omega t)|) = 2. |I_{o_{carg}}(\omega t)|$$
(4.22)

A validação por software é apresentada na figura 4.9.



Figura 4.9: Validação da equação (4.22).

A corrente eficaz circulante em x células, $Icel_{xef}$ operando com a lógica binária pode ser dada em função das correntes quantizadas em cada braço:

$$Icel_{xef} = \sqrt{Ibef_{x1}^{2} + Ibef_{x2}^{2}} = \sqrt{Ioef_{carg}^{2} + Ioef_{carg}^{2}} = \sqrt{2}Ioef_{carg} = Ip$$
 (4.23)

A validação por software é apresentada na figura 4.10.



Figura 4.10: Validação da equação (4.23) por software.

Assim $Icel_{xef}$ é a corrente total que circula em x células no período de 60 Hz para um inversor com células *H-bridge* em cascata operando com a modulação *staircase* usando a lógica binária.

A importância de se obter a equação (4.23) diz respeito a rápida quantização da maior parte das perdas nos *mosfets* (por condução), já que esses semicondutores podem ser modelados como uma resistência. As perdas nos semicondutores são fundamentais para um bom projeto do dissipador, o qual confere maior confiabilidade do protótipo implementado.

Metodologia de Cálculo Térmico

O modelo do cálculo térmico para os componentes da célula *H-bridge* inseridos num mesmo encapsulamento é mostrado na figura 4.11.



Figura 4.11: Modelo simplificado para os mosfet da ponte H-bridge, sobre o mesmo encapsulamento.

A perda por condução e o método de cálculo para temperatura do dissipador envolvendo *x* células *H-bridge* serão descritas a seguir.

Dessa forma, de uma análise detalhada da figura 4.11, fazendo uma analogia ao circuito elétrico bem como gerando uma equivalência entre as grandezas envolvendo o circuito térmico e o circuito elétrico, obtém-se os efeitos semelhantes entre:

- Potência total dissipada no semicondutor, *Ptot_{sxy}* possui efeito para análise das malhas tal qual o da corrente num circuito elétrico.
- As temperaturas nos pontos descritos tal quais as tensões de nó.
 A partir das considerações descritas, chega-se na seguinte equação:

$$Tdcel_{x} = Tc - \left(\sum_{y=1}^{4} Ptot_{sxy}\right).Rcd$$
(4.24)

Perdas por Condução

A perda por comutação nos interruptores operando com a modulação *staircase* em binário é reduzida para aplicações em baixas e médias potências, enquanto que o maior conteúdo se deve as perdas por condução.

Como os *mosfets* de uma única célula *H-bridge* possuem semicondutores idênticos, o somatório das perdas nos quatro interruptores de x células num período $1/f_{fund}$ pode ser expresso por:

$$\operatorname{Pcond}_{x} = (\underbrace{\operatorname{Ief}_{sx1}^{2} + \operatorname{Ief}_{sx2}^{2}}_{\operatorname{Ibef}_{x1}} + \underbrace{\operatorname{Ief}_{sx3}^{2} + \operatorname{Ief}_{sx4}^{2}}_{\operatorname{Ibef}_{x2}})Rds_{onx}$$
(4.25)

Substituindo o somatório das correntes $Ibef_{x1}$ e $Ibef_{x2}$ nos braços b_{x1} e b_{x2} para x células *H-bridge* pelo o valor da equação (4.21), obtém-se a potência dissipada em função apenas da corrente de carga:

$$Pcond_{x} = (Ioef_{carg}^{2} + Ioef_{carg}^{2})Rds_{onx} = 2.Ioef_{carg}^{2}Rds_{onx} = Ip^{2}Rds_{onx}$$
(4.26)

Onde *Rds_{onx}* é a resistência de condução de uma única chave da *célula x*.

Perdas por Comutação

Como pode ser observado na figura 4.5, as correntes nas chaves complementares de um mesmo braço $Ibef_{xy}$ são diferentes, logo os valores Id para cada chave também são diferentes e devem ser substituídas por Is_{xy} no cálculo das perdas por comutação apresentados pela célula.

Para análise das perdas serão consideradas somente correntes eficazes, I_{sx1} e I_{sx2} do primeiro braço b_{x1} . Assim as perdas por comutação na chave S_{x1} pode ser obtida a partir da equação (4.10):

$$Pcom_{sx1} = Ief_{sx1}.V_{x}.fcom_{x} \left[\frac{3(td_{on} + 1, 2t_{r}) + (td_{off} + 1, 2t_{f})}{6} \right]$$
(4.27)

Da mesma forma a perda na chave inferior I_{sx2} também pode ser expressa:

$$Pcom_{sx2} = Ief_{sx2}.V_{x}.fcom_{x} \left[\frac{3(td_{on} + 1, 2t_{r}) + (td_{off} + 1, 2t_{f})}{6} \right]$$
(4.28)

A soma das perdas por comutação nas chaves S_{x1} e S_{x2} do primeiro braço (Ib_{x1}) pode ser expressa em função das correntes eficazes Ief_{sx1} e Ief_{sx2} com os outros valores da expressão substituídos por *D*, logo:

$$Pcom_{lbx1} = \underbrace{(Ief_{sx1} + Ief_{sx2})}_{lbef_{x1}}.D$$
(4.29)

A corrente no braço Ib_{x2} também pode ser obtida com os mesmos procedimentos apresentados em (4.27), (4.28) e (4.29), resultando:

$$Pcom_{lbx2} = \underbrace{(Ief_{sx3} + Ief_{sx4})}_{Ibef_{x2}}.D$$
(4.30)

A perda total por comutação em x células é dada pela soma das equações (4.29) e (4.30), substituindo a adição das correntes por $Ibef_{x1}$ e $Ibef_{x2}$:

$$Pcom_{totx} = Ibef_{x1}.D + Ibef_{x2}D = (Ibef_{x1} + Ibef_{x2})D$$

$$(4.31)$$
Da equação (4.21) foi demonstrado que as correntes $Ibef_{x1}$ e $Ibef_{x2}$ são iguais a corrente de carga. Então substituindo D e a soma vetorial de $Ibef_{x1}$ e $Ibef_{x2}$ demonstrada em (4.23) na expressão equivalente (4.31), tem-se a perda total por comutação em x células H-bridge:

$$Pcom_{totx} = Ip.V_{x}.fcom_{x}.\left[(td_{on} + 1, 2t_{r}) + \frac{(td_{off} + 1, 2t_{f})}{3}\right]$$
(4.32)

A perda total em x células *H-bridge* pode ser dada pela soma das equações (4.26) e (4.32):

$$Pdcel_{x} = Ip\left\{IpRds_{on} + V_{x}.fcom_{x}.\left[(td_{on} + 1, 2t_{r}) + \frac{(td_{off} + 1, 2t_{f})}{3}\right]\right\}$$
(4.33)

Para o projeto do dissipador em que todos os componentes estão sobre o mesmo, faz-se:

- Após o cálculo das perdas em cada módulo, determina-se a menor temperatura do dissipador a partir da equação (4.24) e posteriormente faz-se o mesmo para os outros componentes.
- De posse do resultado da menor temperatura do dissipador, substitui esse valor na equação (4.17) e determina o dissipador com resistência térmica imediatamente inferior ao valor encontrado.

Validação dos Resultados

Supondo o inversor operando com uma corrente de carga de Ip = 7,39 A e as células operando na configuração (12, 24...192), as características das chaves usadas no projeto para validação por *software* são apresentadas na tabela 4-5.

	Chaves usadas para validação) das equações						
Cálulas	Mosfate	Rdson	Rdson	Rdson				
Celulas	mosiets.	$Typ.[m\Omega]$	max $[m\Omega]$	$md[m\Omega]:$				
	IRFP 2804:							
Cel.1:	Vn = 40V; Id = 75A; $\mathbf{R}\theta_{\mathbf{Jc}} = 0.45^{\circ}$ C/W	1,5	2	1,75				
	td _{on} = 13ns; t _r = 120ns; td _{off} = 130ns; t _f = 130ns							
	IRFP 2804:							
Cel.2:	Vn = 40V; Id =75A; Rθ _{Jc} = 0,45°C/W	1,5	2	1,75				
	td_{on} = 13ns; t_r = 120ns; td_{off} = 130ns; t_f = 130ns							
	IRF2907Z_S_L:							
Cel3:	Vn = 75V; Id =75A; Rθ _{Jc} = 0,45°C/W	3,5	4,5	4				
	td _{on} = 19ns; t _r = 140ns; td _{off} = 97ns; t _f = 100ns							
	IRFP 4668:							
Cel4:	Vn = 200V; Id = 130A; Rθ _{Jc} = 0,29 °C/W	8	9,7	8,85				
	td _{on} = 41ns; t _r = 105ns; td _{off} = 64ns; t _f = 74ns							
	IRFP 4768:							
Cel5:	Vn = 250V; Id = 93A; Rθ_{Jc} = 0,29 °C/W	14,5	17,5	16				
	td _{on} = 36ns; t _r = 160ns; td _{off} = 57ns; t _f = 110ns							

Tabela 4-5: Característica das chaves usadas para validação das equações.

Validação Para Primeira Célula HB de Saída

$$Pdcel_{1} = Ip\{IpRds_{onmd1} + V_{1}.fcom_{1}.\left[(td_{on1} + 1, 2t_{r1}) + \frac{(td_{off1} + 1, 2t_{f1})}{3}\right]\} = 137,92mW(4.34)$$

O resultado simulado é apresentado na figura 4.12.



Figura 4.12: Potência dissipada na primeira célula.

Como visto o valor calculado e generalizado das perdas foi de 137,92mW e o valor simulado foi de 134,38mW, um valor bem próximo e dentro da margem de variação do Rds_{on}.

Validação Para Segunda Célula HB de Saída

$$Pdcel_{2} = Ip\{IpRds_{onmd2} + V_{2}.fcom_{2}.\left[(td_{on2} + 1, 2t_{r2}) + \frac{(td_{off2} + 1, 2t_{f2})}{3}\right]\} = 135,5mW (4.35)$$

O resultado simulado é apresentado na figura 4.13.



Figura 4.13: Potência dissipada na segunda célula.

Como visto a potência dissipada de 135,5mW nessa célula, foi próxima do valor simulado de 156,293 mW.

No entanto, se fosse considerado o valor de resistência máxima de condução do *mosfet* o resultado seria de 149,503mW, um valor praticamente igual ao simulado.

Validação Para Terceira Célula HB de Saída

$$Pdcel_{3} = Ip\{IpRds_{onmd3} + V_{3}.fcom_{3}.\left[(td_{on3} + 1, 2t_{r3}) + \frac{(td_{off3} + 1, 2t_{f3})}{3}\right]\} = 257,085mW (4.36)$$

O resultado simulado é apresentado na figura 4.14.



Figura 4.14: Potência dissipada na terceira célula.

Dessa forma o valor calculado ainda ficou próximo do valor simulado. Nesse caso, isso ocorreu porque a Rds também foi calculado para seu valor médio, caso fosse usado o valor Rds_{typ}, a perda seria de 229,778mW, um valor ainda mais próximo do simulado 204,413mW.

Validação Para a Quarta Célula HB de Saída

$$Pdcel_{4} = Ip\{IpRds_{onmd5} + V_{4}.fcom_{4}.\left[(td_{on4} + 1, 2t_{r4}) + \frac{(td_{off4} + 1, 2t_{f4})}{3}\right]\} = 511,147mW(4.37)$$

O resultado simulado é apresentado na figura 4.15.



Figura 4.15: Potência dissipada na quarta célula.

Nesse caso a perda calculada 511,147mW assumiu praticamente o mesmo valor que o simulado 497,39mW.

Validação Para Quinta Célula HB de Saída

$$Pdcel_{5} = Ip\{IpRds_{onnd5} + V_{5}.fcom_{5}.\left[(td_{on5} + 1, 2t_{r5}) + \frac{(td_{off5} + 1, 2t_{f5})}{3}\right]\} = 816,649mW$$
(4.38)

O resultado simulado é apresentado na figura 4.16.



Figura 4.16: Potência dissipada na quinta célula.

Esse valor de perda 816,649mW na célula de maior potência foi praticamente igual ao valor simulado de 822,928mW, o que mostra a veracidade dos equacionamentos desenvolvidos.

4.2.4 Cálculo dos Capacitores do Barramento cc

Uma grande dificuldade para o cálculo dos capacitores do barramento cc foi encontrada, justamente por falta de bibliografia que trate a respeito da modulação *staircase* usando a lógica binária. Logo se fez necessário também desenvolver técnicas para o dimensionamento desses componentes.

Análise dos Capacitores Usados no Barramento cc

Para análise dos capacitores usados no barramento cc, deve-se verificar o funcionamento da estrutura no caso ideal para depois dimensionar os componentes. Um bom estudo pode ser realizado substituindo o conjunto retificador e capacitor por uma fonte cc, figura 4.17 c).

Na figura 4.18 *a*) (caso ideal, ou desejado) mostra a corrente na entrada da célula 1, para o inversor operando com a fonte V1=12V produzindo 63 níveis na corrente de saída. Como visto a corrente na entrada da célula (Resistor R1, figura 4.17 *a*)) possui formato que depende de Vo_{h1} e da corrente de carga. A freqüência dessa corrente é a mesma freqüência da tensão



Figura 4.17: a) Inversor multinível CHCA operando em binário com 5 células (caso ideal); b) Inversor isolado CHCA operando em binário equivalente ao inversor mostrado em a); c) Circuito do inversor isolado CHCA equivalente a uma fonte cc apresentada na topologia a).

A figura 4.18 mostra a forma de onda da corrente na entrada da primeira célula.



Figura 4.18: Formas de onda do inversor ideal figura 4.17: a) Corrente na entrada da célula cel1; b) Tensão ideal na saída da célula e c) Onda multinível de saída.

Tensões nas Saídas das Células Para o Cálculo dos Capacitores

Foi estudado o comportamento do conversor para operação com a modulação *staircase* usando a lógica binária. A partir desse foi realizada a revisão bibliográfica para o cálculo dos capacitores do barramento cc. Algumas formas para o cálculo dos capacitores acoplados ao barramento cc foram encontradas, [73],[74],[75]. Elas foram testadas e simuladas, todavia os valores das capacitâncias dos capacitores do barramento cc ficaram muito grandes, pois eles apresentam outros critérios para o dimensionamento. Se fosse adotado um desses critérios o custo para implementação do protótipo seria oneroso em virtude do preço dos capacitores. Logo, surgiu a necessidade de realizar um estudo detalhado do comportamento da topologia para propor um método de cálculo dos capacitores do barramento cc com baixo custo.

É sabido que nessa aplicação o funcionamento dos capacitores depende fortemente da frequência da célula *H-bridge* de entrada e da frequêcia de operação da ponte H acoplada a

esse. Assim, foram adquiridas as formas de ondas (figura 4.19, figura 4.20, figura 4.21, figura 4.22 e figura 4.23) que melhor representam o exposto.

Para a análise dos capacitores serão verificados os principais esforços no barramento cc em que esse está submetido. Logo, foi considerado na simulação o caso em que esses apresentam capacitância tendendo a zero.

O gráfico da figura 4.19 representa o exposto para análise em ¹/₄ de ciclo da tensão de saída, onde a primeira forma de onda representa a tensão de saída da célula e a segunda a tensão de carga.



Figura 4.19: Formas de onda para o projeto do capacitor 1: a) Tensão de saída da célula para o barramento com capacitância mínima; b) Interrupções na tensão de saída em virtude da freqüência da ponte *H-bridge* de entrada.

Do princípio de operação do inversor isolado, pode-se afirmar os seguintes casos:

- 1- A forma de onda da tensão na saída de cada célula deverá apresentar um formato característico para n níveis do inversor funcionando no estado normal, ver figura 4.18*b*) (tensão de saída da célula desejada). O efeito da freqüência da ponte *H*-bridge de entrada pode produzir pequenas interrupções na tensão de saída das células, conseqüentemente na tensão de carga Vo_{carg}(t), figura 4.19.
- 2- As interrupções mostradas na senóide de saída dependem da freqüência da célula *H*bridge de entrada (passagem pelo zero) e devem ser filtradas pelos capacitores.

Para o projeto do capacitor deve-se considerar o capacitor equivalente após o resultado obtido pela expressão abaixo:

$$C_x = \frac{io_{carg}(t)\Delta t_x}{\Delta V_x}$$
(4.39)

Para essa aplicação, a equação (4.39) demonstra que o tamanho do capacitor depende: da corrente de carga, $io_{carg}(t)$, do intervalo do tempo de descarga do capacitor Δt_x e da variação de tensão requerida sobre esse ΔV_x

O intervalo de tempo Δt_x , depende do tempo de passagem pelo zero da célula *H-bridge* de entrada o qual é programado na ordem de alguns microssegundos usados no controle de saturação do transformador.

As formas de nas figuras 4.20 a 4.23 mostram a tensão de saída para o caso ideal sem considerar os capacitores do barramento cc. A linha tracejada representa o caso onde a tensão deveria ser contínua se fossem usados capacitores adequados no barramento cc da célula estudada. Essa linha também representa esforço máximo (maior corrente) sobre o capacitor no período de tempo.



Figura 4.20: Formas de onda para o projeto do capacitor c2: a) Tensão de saída da célula em ¼ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vo_{carg(t)} em ¼ de ciclo.

Nas figuras 4.21-4.23 é mostrado o efeito respectivamente para os capacitores c3-c5.



Figura 4.21: Formas de onda para o projeto do capacitor c3: a) Tensão de saída da célula em ¼ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vo_{carg(t)} em ¼ de ciclo.



Figura 4.22: Formas de onda para o projeto do capacitor c4: a) Tensão de saída da célula em ¼ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vo_{carg(t)} em ¼ de ciclo.



Figura 4.23: Formas de onda para o projeto do capacitor c5: a) Tensão de saída da célula em ¼ de ciclo para o barramento com capacitância mínima; b) Tensão Vo_{carg}(t) em ¼ de ciclo.

Os capacitores usados para compor o barramento de cada retificador apresentam a mesma capacitância descrita abaixo:

Capacitor: *Epcos* 470 μ F, com 250V, $\Delta V_x = 4V e \Delta t_x = 470 \mu$ s.

Resultado de Simulação com os Capacitores de 470 uF

O resultado de simulação para uma freqüência de operação da ponte *H-bridge* de entrada em 420 Hz usando os capacitores especificados é apresentado na figura 4.24 usando a configuração binária em 63 níveis na tensão de saída.



Figura 4.24: Comportamento da tensão no capacitor em função dos parâmetros descritos.

Como se pode perceber existem duas ondulações na tensão de saída do capacitor: uma em alta freqüência a qual depende da freqüência da tensão de saída da célula *H-bridge* acoplada e outra em baixa freqüência a qual é função da freqüência fundamental de saída .

É perceptível que a ondulação em média freqüência no capacitor possui o seguinte comportamento:

- Quando a tensão na célula acoplada ao barramento do retificador é nula, o capacitor é carregado pelo respectivo enrolamento secundário e sua tensão cresce (menor ondulação).
- Quando a tensão na célula acoplada ao barramento do retificador é positiva, o capacitor é descarregado e fornece energia para a célula com efeito da diminuição de sua tensão.
- 3. À medida que a tensão da senóide de saída se aproxima da tensão de pico, a corrente cresce senoidalmente e o seu efeito é um aumento na queda de tensão nos dispositivos de chaveamento, a largura dos pulsos de tensão da célula de saída, Voh1(t) também

aumenta resultando em maior descarga dos capacitores que compõem as células. Isso resulta numa ondulação (queda de tensão) no barramento do capacitor em baixa freqüência que também é influenciada pela associação aditiva das células para formar a tensão de saída, por provocar uma diminuição gradual da capacitância equivalente a qual possui valor mínimo para uma dada tensão de pico de saída.

4.2.5 Resumo do Projeto do Transformador Operando em 300 Hz

O projeto do transformador foi realizado com base na metodologia de projeto apresentada no capítulo 3.

De acordo com a topologia vista na figura 4.17, o transformador possui múltiplos secundários. Logo, segundo a metodologia apresentada na seção 3, o núcleo deve possuir uma potência aparente imediatamente superior ao somatório das potências aparentes de todos os enrolamentos (primário, Vef_{pr} . Ief_{pr} com secundários Vef_x) além de apresentar uma área da janela disponível para comportar todos os enrolamentos.

Dessa forma deve-se adquirir todos os produtos Vef e Ief, nos enrolamentos do transformador (3.16).

Como as células da topologia foram projetadas para operar com cinco secundários, arranjados na configuração *12V:24V...192V*, a cada semi-período da freqüência do primário existem sempre dois diodos conduzindo nas 5 pontes retificadoras. Os valores da configuração *12V:24V ... 192V* devem ser acrescidos de *1,4V* para compensar a queda nos diodos. O valor da regulação de tensão que considera as perdas no cobre dos enrolamentos também deve ser incluído, todavia eles só serão considerados no acréscimo do número de espiras do enrolamento secundário.

A corrente eficaz nos enrolamentos do transformador não é fácil de ser mensurada por métodos de cálculos comuns, pois ela depende da corrente drenada pelos capacitores⁹ do barramento cc, além da característica de operação da célula *H-bridge* acoplada a esse.

Com intuito de simplificar a análise das correntes eficazes nos enrolamentos, foram normalizados seus valores eficazes em função do valor eficaz da corrente de carga. Assim é possível obter os valores de correntes eficazes nos enrolamentos secundários pelos fatores apresentados na tabela 4-6 nas faixas de potências descritas no gráfico da figura 4.25 para modulação *staircase* operando com lógica binária em *63* níveis.

⁹ Obtidos pelo critério da menor capacitância.



Figura 4.25: Variação das potências nos cinco secundários em função da potência de carga.

Como visto na figura 4.25 as potências nos secundários podem ser calculadas considerando os índices das correntes vistos na tabela 4-6.

Correntes eficazes parametrizadas para o inversor operando com 63										
níveis na tensão de saída										
Secundários	Correntes parametrizadas (A)									
x, (Sc _x)										
Sc1	τ_{sc1} =Isc1 _{ef} /Icarg _{ef} = 0,636510									
Sc2	τ_{sc2} =Isc2 _{ef} / Icarg _{ef} =									
	0,745343									
Sc3	τ_{sc3} =Isc3 _{ef} / Icarg _{ef} = 0,831197									
Sc4	τ_{sc4} =Isc4 _{ef} /Icarg _{ef} = 0,909911									
Sc5	τ_{sc5} =Isc5 _{ef} /Icarg _{ef} = 0,984979									

Tabela 4-6: Fator de correção das correntes nos secundários em função da corrente de carga.

Logo, as correntes nos secundários para o inversor operando com 63 níveis na tensão de saída podem ser facilmente mensuradas a partir dos fatores apresentados na tabela 4-6.

Dados do Projeto do Inversor

As especificações do inversor foram mostradas na tabela 4-1. Alguns dados são descritos:

A potência nominal de saída do protótipo é de 1000 W.

A potência máxima é +15% do valor nominal.

A tensão nominal é 220 V.

A tabela 4-7 apresenta os parâmetros de saída do projeto do transformador.

Tabela de aquisição dos valores eficazes das correntes nos enrolamentos										
Secundários	Valor de tensão	Correntes eficazes	Vsx . Iscx _{ef}							
x, (Sc _x)	[V]	$(\tau_{sx} \cdot Ief_{carg}) [A]$	[VA]							
Sc1	Vs1 = 13,4	$Isc1_{ef} = 2,89323$	Psc1 = 38,76924							
Sc2	Vs2 = 25,4	$Isc2_{ef} = 3,38792$	Psc2 = 86,05323							
Sc3	Vs3 = 49,4	$Isc3_{ef} = 3,77817$	Psc3 = 186,64149							
Sc4	Vs4 =97,4	$Isc4_{ef} = 4,13596$	Psc4 = 402,84237							
Sc5	Vs5 =193,4	Isc5 _{ef} =4,47718	Psc5 = 865,88598							

Tabela 4-7: Cálculo da potência aparente nos enrolamentos secundários.

Novamente seguindo a metodologia de projeto do transformador, determina-se o somatório das máximas potências secundárias que são dadas por:

$$P_{\Sigma sn} = \sum_{1,2\dots5}^{5} P_{sn} = 1,58 \, [\text{kVA}]$$
(4.40)

A potência do enrolamento primário é dada pela relação entre a potência do secundário e o rendimento do inversor, para esse caso foi considerado um rendimento de η = 95%. Dessa forma a potência aparente do transformador pode ser dada por:

$$Pa = \frac{P_{\Sigma sn}}{\eta} + P_{\Sigma sn} = 3,24 \quad [kVA]$$
 (4.41)

Com esses valores e com os dados obtidos a partir da análise do transformador descrita no capítulo 3, foi montada a tabela com as informações necessárias ao dimensionamento do transformador:

Resumo das variáveis envolvidas no cálculo do núcleo									
Variáveis:	Medidas:								
Densidade de fluxo, Bmax	Bmax = 0,68 [T]								
Densidade de corrente, J	$\mathbf{J}=250 \text{ A/cm}^2$								
Fator de utilização da janela, K _{uj}	$K_{uj} = 0,26$								
Fator de forma de onda (onda quadrada), K _{fo}	$\mathbf{K}_{\mathbf{fo}} = 4$								
Potência aparente que o núcleo deve suportar, Pa	Pa = 3,24 kVA								
Valor do Aps (Waj . Aef) calculado com os parâmetros acima:	$Aps=530 \text{ cm}^4$								

Tabela 4-8: Resumo das variáveis envolvidas no cálculo do núcleo.

Com o valor do *Aps* corrigido para pol⁴, encontra-se a tabela VII, apresentada por [70], e determina-se um núcleo com *Aps* maior que o calculado e verifica se o fator de execução da janela é menor que 0,26. Caso não seja deve ser procurado um novo núcleo até o fator de execução ser menor que 0,26.

Nesse projeto foi usado um transformador com núcleo toroidal selecionado a partir da tabela vista em [70]. Os dados da *magnetic metal corp* a qual fornece as dimensões dos núcleos padronizados que são usados pelos principais fornecedores internacionais de lâminas GO.

Dessa forma as dimensões do núcleo com os dados corrigidos para milímetro, bem como algumas variáveis envolvidas no projeto do transformador, são mostradas na tabela 4-9.

	Núcleos toroidal em aço silício grãos orientados GO												
Dados do Núcleo (mm)		Fator de Emp.	Waj	Aef	Np	Ns1	Ns2	Ns3	Ns4	Ns5	Ftexe	Lâmina 0,27(mm)	
ID	OD	ΗT	FT		(cm)								reso(ng).
102	134	51	0,95	81,713	7,752	76	22	42	82	162	322	0,26	2,276

Tabela 4-9: Dados do projeto do transformador.

Descrição das terminologias

Esta descrição compõe-se dos dados referentes ao núcleo e aos fios.

Dados referentes ao núcleo

 FT^{10} = Fator de empilhamento.

¹⁰ Usado para encontrar a área bruta do ferro devido ao isolamento das lâminas.

Ftexe= Fator de execução do transformador (relação entre o somatório das área dos fios nus de todos os enrolamentos pela área da janela).

ID= Diâmetro interno em (mm).

OD= Diâmetro externo em (mm).

HT= Altura do transformador (mm).

Waj= Área da janela em (cm2).

Aef= Área efetiva do ferro (cm2). "[(OD-ID)/2*HT]*FT" (sem o isolamento).

Dados referentes aos fios

Np = Número de espiras do enrolamento primário.

Ns1= Número de espiras do primeiro enrolamento secundário

Ns2= Número de espiras do segundo enrolamento secundário.

Ns3= Número de espiras do terceiro enrolamento secundário.

Ns4= Número de espiras do quarto enrolamento secundário.

Ns5= Número de espiras do quinto enrolamento secundário.

Os valores da seção mínima dos condutores foram obtidos através da equação (3.11) e estão apresentados na tabela 4-10. Com os valores de bitolas, foi escolhido o padrão *AWG* superior ao calculado por (3.11).

As informações dos fios usados no projeto do transformador estão apresentadas na tabela 4-10.

Bitola dos condutores do transformador											
Um fio do enrolamento:	Menor seção admissível (cobre, nu) em (mm²)	Corrente eficaz em (A):	Padrão AWG								
Np	13,86134	34,65334	3 fios AWG 10								
Ns1	1,15729	2,89323	1 fio AWG 15								
Ns2	1,35517	3,38792	1 fio AWG 15								
Ns3	1,51127	3,77817	1 fio AWG 15								
Ns4	1,65438	4,13596	1 fio AWG 15								
Ns5	1.79087	4.47718	1 fio AWG 14								

Tabela 4-10: Fios usados no projeto do transformador.

O projeto dos enrolamentos de um núcleo toroidal é diferente do padrão de enrolamentos dos núcleos comuns, como, EI, EE, C, e outros. A figura 4.26 exemplifica o exposto.



Figura 4.26: Grupo de fios externo ao núcleo toroidal apresentam espaços maiores em relação os internos.

Como visto na figura 4.26, enquanto a área da janela interna é completamente preenchida pelo enrolamento, a distribuição dos fios no diâmetro externo ainda apresenta espaços a serem preenchidos. Esse caso exemplifica a diferença dos enrolamentos utilizando núcleo toroidal e núcleos com geometria comuns.

Em [71], apresenta-se um método que exemplifica o exposto. O sistema de medidas usado no livro é o sistema inglês. Ele demonstra que para efeito ilustrativo de um enrolamento composto por 250 espiras, com um núcleo de diâmetro interno *ID*, ele pode ser calculado usando os seguintes passos:

- Calcular o fio necessário e escolher o valor tabelado referente à quantidade de espiras por uma unidade de medida do diâmetro interno.
- 2- Computar o comprimento do diâmetro interno e multiplicar esse valor pela quantidade de espiras determinada no item anterior. Assim determina-se a quantidade de fios, α, necessárias para preencher o perímetro interno da circunferência do núcleo.
- 3- Os enrolamentos consecutivos apresentam sempre a quantidade de fios do enrolamento anterior subtraído de seis unidades.

A figura 4.27 apresenta a quantidade de espiras para o preenchimento do perímetro das circunferências adjacentes entre si em relação ao afastamento do diâmetro interno. Ela mostra o preenchimento de todos os enrolamentos descritos no projeto.



Figura 4.27: Distribuição dos enrolamentos na janela do núcleo toroidal selecionado para o projeto.

Um resumo das principais características do projeto do transformador está apresentado na tabela 4-11.

Resumo das principais características do projeto do transformador com núcleo toroidal GO operando com uma freqüência de 300 Hz.										
Perdas		Er	ırolamei	ntos		Núcleo	Perdas totais no transformador			
Componentes:	Npr	Ns1	Ns2	Ns3	Ns4	Ns5	Toroidal GO ¹¹	Enrolamentos + Núcleo		
Valores em [W]	21,11	0,48	0,28	0,62	1,33	2,88	11,39	38,09		

Tabela 4-11: Perdas calculadas no transformador.

Na tabela 4-12 são apresentadas outras características que complementam o resumo do projeto do transformador.

Tabela 4-12: Características complementares no resumo do projeto do transformador.

Características complementares do projeto do transformador									
Grandezas	Valores								
Limite de temperatura superior:	24,67 ° C								
Fator de execução da janela:	0,2605								
MLT:	18,786 cm								

4.2.6 Resultados dos Ensaios no Transformador Toroidal

A figura 4.28 mostra o transformador implementado para uma freqüência de 300 Hz.

¹¹ Perda calculada para lâmina 0,30 mm, visto que a Tabela 3-4, não apresenta os coeficientes para lâmina escolhida no projeto de 0,27 mm.



Figura 4.28: Transformador toroidal implementado para uma freqüência de 300Hz.

Para os ensaios de perdas a vazio no transformador toroidal, foram realizadas análises para as freqüências de 60 Hz, 300 Hz e 400 Hz com onda quadrada e senoidal no primário do transformador, sendo plotados os gráficos B x Ph (densidade de fluxo x perda no núcleo).



Figura 4.29: a) Curva B x Ph em 60 Hz com onda quadrada; b) Curva B x Ph em 60 Hz onda senoidal.

Como visto no gráfico da figura 4.29 a saturação ficou em torno de 1,7 T (tesla). No gráfico da gráfico da figura 4.30 é mostrada a perda a vazio em 300 Hz.



Figura 4.30: a) Curva Ph x B em 300 Hz com onda quadrada; b) Curva Ph x B em 300 Hz com onda senoidal.

Nesse caso para freqüência de 300 Hz com onda quadrada a saturação do núcleo ocorreu para uma densidade de fluxo de 1,4 T. Na figura 4.30 b) em pontilhado é vista a curva da corrente de magnetização e a curva em linha contínua é $Ph(W) \times B(T)$ para uma onda senoidal. Pode-se concluir que a curva $Ph(W) \times B(T)$ para onda senoidal apresenta praticamente a mesma característica que a curva com onda quadrada.

Na figura 4.31 é mostrado o comportamento da curva envolvendo a perda no núcleo em função da tensão aplicada no primário do transformador.



Figura 4.31: Curva da perda no núcleo a vazio em função do aumento de tensão.

A perda no núcleo toroidal para freqüência de projeto de 300 Hz operando com onda quadrada no primário do transformador para uma densidade de fluxo de projeto de 0,680 T foi de 5,4 W.

No gráfico da figura 4.32 são apresentadas as curvas da perda no núcleo versus a densidade de fluxo magnético para uma freqüência de 400 Hz.



Figura 4.32: a) Curva Ph x B em 400 Hz com onda quadrada; b) Curva Ph x B em 400 Hz com onda senoidal.

Como pode ser observado na figura 4.32 a curva para uma freqüência de 400 Hz com onda quadrada exibe uma perda de 3,32 W para uma densidade de 0,4 T e para mesma densidade de fluxo a perda com onda senoidal foi de 3,74W, logo os gráficos a) e b) da figura 4.32 apresentam praticamente as mesmas características com valores muito próximos.

4.2.7 Resumo das Perdas no Inversor

O gráfico da figura 4.33 mostra o rendimento do inversor *CHCA* em função da potência de saída obtido por simulação usando modelos dos componentes reais com o programa Orcad Pspice.



Figura 4.33: Rendimento versus potência de saída.

Pôde ser visto que para uma potência de saída de 1 kW o rendimento ficou em 93,5%.

A tabela 4-13 apresenta o resumo dos esforços nos componentes dos semicondutores usados para o projeto do CHCA isolado.

Resumo do cálculo das perdas nos semicondutores do <i>CHCA</i> isolado operando com a modulação <i>staircase</i> com lógica binária gerando 63 níveis em Vo														
	Pontes <i>H-bridge</i> do <i>CHCA</i> isolado													
Perdas nas chaves	entr	rada	Saída											
	Pdcel _{en}		Pdcel _{sa1}		Pdcel _{sa2} Pdcel _{sa3}		Pdcel _{sa4}		Pdcel _{sa5}		Totais Comp.			
Comp.	Se1	Se2	S11	S12	S22	S22	S31	S32	S41	S42	S51	852	todas células	
Cond. [mW]	3364	3364	16,25	41,02	18,45	38,90	39,94	75,91	98,314	145,45	208,68	231,35	15280	
Com. [mW]	78,09	78,09	7,93	12,60	8,176	11,87	8,26	11,39	6,276	7,633	6,10	6,424	242,83	
Ptotcel _x = Com.+Cond. [W]	13,	768	0,15	5557	0,15480		0,27099		0,515344		0,905111		15,77	
Perdas nos					Р	erdas no	os diodo	s da por	nte retific	adora				
Diodos	())	Por	ite 1	Por	Ponte 2		Ponte 3		Ponte 4		Ponte 5		
Comp.	()	D11	D12	D21	D22	D31	D32	D41	D42	D51	D52	Todos os diodos	
Perdas Dxy [W]	()	1,81	1,847	1,97	1,97	1,9	1,924	1,92	1,918	2,007	2,158	()	
Ptot _{pontx} [W]	() 7,314 7,89 7,314 7,675 8,331							331	38,853					
	Perdas totais nos diodos e mosfets [W]												54,62	

Tabela 4-13: Perdas nas células H-bridge do CHCA isolado.

As análises e os maiores detalhes do inversor *CHCA* são apresentados nas considerações finais.

4.3 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Nesse capítulo foi discutido e apresentado o funcionamento do inversor *CHCA* com transformador de múltiplos secundários.

Como contribuições foram deduzidas expressões para o cálculo das perdas nas chaves, que são essenciais no cálculo térmico dos inversores em cascata. As expressões foram obtidas com base nas informações fornecidas pelos fabricantes, permitindo uma fidelidade com o funcionamento real do semicondutor.

Também foi apresentada uma alternativa para obter as correntes nos semicondutores a partir de dados normalizado mostrados em tabelas.

Foram desenvolvidas expressões para computar a corrente circulante nas células. Com essas tornou-se possível determinar o cálculo térmico do inversor bem como parte imprescindível para mensurar o rendimento global da topologia escolhida.

Também foi discutida a análise dos capacitores do barramento cc que compõe cada célula, bem como apresentada a expressão para o cálculo do mesmo.

Foi realizado os ensaios no transformador o qual resultou numa perda a vazio 5,4 W para a freqüência de 300 Hz com onda quadrada no primário do transformador. Essa perda como já era esperado foi menor que a calculada de 11,39 W exibida na tabela 4-11, visto que a lâmina usada no cálculo era de 0,30 mm.

O fechamento do capítulo se fez pela análise comparativa das perdas nos componentes do inversor devidamente organizadas em tabelas, as quais permitem um fácil acesso as informações apresentadas em todos os componentes. A veracidade das expressões desenvolvidas foi realizada através da análise por simulação com o programa *Orcad Pspice*, o qual possui um baixo erro comparado com implementação real, principalmente quando se trata do cálculo de potência ativa gerando uma baixa imprecisão [77],[78].

CONCLUSÕES GERAIS

No Capítulo 1, foram mostradas as diversas técnicas de modulação usadas para obter a onda multinível relatando as mais aplicadas atualmente. Nesse capítulo também foi apresentado o princípio de funcionamento dos inversores multiníveis convencionais mencionando suas principais vantagens, limitações e aplicações.

Como contribuição foi generalizado as formas de ondas oriundas da modulação *staircase* com alta resolução para *x* células do inversor *CHCA*, operando com as lógicas binária e ternária e mostrado a vantagem desse estudo.

No Capítulo 2, foram apresentadas as principais topologias de inversores multiníveis isolados, que permitem gerar uma tensão na saída do inversor com alta resolução e possuem potencial para aplicação em sistemas autônomos de energia. Nessas topologias foi mostrado o princípio de funcionamento e relatado as principais vantagens e aplicações de todas as estruturas. Também foi apresentada as equações para o cálculo da freqüência de operação de cada célula *H-bridge*. Essas equações foram importantes no cálculo das perdas gerais do inversor selecionado nesse capítulo.

O Capítulo 3 foi idealizado com intuito de auxiliar projetos de transformadores para altas e baixas freqüências. Ele abordou o projeto de transformadores usando núcleo toroidal. Esse auxílio vem a contribuir com a pouca bibliografia nacional a respeito de projeto físico de transformadores com núcleo toroidal usando lâminas de aço silício com grãos orientados. O maior resultado dessa lacuna a ser preenchida é que só foram encontrados dois fabricantes no Brasil que fazem esse tipo de serviço, todavia quando se trata do projeto aplicado a inversores a necessidade é ainda maior, pois os fabricantes contatados não realizam esse tipo de serviço. Logo, no capítulo 3, foi realizado o desenvolvimento teórico necessário para o projeto do transformador com núcleo toroidal e apresentado os fatores necessários para o desenvolvimento de um bom projeto com alta eficiência. Também foi mostrado através de curvas dos fabricantes que atualmente é possível obter projetos de transformadores com alto rendimento desde 98% para 1kVA a 95% para 300 kVA. Também foi plotado uma curva (3D no matlab) de operação do núcleo laminado usada para definir a freqüência do transformador que produz menores perdas. Nessa curva também foi definida as faixas de freqüência de operação em que as baixas perdas são atingidas para qualquer valor de B_{max} assumido, bem como mostrado a faixa de freqüência para o núcleo laminado que alia os benefícios de um transformador reduzido com baixas perdas, evidenciando que qualquer freqüência superior a que produz a redução do núcleo com baixas perdas, o projeto do transformador fica inviável em virtude do aumento das perdas crescerem exponencialmente mesmo para quais quer baixos valores de B_{max} assumidos. Nesse mesmo capítulo foi apresentado uma solução usando circuito magnéticos para suprimir o efeito da saturação do núcleo aplicado a inversores permitindo que ele opere com baixo nível cc.

No capítulo 4, foram desenvolvidas equações para o cálculo das perdas no inversor estudado. Estas equações não haviam ainda sido implentadas em outros trabalhos. Também foram deduzidas expressões para o cálculo da corrente circulante na célula e apresentado dois métodos para o cálculo térmico do inversor os quais foram validados por simulação.

Também foi realizada a análise do projeto dos capacitores do barramento de cada célula que produzem o menor custo aplicado a esse inversor com modulação *staircase* usando lógica binária, até momento ainda não encontrada em literatura.

Foram realizados ensaios a vazio no transformador implementado nas freqüências de 60 Hz, 300 Hz e 400Hz com ondas quadrada e senoidal aplicadas no primário do transformador toroidal. Para freqüência de 300Hz com onda quadrada aplicada no primário, foi obtido uma perda a vazio de 5,4 W. As curvas plotadas com a perda a vazio e a densidade de fluxo para um dada freqüência, revelam uma proximidade de valores menor que 1 W em todos os pontos, isso configura gráficos com características próximas tanto para onda senoidal como para onda quadrada aplicadas ao primário do transformador toroidal.

Por fim foram apresentados os resultados das perdas em todos os componentes em tabelas, bem como as principais informações de projeto.

O rendimento teórico do inversor ficou de 93,5%, sendo as pontes de diodos juntamente com o transformador os maiores responsáveis pelas perdas.

O trabalhou gerou uma fonte de auxílio no projeto do inversor estudado, apresentando as principais ferramentas necessárias ao dimensionamento para implementação do protótipo em bancada.

SUGESTÕES PARA TRABALHOS FUTUROS

- 1) Implementação do protótipo CHCA usando transformador de múltiplos secundários.
- Implementar o protótipo CHCA usando transformador de múltiplos secundários para injetar corrente na rede.
- Fazer uma comparação entre o Inversor CHCA usando transformador de múltiplos secundários com um dos inversores apresentados capítulo 2.

PUBLICAÇÕES

• MESQUITA, S.; ANTUNES, F.; DAHER, S.; MARINS, D.; OLIVEIRA Jr., D. "A Computational Tool for Simulation an Design of Multilevel Inverters", ICREPQ'10, International Conference on Renewable Energies and Power Quality, Granada(Spain), 2010.

• MESQUITA, S. J.; ANTUNES, F.L.M.; DAHER, S.; MARINS, D.S. "An Aiding Tool to the Design and Simulation of Multilevel Inverters" ICIT, International Conference on Industrial Technology, Valparaíso (Chile), 2010.

BIBLIOGRAFIA

- [1] WU, B.; SONG, P. G. "Current status of multi-megawatt AC drives", IEEE International conference on industrial technology (ICIT), Vol.1, pp. 438-443, 2004.
- [2] DAHER, S.; SCHIMID, J.; ANTUNES, F. L.M. "Multilevel inverter topologies for stand-alone PV systems", IEEE transactions on industrial electronics, vol. 55, No.7, pp. 2703-2712, July, 2008.
- [3] LAI, J. S.; PENG, F. Z. "Multilevel converters a new breed of power converters", IEEE Transactions on Industry Applications, Vol. 3, no. 3, pp. 2348-2356, October, 1995.
- [4] WU, B. "High-Power Converter and AC Drives", 1^a ed., Canadá, Wiley Interscience 2006.
- [5] LAI, Y.S.; SHYU, F. S. "Topology for hybrid multilevel inverter", IEEE Proc. Electr. Power Applicat., vol. 149, pp. 449-458, 2002.
- [6] J.S.; PENG, F. Z. "Multilevel converters, A new breed of converters", IEEE trans. Ind. Appli., Vol. 32, pp. 509-517, May/June, 1996.
- [7] BAKER, R. H.; BANNISTER, L. H. "Electric power converter", U S. Patent 3867 643, 1975.
- [8] DAMIANO A.; FRACCHIA, M.; MARCHESONI, M.; MARONGIU, I. "A new approach in multilevel power conversion", EPE'97, 4:216–221, June, 1997.
- [9] MARIETHOZ, S.; RUFER, A. "Multisource DC-DC converter for the supply of hybrid multilevel converter", IEEE transactions on industrial electronics, pp. 982-987, 2006.
- [10] STEIMER, P.K.; MANJREKAR, M.D. "Practical medium voltage converter topologies for high power applications", IAS'2001, 3:1723–1730, September, 2001.
- [11]MACHADO, I. R. et al.; "Sistema Eólico de Pequeno Porte para Carregamento de Baterias", Eletrônica de Potência, vol. 12, no. 2, pp. 97-104, 2007.
- [12] MASSOUD, A. M.; FINNEY S. J.; WILLIANS, B. W., "Control Techniques for Multilevel Voltage Source Inverters", IEEE, pp. 171-176, 2003.
- [13] CHINNAIYAN, V. K.; JEROME, J.; KARPAGAM, J.; SURESH, T. "Control Thechniques for Multilevel Voltage Source Inverters", The 8th International Power Engineering Conference (IPEC), pp. 1023-1028, 2007.
- [14]OH, J. S., JIN S. H., LEE J.-H., "Fast Space Vector Modulation Without NTV Identification For Multilevel Inverter", IEEE, pp. 2415-2420, 2007.

- [15] MCGRATH, B. P. and HOLMES, D. G. "Multicarrier pwm strategies for multilevel inverters", IEEE Transactions on Industrial Electronics, vol. 49, no. 4, pp. 858-867, August, 2002.
- [16] CARRARA, G.; GARDELLA, S.; MARCHESONI, M.; SALUTARI, R. and SCIUTTO, G. "A new multilevel pwm method: A theoretical analysis", IEEE Transactions on Power Electronics, vol. 7, no. 3, pp. 497-505, July, 1992.
- [17] HOLMES, D. G.; LIPO, T. A. "Pulse with Modulation for power converters", Wiley Interscience, 2003.
- [18] CALAIS, M.; BORLE, L. J.; AGELIDIS, V. G. "Analysis of multicarrier pwm methods for a single-phase five level inverter", IEEE Power Electronics Specialists Conference 2001 (PESC'01), vol.3, pp. 1351-1356, Vancouver, Canada, June, 2001.
- [19] AGELIDIS, G. V.; MARTINA, C. "Application specific harmonic performance evaluation multicarrier PWM techniques", PESC Power electronics specialists conference, Vol.1, pp 172-178, May, 1998.
- [20] PENG, F. Z.; Mckeever, J.W.; ADAMS, D. J., "A power line conditioner using cascade multilevel inverters for distribution systems", IEEE Transactions on industry applications, Vol. 34, no. 6, pp. 1293-1298, November/December, 1998.
- [21] ATAÍDE, M. V. "Contribuição ao projeto de filtros ativos monofásicos de potência", Dissertação de mestrado, Faculdade de Engenharia Elétrica e de Computação, Universidade Estadual de Campinas, Janeiro, 1997.
- [22] RUFER, A. "Aid in the teaching of multilevel inverters for high power applications", PESC Power electronics specialists conference, Vol. 1, pp 347-352, Atlanta USA, June, 1995.
- [23] SCHIBLI, N.P.; NGUYEN, T.; RUFER, A. C. "A three phase multilevel converter for high power induction motors", IEEE Transactions on power electronics, Vol. 13, no. 5, pp. 978-986, September, 1998.
- [24] CHIASSON, J.; TOLBERT, L.; et al., "Eliminating Harmonics in a Multilevel Converter Using Resultant Theory", IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), pp. 503–508, 2002.
- [25] DAHER, S. "Analysis, Design and Implementation of a High Efficiency Multilevel Converter For Renewable Energy Systems", Germany Kassel University Press Gmbh, 2006.

- [26] RODRIGUEZ, J.; LAI, J.S.; PENG, F.Z. "Multilevel inverters: A survey of topologies, control and applications", IEEE Trans. Ind. Elect. Vol. 49, Nº 4, pp. 724-738, August, 2002.
- [27] KRUG, H-P.; KUME, T.; SWAMY, M. "Neutral-point clamped three-level general purpose inverter- features, benefits and applications", IEEE Power Eletronics Specialists Conference, pp. 323-328, 2004.
- [28] MOUTON, H. d. T. "Natural balancing of three-level neutral-point-clamped Pwm inverts", IEEE Trans. Ind. Elect. vol. 49, N°5, pp. 1017-1025, October, 2002.
- [29] ABURTO, V.; SCHNEIDER, M.; MORAN, L.; DIXON, J. "An active power filter implanted with a three-level NPC voltage-source inverter", IEEE Power Eletronics Specialists Conference PESC, Vol. 2, pp. 1121-1126, June, 1997.
- [30] FUCHS, H.D. "Development and Implementation of a 1.5 MW Inverter and Active Power Filter System for the Injection of Regenerated Energy in a Spoornet Traction Subdation", University of Stellenbosch, Dec. 2005.
- [31] WILKINSON, R. H. "Natural balancing of multicell converters", PhD Thesis, University of Stellenbosch, South-Africa, April, 2004.
- [32] MEYNARD, T. A.; FOCH, H. "Multilevel converter and derived topologies for high power conversion", IEEE IECON'95, Vol. 1, pp 21-26, September, 1995.
- [33] HAMMA, F.; MEYNARD, T. A.; TOUKHANI, F.; Virouge, P. " Characteristics and design of multilevel choppers", IEEE PESC'95, Vol. 2, pp. 1208-1214, June, 1995.
- [34] MANGUELLE, J. S., MARIETHOZ, S., VEENSTRA, M., RUFER, A. "A generalized design principle of a uniform step asymmetrical multilevel converter for high power conversion", European Conference on Power Eletronics and Applications, CD-ROM, 2001.
- [35]KANG, F.-S., "A modified cascade transformer-based multilevel inverter and its efficient switching function", Electric Power Systems Research, pp.1648-1654, Apr. 2009.
- [36] LIU, Y.; LUO, F. L. "Trinary Hybrid 81-level Multilevel Inverter for Motor Drive with Zero Common-Mode Voltage", IEEE, pp. 1-7, 2007.
- [37] LIU, Y.; LUO, F. L. "Trinary hybrid multilevel inverter used in STATCOM with unbalanced voltages", IEE Proc.-Electr. Power Appl., Vol. 152, No. 5, pp. 1203-1222 Sept. 2005.

- [38] Xantrex Technology Inc., "Sine wave plus inverter/charger owner's manual", 976-0043-01-02 Rev B, Burnaby - British Columbia - Canada, December 2009. Disponível em: www.xantrex.com/web/id/645/docserve.aspx.
- [39] RUFER, A.; VEENSTRA, M.; GOPAKUMAR, K."Asymmetric Multilevel Converter for High Resolution Voltage Phasor Generation", in Proc. of the European Conference on Power Electronics and Applications - EPE 99, Lausanne - Switzerland, pp. 1-10 September, 1999.
- [40] HOCHGRAF, C.; LASSETER, R.; DIVAN, D.; LIPO, T. A.. "Comparison of multilevel inverters for static var compensation", IEEE Industry Applications Society Annual Meeting 1994 (IAS'94), vol. 2, pp. 921-928, October, 1994.
- [41]ROSSMANN, W. C.; ELLIS, R. G.; Retrofit of 22 "Pipeline Pumping Stations with 3000-hp Motors and Variable-Frequency Drives", IEEE Transactions on Industry Applications, Vol. 34, Issue: 1, pp. 178–186, 1998.
- [42] SCHMITT, B. P.; SOMMER, R. "Retrofit of Fixed Speed Induction Motors with Medium Voltage Drive Converters Using NPC Three-Level Inverter High-Voltage IGBT Based Topology", IEEE International Symposium on Industrial Electronics, pp. 746–751, 2001.
- [43] MENZ, R.; OPPRECHT, F. "Replacement of a Wound Rotor Motor with an Adjustable Speed Drive for a 1400 kW Kiln Exhaust Gas Fan", The 44th IEEE IAS Cement Industry Technical Conference, pp. 85–93, 2002.
- [44] BERNERT, S. "Recent Development of High Power Converters for Industry and Traction Applications", IEEE Transactions on Power Electronics, Vol. 15, No. 6, pp. 1102–1117, 2000.
- [45]OKAYAMA, H., KOYAMA, M., et al., "Large Capacity High Performance 3-level GTO Inverter System for Steel Main Rolling Mill Drives", IEEE Industry Application Society (IAS) Conference, pp. 174–179, 1996
- [46] BASCOPÉ, P. T.; PERIN, Arnaldo J. "O transistor IGBT Aplicado em Aplicado em Eletrônica de Potência", Sagra Luzzatto, Florianopolis, 1997.
- [47] FAIRLEY, P. "Steady as she blows Wind Power, Energy Storage", IEEE Spectrum, vol. '40, no 9, pp 35-39, 2003.
- [48] CHINCHILA, M.; ARNALTES, S.; BURGOS, J. C. "Control of Permanent-Magnet Generators Applied to Variable-Speed Wind-Energy Systems Connected to the Grid", IEEE Transactions on Energy Conversion, vol. 21, no. 1, pp. 130-135, 2006.

- [49] CASSIANO, R. et al. "Analysis and Comparison of hybrid multilevel voltage source inverters," IEEE Power Eletronics Specialists Conference (PESC), pp. 491-496, 2002.
- [50]KANG, F.-s.; PARK, S.-J.; KIM, C.-U. "Multilevel Inverter Employing Cascaded Transformers", IEEE, pp. 2185-2190, 2003.
- [51] TEODORESCU, R. et al. "Multilevel Inverter by Cascading Industrial VSI", IEEE Transactions on Industrial Electronics, Vol. 49, No. 4, pp. 832-838, August, 2002.
- [52]KANG, F.-s. "Half-bridge and Full-bridge Cell based Multilevel PWM Inverter with Cascaded Transformers", 47° IEEE International Midwest Symposium on Circuits and Systems, pp. 273-276, 2004.
- [53]KANG, F.-s. "A new control scheme of a cascaded transformer type multilevel PWM inverter for a residential photovoltaic power conditioning system", Solar Energy, Elsevier, pp. 727-738, 2004.
- [54] DAMIANO, A.; MARCHESONI, M.; MARONGIU, I.; TAFFONE, A. "Optimization of harmonic performances in multilevel converter structures", IEEE International Symposium on Industrial Eletronics (ISIE), pp. 341-346, 1997.
- [55]FLAIRTY, C. W. "A 50 Kva Adjustable-Frequency 23-Phase Controlled Rectifier Inverter", Proc. of the AIEE Industrial Electronics Symposium, pp. 56-60, May 1961.
- [56] BEDFORD, B. D. and HOFT, R. G. "Principles of Inverter Circuits", New York: John Wiley & Sons, pp. 264-278, 1964.
- [57]GARTH, D. R.; MULDOON, W. J.; BENSON, G. C. and COSTAGUE, E. N. "Multiphase, 2 Kilowatt, High Voltage, Regulated Power Supply", Proc. of the IEEE Power Conditioning Specialists Conference, pp. 110-116, 1971.
- [58] STEFANOVIC, V. R. and BHAGWAT, P. M. "Generalized Structure of a Multilevel PWM Inverter", IEEE Trans. On Industry Applications, Vol. IA-19, No. 6, Nov./Dec., pp. 1057-1069, 1983.
- [59] FLANAGAN, W. M. "Handbook of Transformer Design and Applications", 2^a ed, United States of America, McGraw-Hill, 1993.
- [60] MCLYMAN, C. W. "Transformer And Inductor Design Handbook", 3^a ed., California U.S.A., Marcel Dekker, 2004.
- [61]BOSSCHE, A. V.; VALCHEV, V. C. "Inductors and Transformers for Power Electronics", United States of America, Taylor e Francis, 2005.
- [62] WINDERS, J. J. Jr. "Power Transformers Principles and Applications", New York, Marcel Dekker, 2002.

- [63] KULKARNI, S. V.; KHAPARDE, S. A. "Transformer Engineering Design and Practice", Institute of Technology, Mumbai-India, Marcel Dekker, 2004.
- [64] Disponível em: <u>www.avellindberg.com</u>, acessado em 21/01/2010.
- [65] Disponível em: <u>www.howard.com</u>, acessado em 21/01/2010.
- [66] Disponível em: catálogo da Anveco.
- [67] JUDD, F. F.; KRESSLER, D. R. "Design Optimization of Small Low-Frequency Power Transformers", IEEE Transactions on Industry Applications, Vol. mag-13, no. 4, pp. 1058-1069, July, 1977.
- [68] ERICSSON, R. W.; MAKSIMOVI'C, D. "Fundamentals of Power Electronics", 2^a ed., New York, 2004.
- [69] Disponível em: <u>http://www.magmet.com/catalogs.php</u>, acessado em 05/11/2010, referente ao catálogo da *Magnetic Metal Corp: Cut Core Design Manual*.
- [70] Disponível em: <u>http://www.magmet.com/catalogs.php</u>, acessado em 05/11/2010, referente ao catálogo da *Magnetic Metal Corp*: *Tape Wound Core Design Manuel*.
- [71] LOWDON, E. "Practical Transformer Design Handbook", 2^a ed, United States of America, TPR, 1989.
- [72] Disponível em:

http://www.arcelormittalinoxbrasil.com.br/port/produtos_servicos/silicio_biblioteca.asp acessado em 24/01/2009.

- [73]KANCHAN, R. S.; TEKWANI, P. N.; GOPAKUMAR, K. "Three-Level Inverter Scheme With Common Mode Voltage Elimination and DC Link Capacitor Voltage Balancing for an Open-End Winding Induction Motor Drive", IEEE Transactions on Power Electronics, Vol. 21, No. 6, pp. 1676-1683, November, 2006.
- [74] CELANOVIC, N.; BOROYEVICH, D. "A Comprehensive Study of Neutral-Point Voltage Balancing Problem in Three-Level Neutral-Point-Clamped Voltage Source PWM Inverters", Conference Proceedings - IEEE Applied Power Electronics Conference and Exposition - APEC, vol. 1, pp. 535-541, 1999.
- [75] BARBI, I. "Projeto de fontes chaveadas", 2ª Ed. Florianópolis, Ed. do Autor, 2007.
- [76] MESQUITA, L.: "Análise de circuitos usando o Pspice", dee Unesp, 2005.
- [77] "CONTIJO, A. L. "Obtenção da Potência Ativa Somente Por Valores Eficazes", Universidade Federal de Uberlândia, Fevereiro, 2005.
- [78] GÓNGORA-NIETO M. M.; PEDROW, P. D. et al.: "Use of circuit analysis simulations in pulsed electric fields food processing", Journal of Food Engineering 61, Elsevier, pp. 413-420, April, 2003.

- [79] ABDI, B.; RANJBAR, A. H. et all: "Reliability Comparison of Boost PFC Converter in DCM and CCM Operating Modes", SPEEDAM, International Symposium on Power Electronics, Electrical Drives, Automation and Motion, pp. 939-943, june, 2008.
- [80] WAKILEH, G. J. "Harmonics in rotating machines", Elsevir, pp. 31-37, Kentucky, 2003.